

# النسبة الإلهية في المخلوقات الكونية

صور من الإعجاز العلمي للرياضيات في القرآن الكريم

تأليف المؤرخ والمفكر الإسلامي  
سمير محمد عثمان الحفناوي  
مؤرخ علم الرياضيات وتاريخ العلم والعلماء



**مكتبة جزيرة الورد**

(القاهرة - ميدان حليم خلف بنك فيصل)

شارع ٢٦ يوليو من ميدان الأوبرا

٠٢٢٧٨٧٧٥٧٤ - ٠١٠٠١٠٤١١٥

## بطاقة فهرسة

حقوق الطبع محفوظة

مكتبة جزيرة الورد

اسم الكتاب : النسبة الإلهية في المخلوقات الكونية

المؤلف : المؤرخ والمفكر الإسلامي

سمير محمد عثمان الحفناوي

رقم الإيداع : ٢٠١٠/٤٥٦٩٨

الترقيم الدولي :

الطبعة الأولى ٢٠١٠



مكتبة جزيرة الورد

القاهرة : ميدان جليم خلف بنك فيصل

ش ٢٦ يوليوس من ميدان الأوبرا ت : ٠١٠٠٠٠٤٠٤٦ ٢٧٨٧٧٥٧٤

Tokoboko\_5@yahoo.com

# بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

﴿وَكُلُّ شَيْءٍ عِنْدَهُ بِمِقْدَارٍ﴾ [الرعد: ٨]

﴿إِنَّا كُلَّ شَيْءٍ خَلَقْنَاهُ بِقَدَرٍ﴾ [القمر: ٤٩]

﴿هَذَا خَلْقُ اللَّهِ فَأَرُونِي مَاذَا خَلَقَ الَّذِينَ مِنْ دُونِهِ ۚ بَلِ الظَّالِمُونَ

فِي ضَلَالٍ مُبِينٍ﴾ [لقمان: ١١]



# الإهداء

إلى ثمرة فؤادي.....

وروح قلبي.....

وفلذة كبدي....

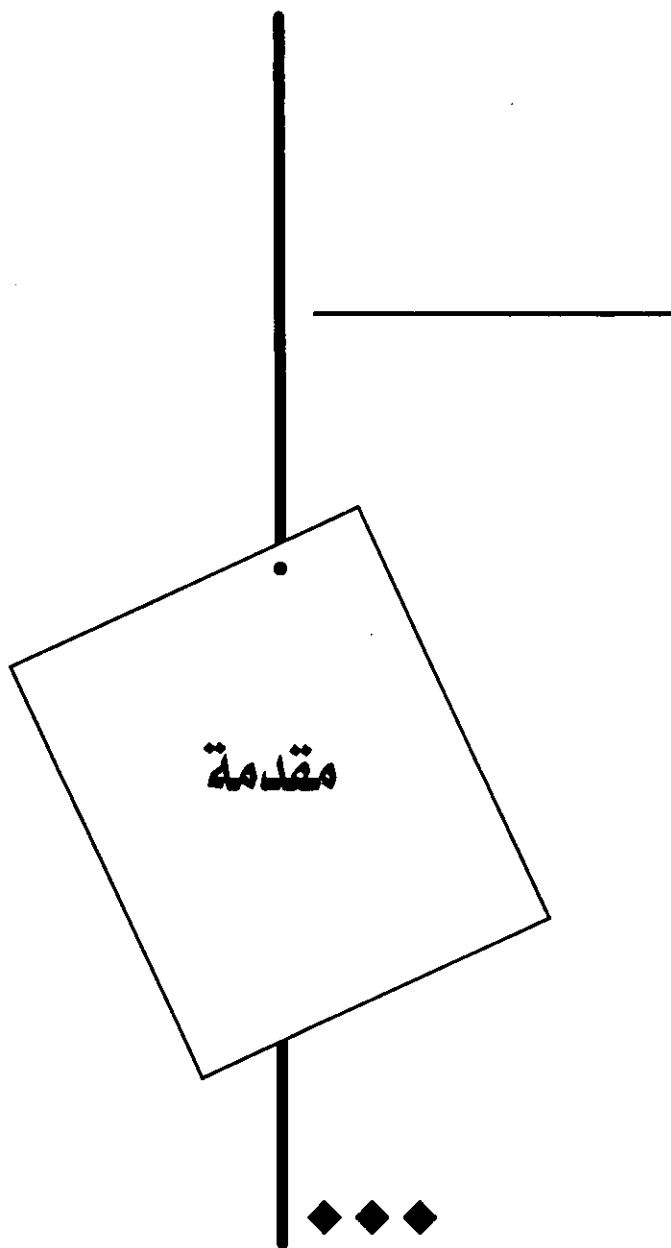
ابنتي الراحلة : ياسمين

أهدى هذا الكتاب لكل من توفي له ولد وكان صابراً محتسباً عند الله فلقد ساعدتني ياسمين على جمع مخطوطات العرب والمسلمين وكانت تحرص معي دائماً على إحياء ذكراهم في التاريخ أبداً الدهر وأسأل الله أن تكون ذخراً لنا في الجنة وأن يدخلنا الله وإياكم الجنة من غير حساب ولا سابقة عذاب ... وأتوسل من القارئ أن يدعو لي ولوالدتها أن يفرغ الله علينا صبراً وأن تأخذ بأيدينا إلى الجنة من غير أن يُنصب لنا ميزان أو يُكتب لنا ديوان.

والدك : المؤرخ المصري

سمير الحفناوى









الحمد لله الذي خلق آدم من طين ثم نفخ فيه روحاً ، ثم اصطفاه للرسالة كما اصطفى من بعده إدريس ونوحاً ، واتخذ إبراهيم خليلًا ، وموسى كليماً ، وإسماعيل ذبيحاً ، ونصر هوداً على عادٍ وألان الحديد لداود ؛ ووسع لسليمان في الأرض وسخر له ريحاً ، وأنقذ لقمان من المنام ، وآتاه الحكمة في المنام فاستيقظ بليغاً فصيحاً ، ونجى يوسف من الحب وعلمه من تأويل الأحاديث فكان في تعبيره للرؤيا نجيحاً ، واختص المصطفى محمد ﷺ بتمام رسالاته ، كما وهبه حوضاً موروداً ، ومقاماً فسيحاً وأنزل عليه في محكم كتابه الحكيم :

﴿ وَمَا يَنْطِقُ عَنِ الْهَوَىٰ ۖ (٢) إِنْ هُوَ إِلَّا وَحْيٌ يُوحَىٰ (١) ﴾ [النجم].

أحمده سبحانه على كل حال ، وعلى نعمه التي ليس لها زوال ونشهد أن لا إله إلا الله وحده لا شريك له ، لا ند له ، لا مثل له ، لا شبيه له ، شهد لذاته بالوحدانية قبل أن تشهد له مخلوقاته فقال تعالى في محكم كتابه: ﴿ اللَّهُ لَا إِلَهَ إِلَّا هُوَ لَهُ الْأَسْمَاءُ الْحُسْنَىٰ (٨) ﴾ [طه].

وقال تعالى: ﴿ إِنِّي أَنَا اللَّهُ لَا إِلَهَ إِلَّا أَنَا فَاعْبُدْنِي وَأَقِمِ الصَّلَاةَ لِذِكْرِي (١١) ﴾ [طه].  
وأشهد أن محمدا عبده ورسوله وصفيه من خيرة خلقه وحبيبه ، حمل منهج السماء بأمانة إلى كافة الناس أجمعين ، بواسطة الأمين جبريل ، تنزيل من رب العالمين ألا وهو القرآن الكريم ذلك القبس السماوي المنير الذي يشع الخطوط المستقيمة للسلوك الفردي ذلك القبس السماوي المنير رمزاً لكل ما هو حق ولكل ما هو عدل ولكل ما هو واجب.

أما بعد:

إننا بعون الله - تعالى - نعيش في هذا الكتاب مع صورة نادرة من صور إعجاز

الخالق - جلّ وعلا - في الخلق، ألا وهو ... موضوع «النسبة الإلهية»... أو كما يسميها البعض .... «النسبة الذهبية» .... أو «النسبة المقدسة» ويرمز لها بالرمز  $\Phi$ .... ويقرأ «فاي» وهي من عجائب الأمور ... والنسبة الذهبية Golden Section التي تقدر بـ ٦١٨ ، ١ ؛ تعتبر القانون الأساس لمعظم ما هو في الوجود، ويمكن أن نطلق عليها قانون «الثلاثان والثلاث» كشكل تقريبي.... إن «النسبة الإلهية».... تستخدم في كل مجالات الحياة الإنسانية، أعني أنها موجودة في الطبيعة متجلية في خلق - الله تعالى - ولعل ... «النسبة الإلهية» تبرز أكثر ما تبرز في التناسب الطولي للإنسان... فنسبة طول الإنسان إلى إرتفاع سرته عن الأرض .... تساوي أو تقارب كثيرًا ..... «النسبة الإلهية».... وقد بينت الدراسات الإحصائية ... صحة هذه النسبة .... في معظم التماثيل اليونانية القديمة. ومن خلال دراسة إحصائية للأجناس البشرية تبين أن بعضها يمثل هذه النسبة تمامًا، في حين أن الأجناس الأخرى تقترب منها.

وفي كل حالات عدم تحقق النسبة، لم يقع خط «النسبة الإلهية» فوق السرة، بل تحتها. فإذا أخذنا بعين الاعتبار أن الطفل الوليد لا ينمو بتناسب ثابت في كافة أعضائه بسبب قصر طرفيه السفليين، نستطيع الاستنتاج أن النمو الإنساني يقترب في سنّ النضج من تحقيق «النسبة الإلهية».

إن الحديث عن «النسبة الإلهية» يكاد يكون بلا نهاية. ويسعى باحثون كثيرون اليوم إلى اكتشاف أسرارها في الطبيعة، أو البحث عنها في الإنجازات الإنسانية القديمة، أو إلى استلهاها في حياتنا اليومية. ونشير هاهنا، مثلاً، إلى أنه قد تبين أن السلم الموسيقي الذي وضعه وأرسى أسسه النهائية «باخ» يكاد أن يطابق السلم الموسيقي المبني على «النسبة الإلهية».. كما أن جمال آلة الكمان الذي يُجمع عليه معظم

الموسيقيين والناس يُخفي حقيقة جوهرية كما بيّنت آخر الدراسات: فالكمّان مبني وفق تناسبات ذهبية دقيقة. ويبدو أن انتصار عصر النهضة لهذه النسبة أدى إلى اكتمال شكل الكمّان. أما في العمارة الحديثة، فعلى الرغم من أن نموذج «لو كوربوزيه» Le Corbusier هو محاولة فيها بعض الإقحام، لكنه نموذج فريد يربط بين سلسلتين «لفيوناتشي» بأبعاد المنزل السكّني مستتجة من أوضاع وحركات الإنسان في داخله.... ونشير أخيراً إلى أن .... متتالية «فيوناتشي».... (1، 2، 3، 5، 8، 13، 21، 34، 55، .....). تدخل اليوم في مجال نظرية البحث وفي العديد من الأبحاث العلمية والرياضية. هذا الترتيب والذي هو عبارة عن أن كل رقم يمثل جمع الرقمين السابقين له، أثبت فيما بعد أنه سلسلة من الأرقام المتسلسلة التي كانت ذات فائدة عظيمة في الكثير من الاستخدامات الرياضية والعلمية المختلفة. وعرفت هذه الأرقام فيما بعد بأرقام «فيوناتشي». وبقسمة كل عدد على العدد السابق له مباشرة يعطي «النسبة الإلهية». أو «النسبة الذهبية» أو «النسبة المقدسة»، وقيمتها التقريبية التي تقدر بـ 1, 618.

المهم هنا ليست الأرقام بحد ذاتها، لكن العلاقة الرياضية بين هذه الأرقام، وأحد أهم الميزات الرائعة لهذه الأرقام المتسلسلة، هو أن كل رقم هو تقريبا 1, 618 مرة أعظم من الرقم الذي يسبقه، هذه العلاقة العامة بين هذه الأرقام هي الأساس الذي تم من خلاله اكتشاف نسب فيوناتشي.

لسبب ما مجهول، وجد أن هذه النسب تلعب دوراً هاماً في سوق الأوراق المالية كما هو الحال في الطبيعة، ويمكن استخدامها في تحديد النقاط الحرجة التي يحتمل أن تتراجع عندها أسعار الأسهم، وقد أثبتت التجارب أن السعر كلما لامس إحدى هذه النقاط يعود مرة أخرى للاتجاه السابق للسهم. وفي الطبيعة كانت أرقام

فيوناتشي تشير الكثير من الاهتمام، على سبيل المثال لا الحصر: ووجد أن بعض فروع النباتات تنمو بطريقة معينة تتوافق وأرقام فيوناتشي، وجد أن الزهور مثلاً في الغالب لها بتلات تتناسب مع أرقام فيوناتشي، مثلاً زهرة الربيع (Daisy) وجد أنها من الممكن أن يكون عدد بتلاتها ٣٤، ٥٥، أو حتى ٨٩ بتلة.

في الحقيقة عندما نشرت هذه الأرقام أول مرة، اعتقد البعض أنه حصل على رقم الله، هذا لأنهم وجدوا أن هذه النسب تتكرر في الكثير من أشكال الحياة.

وقد تم اكتشاف مثلاً أن كل شيء تقريباً له بعد نسبي يلتزم بالنسبة ١, ٦١٨، وكذلك بالنسبة المقابلة لها وهي ٠, ٦١٨، هذا البعد النسبي يعرف كما ذكرنا سابقاً «بالنسبة الذهبية»، أو «النسبة الإلهية» أو «المتوسط الذهبي»، وقد وجد أن كل شيء في الحياة له بعد نسبي له علاقة بالنسبة ١, ٦١٨، ويبدو أن هذه النسبة لها علاقة بالبنية الأساسية لأي وحدة بناء أو خلية في العالم.

وهذه النسبة اكتشف علاقتها بأشياء كثيرة في الحياة منذ قرون، ولها عجائب مذهلة كثيرة موجودة في الطبيعة، بدءاً من الإنسان إلى الشجر إلى الحيوانات إلى ما لا نهاية فعلى سبيل المثال:

عدد الأوراق التي تنبت في النباتات والأشجار تأتي بترتيب معين ثابت والورقة تعود لنفس مكان الورقة التي فوقها في جذع الشجرة تأتي بأعداداً فيوناتشية والأرقام أو النسب الموجودة في الطبيعة في كائنات كثيرة هي من سلسلة فيوناتشي بل وحتى أسلوب تربيها أيضاً بدءاً من الأقسام في مقطع الموزة أو في التفاحة أو في ترتيب أوراق الخضروات أو في ترتيب بذور الأزهار فهناك على سبيل المثال قدّم بحث في كامبردج عام ٩٦ ميلادي خصص فقط لدراسة أسلوب ترتيب البذور في زهره دوار الشمس وجد أن ترتيب البذور فيها مثلاً بهذا الشكل هو الصيغة

الوحيدة التي تمكن الورقة أو البذرة من الحصول على أكبر قدر ممكن من الشمس وأقل قدر ممكن من الفراغ وعند وضع احتمال آخر لترتيب البذور فإن شكل الزهرة لا يمكن أن يظهر بنفس الشكل الأصلي.

كما اكتشف أنها موجودة في نسب جسم الإنسان بدءاً من نسب توزيع أماكن الأعضاء وأطوالها من عيون وأنف ورقبة وأصابع ويدين وأرجل إلى توزيعها في مختلف الحيوانات مثل توزيع أعضاء الحوت وعلاقة الأطوال فيما بينها إلى توزيع نفس الأعضاء في النمر مثلاً، بل وفي توزيع الخطوط على جسمه إلى أسلوب الانحناءات في حشرة الخلزون وفي كل الحيوانات بصورة وبأخرى.... إلخ.

خلق الله سبحانه كل مخلوق في الطبيعة وتلك السلسلة متواجدة فيه، بل واكتشف أن تكاثر الخلايا والتكاثر بين الحيوانات ينطبق عليها حسابياً في مضاعفات من سلسله أرقام فيوناتشي وقد وضع مثال بتكاثر زوج من الأرانب يتوالد كل شهر وفي كل مرحله يتبين أن ناتج عدد الأزواج لا يخرج عن أحد أرقام فيوناتشي ووجدت أنها كذلك في أسلوب تضاعف الخلايا وحتى في مراحل نمو الجنين وفي دوائر الموجات الصوتية وفي أشكال الذبذبات ومنحنى ذبذبة دقة قلب الإنسان وفي علاقات رياضييه عديدة كالنسبة التقريبية التي تستخدم رياضياً (٣، ١٤) وفي أشياء عجيبة لا حصر لها.

في العصور القديمة كان اكتشافها محصور في حالات محدودة منها جسم الإنسان وأخذ منها ما أطلق عليه اسم النسبة الذهبية التي أصبحت شائعة في اختيار الأطوال المناسبة في المباني الجميلة بدءاً من الأهرامات إلى المعابد اليونانية.

وأخيراً... سوف نلتقي إن شاء الله تعالى في هذا الكتاب «بالنسبة الإلهية» لخلق الله تعالى في الإنسان، والحيوان، والطيور، والنبات، والأسماك، وذلك في الجزء

الأول والأماكن المقدسة والتحف المعمارية والأثرية، والفلك، والجيوفيزياء،  
والمعاملات التجارية بين الناس وغير ذلك من ظواهر وجماليات الطبيعة، في الجزء  
الثاني.

المؤرخ والمفكر الإسلامي

سمير محمد عثمان الحفناوي

مؤرخ علم الرياضيات وتاريخ العلم والعلماء

٢٨ نوفمبر ٢٠٠٩ م.... الحادي عشر من ذي الحجة ١٤٣١ هـ

[Historian\\_samir@yahoo.com](mailto:Historian_samir@yahoo.com) .

## الباب الأول

الجدور  
التاريخية  
للمسبة الإلهية







## أولاً: مفهوم وخصائص النسبة الإلهية Φ

### تمهيد:

لكي نستوعب تماماً مفهوم «النسبة الإلهية» أو «النسبة الذهبية» أو «النسبة المقدسة» دعنا نتعرف على المتابعة المؤلفة من الأرقام التالية: ١، ١، ٢، ٣، ٥، ٨، ١٣، ٢١، ٣٤، ٥٥، ... وهي متتابعة الأرقام التي ينتج كل رقم فيها عن مجموع الرقمين السابقين له والتي حداها الأولان يساويان الواحد. أي «اجمع آخر عددين لتحصل على العدد التالي»:

1	
1	
2	= 1 + 1
3	= 1 + 2
5	= 2 + 3
8	= 3 + 5
13	= 5 + 8
21	= 8 + 13
34	= 13 + 21
55	= 21 + 34
89	= 34 + 55
144	= 55 + 89
...	

وهكذا مع بقية النتائج.

المهم هنا ليست الأرقام بحد ذاتها، لكن العلاقة الرياضية بين هذه الأرقام، وأحد أهم الميزات الرائعة لهذه الأرقام المتسلسلة، هو أن كل رقم هو تقريبا ١,٦١٨ مرة أعظم من الرقم الذي يسبقه، هذه العلاقة العامة بين هذه الأرقام هي الأساس الذي تم من خلاله اكتشاف نسب فيوناتشي.

ولكي نعرف كيف نشأت «النسبة الذهبية»  $\Phi = 1,618$ ، يجب أن نقسم كل عدد في المتابعة على العدد الذي يسبقه ونكوّن الجدول التالي لتتضح الرؤية:

العدد الأول (an)	العدد الثاني (bn)	نسبة العدد الثاني إلى العدد الأول $\frac{b_n}{a_n}$
1	1	1.000
1	2	2.000
2	3	1.500
3	5	1.666
5	8	1.600
8	13	1.625
13	21	1.615
21	34	1.619
34	55	1.617
55	89	1.618
89	144	1.618
144	233	1.618

## النسبة الإلهية في المخلوقات الكونية

العدد الأول (an)	العدد الثاني (bn)	نسبة العدد الثاني إلى العدد الأول $\frac{b_n}{a_n}$
233	377	1.618
377	610	1.618
610	987	1.618
987	1597	1.618

من الجدول نجد أن «النسبة الذهبية» ثبتت عند الرقم ١,٦١٨ .  
النسبة الذهبية Golden Section، في شكل مبسّط، هي الطريقة الأكثر منطقية  
للقسمة، قسمة غير متناظرة، أي للقسمة إلى غير النصفين. فإذا كان لدينا طول قابل  
للقياس AC، فالنسبة الذهبية تمثل قسمته إلى طولين غير متساويين AB وBC،  
بحيث تكون نسبة الجزء الأكبر إلى الجزء الأصغر تساوي النسبة بين القطعة كلّها  
AC وبين الجزء الأكبر.

أي أن: النسبة الذهبية هي العدد ك < ١، حيث:

$$ك = (أ + ب) / أ = أ / ب ، حيث أ < ب فمثلاً من الجدول نجد$$

$$أن: ١,٦١٨ = ٨٩ / ٥٥ + ٨٩ = ٥٥ / ٨٩$$

الخلاصة: النسبة الذهبية هي خارج قسمة العدد (الطول) الأكبر على  
العدد (الطول) الأصغر بحيث يكون الناتج مساوياً ١,٦١٨

وقد تم اكتشاف مثلاً أن كل شي تقريباً له بعد نسبي يلتزم بالنسبة ١,٦١٨ ،  
وكذلك بالنسبة المقابلة لها وهي 0.618 هذا البعد النسبي يعرف كما ذكرنا سابقاً

بالنسبة الذهبية، أو المتوسط الذهبي، وقد وجد أن كل شيء في الحياة له بعد نسبي، له علاقة بالنسبة ١.٦١٨، ويبدو أن هذه النسبة لها علاقة بالبنية الأساسية لأي وحدة بناء أو خلية في العالم.

### خصائص «النسبة الإلهية» أو «النسبة الذهبية»

«النسبة الذهبية»  $\Phi \equiv 1.618$  ((Colden Ratio)) وهو أحد الثوابت الشهيرة التي خلبت عقول الفلاسفة وقد كان إقليدس يسميها النسبة القصوى والمتوسطة حيث بطرح 1 منها يكون مقلوبها فيمكن رسم مستطيل أحد أبعاده الوحدة والآخر هذا العدد ونطرح من مساحته مربع طول ضلعه الوحدة فيتبقى مستطيل نسبة أبعاده هي أيضا «النسبة الذهبية» وهكذا .... ويمكن بذلك التعويض عن S في الطرف الأيمن للعلاقة  $S = 1 + (1/S)$  لينشأ الكسر المتسلسل «Continued fraction»

$$\frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \dots}}} S = 1 +$$

وإن «النسبة الذهبية»  $\Phi \equiv 1.618$  لها أيضا صبغة جمالية. فقد اكتشف رياضيو العصور القديمة أن هذه النسبة تختص بها أبعاد أي شكل متناسق. وكان الرياضيون في تلك العصور عادة فلاسفة وشعراء يؤمنون بتناسق الكون وأن الرياضيات تحقق إشباعاً روحياً لديهم وتزيح الغموض عن أبعاده.

فدأبوا على ملاحظة الأشكال في الطبيعة ومضاهاة أبعادها بهذه النسبة ليتأكدوا من صدق حدسهم، لذلك أسموها «النسبة الإلهية» أو «الجمالية» «The Diving Proportion» وتظهر «النسبة الذهبية» كنهاية لبعض

المتابعات أهمها التي تحقق المتابعة:

$$S := (S : S_{n+1} = S_{n-1} + S_n, n \geq 2)$$

مثل متتابعة فيبوناتشي 1.1.2.3.5.8.13.21.34.55.89.144...

التطبيقات الواسعة في العلوم المختلفة أو في أي متتابعة تحقق هذه القاعدة بين نسب

$$\lim \frac{S_{n+1}}{S_n} = \Phi : \text{نجد أن: حد على سابقة نجد أن:}$$

ويمكن أن نوجز الخصائص الرياضية «للسبة الإلهية» في التالي:

$$\sqrt{1 + \sqrt{1 + \sqrt{1 + \sqrt{1 + \dots}}}} = \Phi$$

$$\Phi = \frac{1 + \sqrt{5}}{2} = 1,618 \dots\dots$$

$$\Phi = \frac{3 + \sqrt{5}}{2} = 2,618 \dots\dots$$

$$\frac{1}{\phi} = \frac{1 - \sqrt{5}}{2} = 0,618 \dots\dots$$

$$\Phi^1 = \Phi^0 + \Phi^{-1}$$

$$\Phi^2 = \Phi + 1$$

$$\Phi^3 = \Phi^2 + \Phi$$

.....

.....

$$\Phi_n = \Phi_{n-1} + \Phi_{n-2}, n \in \mathbb{Z}$$

وبوجه عام

$$1, \Phi, \Phi^2, \Phi^3,$$

وبذلك تكون المتابعة :

$$\Phi = \frac{1}{\phi} + \frac{1}{\phi_2} + \frac{1}{\phi_3} + \dots$$

$$\Phi^2 = 1 + 1 \Phi$$

$$\Phi^3 = 1 + 2 \Phi$$

$$\Phi^4 = 2 + 3 \Phi$$

$$\Phi^5 = 3 + 5 \Phi$$

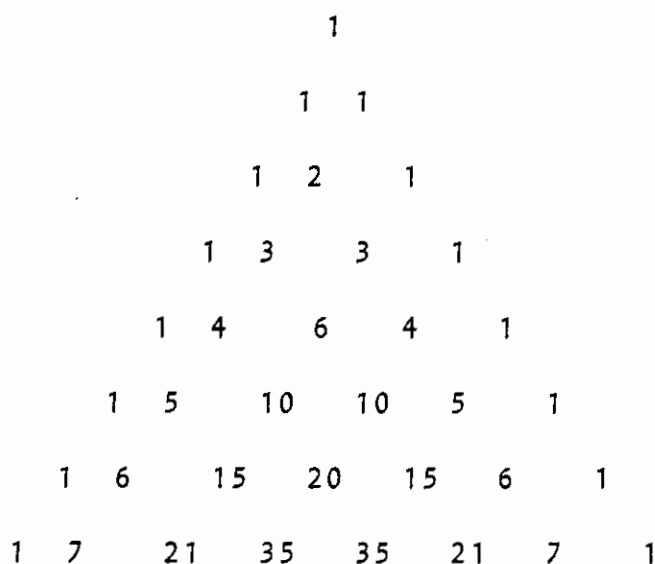
$$\Phi^6 = 5 + 8 \Phi$$

ونلاحظ أن العمودين يمثلان متابعتين «لفيوناتشي» Double Fibonacci Series وهذه المتابعة لفيوناتشي دفعت لأهميتها بعض الرياضيين لإنشاء جمعية باسمها تسمى «Fibonacci Quarterly» كذلك :

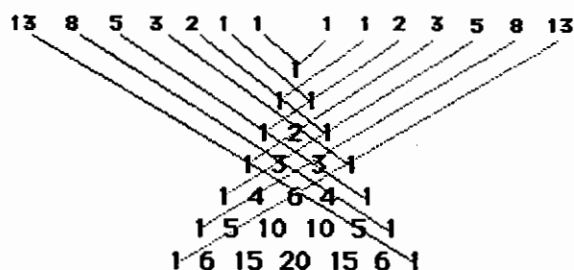
$$\begin{aligned} \Phi^{10} &= \Phi^9 + \Phi^8 \\ &= \Phi^8 + 2 \Phi^7 + \Phi^6 \\ &= \Phi^7 + 3 \Phi^6 + 3 \Phi^5 + \Phi^4 \\ &= \Phi^6 + 4 \Phi^5 + 6 \Phi^4 + 4 \Phi^3 + \Phi^2 \\ &= \Phi^5 + 5 \Phi^4 + 10 \Phi^3 + 10 \Phi^2 + 5 \Phi + 1 \end{aligned}$$

وفي كل مرة يتكرر صف من صفوف مثلث باسكال Pascal Triangle الذي كان يعرفه الصينيون والعرب وهو الخاص بمعاملات ذات الحدين لأي أس

صحيح موجب .



## Pascal Triangle



The Fibonacci Numbers in Pascal's Triangle

$$\phi = 1 + \frac{1}{\phi} = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{\phi}} = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{\phi}}} = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{\phi}}}}$$

$$1 + \frac{1}{1} \rightarrow 2$$

$$1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1}} \rightarrow \frac{3}{2}$$

$$1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1}}} \rightarrow \frac{5}{3}$$

$$1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1}}}} \rightarrow \frac{8}{5}$$

$$1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1}}}}} \rightarrow \frac{13}{8}$$



$$\phi^2 - \phi - 1 = 0 \text{ solve, } \phi \rightarrow \begin{pmatrix} \frac{1}{2} \cdot 5^{\frac{1}{2}} + \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cdot 5^{\frac{1}{2}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1.618033989 \\ -0.618033989 \end{pmatrix}$$

$\phi^{-1} = 0.6180339887 \dots$	$1(\phi) - 1 = 0.6180339887 \dots$
$\phi^0 = 1.0000000000 \dots$	$0(\phi) + 1 = 1.0000000000 \dots$
$\phi^1 = 1.6180339887 \dots$	$1(\phi) + 0 = 1.6180339887 \dots$
$\phi^2 = 2.6180339887 \dots$	$1(\phi) + 1 = 2.6180339887 \dots$
$\phi^3 = 4.236067971 \dots$	$2(\phi) + 1 = 4.236067971 \dots$
$\phi^4 = 6.854101953 \dots$	$3(\phi) + 2 = 6.854101953 \dots$
$\phi^5 = 11.09016992 \dots$	$5(\phi) + 3 = 11.09016992 \dots$
$\phi^6 = 17.94427186 \dots$	$8(\phi) + 5 = 17.94427186 \dots$



## ثانياً: اكتشاف النسبة الإلهية عند القدماء المصريين

ذكر بعض المستشرقين غير المنصفين أن النسبة الإلهية اكتشفت منذ عهد «إقليدس» .... ولكنها اكتشفت قبل ذلك بآلاف السنين عند المصريين القدماء وشواهدهم المعمارية الآن ندلل على صدق ما نقوله بالإضافة إلى شهادة بعض المنصفين ..... أمثال: «هوارد إيفز» والعالم الأثري «بيري» والعالم الفلكي «بيازي سميث» وعالم الرياضيات «جلنجز» والمؤرخ الشهير «هيروديت» وعالم المصري الكبير «موريه» A. Moret ..... وغيرهم كثير.

ولتتعرف عليهم أولاً، ثم نأخذ مقتطفات من أقوالهم وتقاريرهم.

### «هوارد إيفز» Howard Whitley Eves

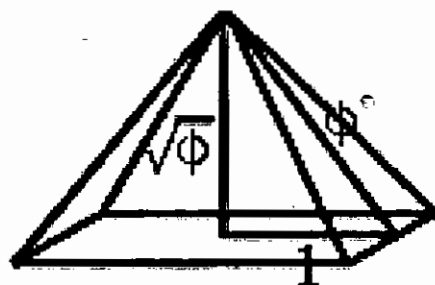
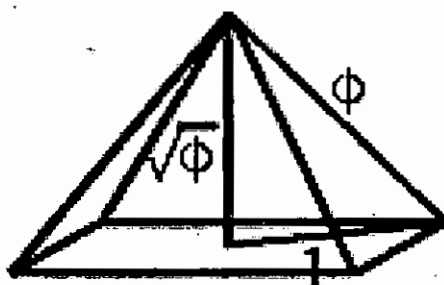
المفردات	البيانات الشخصية
الاسم	هوارد إيفز Howard Whitley Eves
تاريخ الميلاد	١٠ يناير ١٩١١ م.
مكان الميلاد	نيوجرسي - أمريكا.
تاريخ الوفاة	٦ يونيو ٢٠٠٤ م.
مكان الوفاة	أمريكا.
سبب الوفاة	غير محدد
الجنسية	أمريكي
المهنة	مؤرخ وعالم آثار ورياضيات.

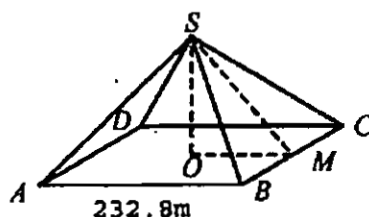
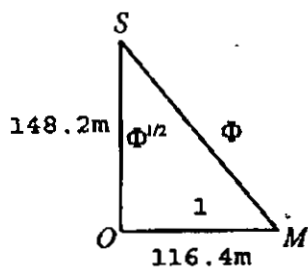
### موجز السيرة

حصل «هوار إيفز» على درجة البكالوريوس من جامعة «فرجينيا» والماجستير من جامعة «هارفارد» والدكتوراه من جامعة «أوريغو» عام ١٩٥٦م وكان صديقا «لألبرت أينشتاين» ثم قضى معظم حياته المهنية في جامعة «مين».... شغل منصب تحرير عدد من المجلات وكان المتحدث الرسمي للرابطة الأمريكية للرياضيات ومات بعد صراع طويل مع المرض.

### شهادته

وجد «هوارد إيفز» بقياساته للهرم الأكبر أن النسبة بين أبعاد المثلث الداخلي SOM التي تتعامد قاعدته مع أحد أضلاع الهرم هو  $\Phi : \sqrt{\Phi} : 1$  وذلك من العلاقة  $\Phi^2 = 1 + \Phi$  والنسبة بين طول ارتفاع المثلث الداخلي إلى طول قاعدته  $\sqrt{\Phi} = 1.273 = 116.4 / 148.2$ .





عالم الآثار البريطاني : السير وليام ماثيو فلنדרز بترى



المفردات	البيانات الشخصية
الاسم	وليام ماثيو فلنדרز بترى Flinders Petrie
تاريخ الميلاد	٣ يونيو ١٨٥٣ م.
مكان الميلاد	مايرون روود - تشارلتون - كينت - لندن
تاريخ الوفاة	٢٨ يوليو ١٩٤٢ م
مكان الوفاة	القدس
سبب الوفاة	غير محدد
الجنسية	بريطاني
المهنة	عالم آثار

### موجز السيرة

بدأ وليام ماثيو فلنדרز بترى عمله كعالم آثار عندما كان شاباً صغير السن. كان والد بترى مساحاً وهو الذي علم ابنه كيفية استعمال أحدث المعدات المساحية في ذلك الوقت. وكان لهذا التدريب أثره على بترى الشاب حيث غرس فيه احترام المقاييس والدقة اللتين اهتدى بهما في عمله مما كان له أبلغ الأثر في إنجازاته في علم الآثار.

فتن بترى لعدة سنوات بقياس أبعاد الآثار القديمة وفي عام ١٨٨٠م رحل إلى مصر ليقس هرم الجيزة الأكبر. شرع بترى في اختبار نظرية تقدم بها كاتب معاصر تقول بأن الهرم الأكبر قد بنى بمساعدة إلهية، وأنه قد توجد ضمن مقاساته رسائل سرية وحقائق بليغة عن تاريخ ومصير الإنسانية. وبعد أن أمضى بترى عدة أشهر في قياس أبعاد الهرم الأكبر اقتنع بأن المقاسات التي أدت إلى تلك النظرية كانت غير دقيقة.

نمى لدى بترى حب عارم لكل ماهو مصري خلال هذا الوقت الذي أمضاه في الجيزة والأماكن المجاورة فكرّس باقي حياته في سبيل دراسة لغة القدماء المصريين، وحضاراتهم، وآثارهم.

قام بترى بعدة حفائر في كثير من المواقع الأثرية الهامة في مصر مثل هواره وميدوم وأبيدوس وتل العمارنة.

حصل بترى على كرسي الأستاذية من لندن، واستمر في الحفائر في مصر، وأمضى السنوات الأخيرة من حياته في حفائر قام بها بالقرب من غزة ومات في القدس عام ١٩٤٢م. وقد خلف عند وفاته تراثاً ضخماً من العلوم والإنجازات في حقل الآثار

### شهادته

قال عالم الآثار البريطاني «فلنדרز بتري»: إن أبعاد هذا المثلث الداخلي SOM هي مضاعفات من الطول  $4r$  (حيث  $r$  وحدة قياس الطول عند قدماء المصريين وتساوي تقريباً 52.4 cm) حيث:

$$SM = 4r \times 59, OM = 4r \times 55$$

و العددان 55، 89 هما الحدان العاشر والحادي عشر في متتابعة فيبوناشي .

وقام هو «ويبازي سميث» الفلكي بقياسات على الهرم الأكبر فلاحظ أن نسب أبعاد بعض مقابر القدماء المصريين التي هي متوازي مستطيلات هي  $1 : \Phi : \Phi^2$  ونجد أن هذه النسب في غرفة دفن الملك خوفو مثل العدد  $\sqrt{5}$  الذي يمثل نسبة قطر الغرفة إلى طول أحد أضلاع قاعدتها التي تأخذ شكل مربعين متلاصقين .

## المؤرخ الشهير «هيرودوت» Herodotus



المفردات	البيانات الشخصية
الاسم	هيرودوت أو هيرودوتس ابن ليكسيس ودريو
تاريخ الميلاد	بين سنتي ٤٨٤ ق.م - ٤٨٠ ق.م.
مكان الميلاد	هاليكارناسوس - إحدى مدن كاريّا، (إحدى بلدان جنوب غرب آسيا الصغرى).
تاريخ الوفاة	عام ٤٢٦ ق.م أو عام ٤٢٥ ق.م.
مكان الوفاة	ثوري - جنوب إيطاليا.
سبب الوفاة	غير محدد
الجنسية	يوناني.
المهنة	مؤرخ

### موجز السيرة

المؤرخ هيرودوت أو هيرودوتس باللغة الإغريقية واسمه مركب من لفظين

هما: «هيرا» الآلهة اليونانية - و«دوت» أو «دوتا» بمعنى أعطى أو أهدى فالاسم يعني هدية هيرا أو عطاء هيرا.

عاش «هيرودوت» في القرن الخامس قبل الميلاد (حوالي ٤٨٤ ق.م - ٤٢٥ ق.م) ولد «هيرودوت» في هاليكارناسوس إحدى بلدان جنوب غرب آسيا الصغرى، بين سنتي ٤٩٠ و ٤٨٠ ق.م، وهو من أسرة من طبقة الصفوة الاجتماعية، وكانت أسرته محبة للعلم والشعر والأساطير، تعمل في السياسة، لهذا اهتم بتعليمه وتثقيفه، وقد شغف منذ صغره بالدراسة والتعلم واهتم بقراءة الكتب المختلفة والأشعار والأدب والملاحم، وقد عاصر في بداية طفولته غزو الفرس بقيادة «أحشويرش الأول» بلاد اليونان، وكان له عم اسمه «وبانياسيس» كاتباً وأديباً، فقام «وبانياسيس» بتعليم «هيرودوت» الشعر الملحمي فأحبه، وجعله معجباً «بهوميروس»، وعندما كبر هاجر «هيرودوت» إلى ساموس التي كانت مركزاً صناعياً وتجارياً ومركزاً ثقافياً هاماً، ويرى بعض المؤرخين أن سبب تركه لبلاده، هو خلافه مع الطاغية «هاليكارناسوس» آنذاك ؛ وبعد إقامته لمدة من الزمن في ساموس قام بأسفاره ورحلاته الواسعة حتى يشبع رغبته للبحث عن المعرفة والعلوم، زار خلال رحلته مناطق مختلفة في أوروبا وأفريقيا وآسيا وقطع في رحلاته حوالي ١٧٠٠ ميل، ودامت أسفاره ١٧ سنة، اشتهر بالأوصاف التي كتبها لأماكن عدّة زارها وأناس قابلهم في رحلاته العديدة وسجل الكثير من الوقائع والأحداث الممتدة على مساحة مترامية الأطراف في اليونان وفارس ومصر والشام وبلاد العرب، وكان قد حضر إلى مصر وكتب ما شاهده فيها، وبالطبع كانت لغة الكتابة الإغريقية، وكان وصفه دقيقاً وجديراً بالثقة، وكانت كتاباته ممتعة ومشوقة غير أنه خلط التاريخ بالقصص الشائعة الدارجة على ألسنة العامة في ذلك العصر كما كتب كتباً عديدة عن السيطرة



الفارسية على اليونان، أطلق عليه اسم «أبو التاريخ» وقضى أواخر أيامه في أثينا وفيها قرأ ودرّس من تاريخه في تلك المدينة كما درّست في المدن اليونانية الأخرى، ومنحه أهل أثينا مكافئة مالية كبيرة تقديراً لأعماله وكتابات التاريخ والأدبية، إلا أنه لم يحصل على حق المواطنة الأثينية على الرغم من أنه قدّم طلباً لذلك ليستقر أخيراً في «ثوري» في جنوب إيطاليا قرابة عام ٤٤٤ ق.م. حيث أكمل كتابه، وتوفي في عام ٤٢٦ أو ٤٢٥ ق.م.

### شهادته

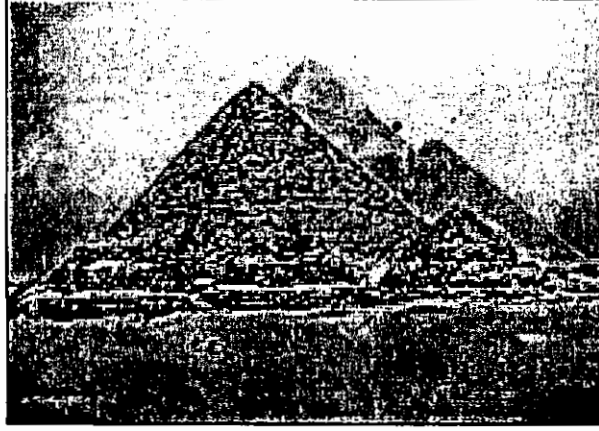
ويشير هيرودوت إلى التناسبات القائمة في الهرم بقوله: «لقد أعلمني الكهنة المصريون أن التناسبات المقامة في الهرم الأكبر بين جانب القاعدة والارتفاع كانت بحيث تسمح بأن يكون المربع المنشأ على الارتفاع يساوي بالضبط مساحة كلٍّ من وجوه الهرم المثلثة.»

ترى هل إنشاء مثل هذا المربع كان يُقصد منه الإشارة إلى العلاقة بين  $\pi$  و  $\phi$ ، حيث إن العدد  $\pi$  قائم في الهرم من خلال نسبة الارتفاع إلى نصف محيط القاعدة؟ على أية حال، يجب أن نلاحظ أن خصائص هذا الهرم توافق كلَّ هرم ميله  $11/14$  (الموافق لزاوية ميل  $51^\circ$  درجة و  $50$  دقيقة و  $35$  ثانية)، وهي بالتالي لا تخص هرم خوفو فقط. فقبل حكم هذا الملك كانت هذه النسبة موجودة في هرم ميدوم عندما كان غطاؤه لا يزال موجوداً.

ويثبت ذلك أن هذه النسب كانت موجودة في مِيلان واجهات الأهرامات في السلالة الثالثة. والسؤال المطروح هو: هل كان المصريون القدماء يعرفون هذه النسب منذ ذلك الزمن السحيق، أم أن اختيارهم لهذا النموذج كان من قبيل المصادفة؟ إن الحفاظ على هذا النموذج بهذه القياسات الدقيقة لا يحمل سوى معنى واحد باعتقادي، وهو أن المصريين عرفوا هذه النسب، وحافظوا عليها في سرية فائقة منذ أزمنة موعلة في القدم!

من جهة أخرى، إذا رسمنا قطعاً ناقصاً محوره الصغير هو ضلع المربع في قاعدة الهرم، فإن نصف محوره الكبير يساوي  $\varphi$ ، وسيقع محرفه عند ذروة الهرم. ترى هل كان المصريون يعرفون ذلك؟ نحن لا نعرف شيئاً عن معلوماتهم حول القطع الناقص؛ لكنهم كانوا فعلاً ينسبون ذروة الهرم إلى الشمس.

يقول موريه A. Moret، أحد كبار علماء المصريات: «لقد وجدنا صدفة الذروة الهرمية pyramidion التي كانت تعلو هرم أحد الملوك من السلالة الثانية عشرة، وهو لأمنحوتب الثالث، في دهشور. وكان هذا الحجر الجميل من الجرانيت منحوتاً ومصقولاً كالمرآة، ويحمل على جهته الموجهه نحو الشرق قرصاً مجنحاً...». كانت هذه الذروة تعكس أشعة الشمس من الشروق حتى الظهر، فتبدو كأنها شعلة في ذروة الهرم. ونعلم أن كلمة هرم pyramid مشتقة من الجذر اليوناني  $\piύρ$  الذي يعني «نار». فإذا أبحرنا في الخيال وقرئنا الشمس إلى الذهب - والذهب كان رمز النار والشمس والإله رَع عند المصريين القدماء - لكان من الممكن أن يسمي المصريون العدد الذهبي «عدد الشمس»، الشمس مولدة الحياة على الأرض!



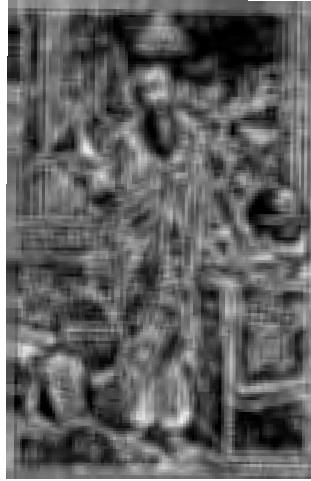
### أهرامات الجيزة

وأخيراً يقول: « جلنجز » مؤلف كتاب « الرياضيات » عند القدماء المصريين :  
إن أي أبعاد في الطبيعة ستكون حتماً نسباً من  $\pi$  أو  $\Phi$  الخ ..... وإن المصريين كانوا  
على دراسة بقيمة دقيقة للعدد  $\pi$  قبل الإغريق والبابليين »



## ثالثاً: النسبة الإلهية عند الإغريق

### (أ) النسبة الإلهية عند فيثاغورث.



المفردات	البيانات الشخصية
الاسم	فيثاغورث
تاريخ الميلاد	حوالي ٥٨٠ - ٥٧٢ ق.م.
مكان الميلاد	جزيرة ساموس - إيطاليا.
تاريخ الوفاة	حوالي ٥٠٠ - ٤٩٠ ق.م.
مكان الوفاة	كروتون - إيطاليا.
سبب الوفاة	حريق (تلاميذه حرقوه)
أهم أبحاثه	مبرهنة فيثاغورث - الموسيقى - علم الأخلاق -

المفردات	البيانات الشخصية
	الميتافيزيقا - السياسة - الطب.
المهنة	عالم رياضيات - فيلسوف - طبيب.
الجنسية	إغريقي (إيطالي).
اسم الزوجة	ثيانو أو (ثونيو)
تاريخ الزواج	في الستين من عمره.
اسم الأب	منيسارخوس
مهنة الأب	تاجر
محل ميلاد الأب	مدينة - صور ( بسوريا حالياً).
اسم الأم	بوثايس أجقايوس
محل ميلاد الأم	ساموس - اليونان

### موجز السيرة

بالقرب من شاطئ آسيا الصغرى توجد جزيرة صغيرة هي جزيرة ساموس كان يقطنها أحد المستوطنين الإغريق الذين وصلوا إليها حوالى ١٠٠٠ سنة قبل الميلاد وحوالى عام ٥٨٠ قبل الميلاد (لا يعرف أحد التاريخ على وجه الدقة) ولد في ساموس صبي إغريقى تجدد اسمه اليوم في كل كتاب من كتب الهندسة هو فيثاغورث ولقد زار مصر تلبية لوصية أستاذه طاليس ليدرس قياس الأرض على يد

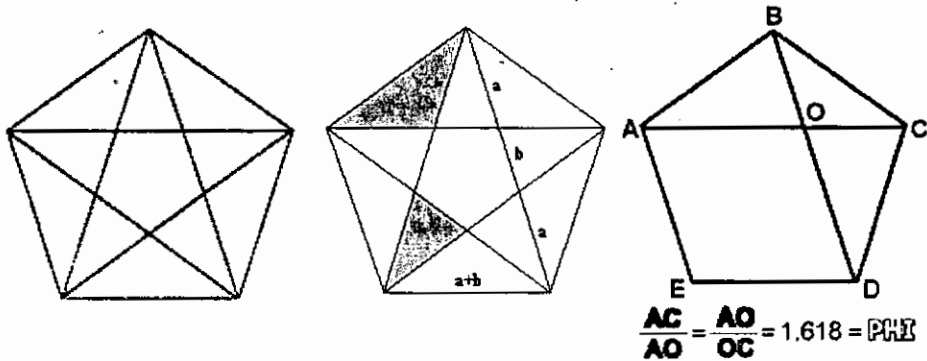
الكهنة المصريين وعندما بلغ من العمر ٥٠ سنة ترك ساموس وذهب ليعيش في بلدة اسمها كروتونا في جنوب إيطاليا . لقد اكتشف فيثاغورث وأتباعه المتوالية التوافقية في السلم الموسيقى التي تربط بين طول الوتر وتردد النغمة ولعل هذا الاكتشاف هو الذي قادهم إلى الاعتقاد أنّ الأعداد هي العناصر التي تنشأ عنها جميع الأشياء وأنّ أي شيء يمكن التعبير عنه بالأعداد. كذلك وضعوا اصطلاح الأعداد «الفردية والزوجية» واعتبروا الأعداد الفردية مذكرة والأعداد الزوجية مؤنثة، ونظرًا لأن المجتمع كان مجتمع رجال فقد اعتبروا الأعداد الفردية مقدسة ، أما الأعداد الزوجية فغير ذلك ،ومما لاشك فيه أن نساءهم وافقن على أنّ الأعداد الفردية هي السعيدة الحظ، وأنّ الأعداد الزوجية هي السيئة الحظ ، ولقد ظلت هذه الخزعبلات سائدة حتى عصر شكسبير فقد جاء في رواية « زوجات وند سور المرحات» على لسان فولستاف : «هذه هي المرة الثالثة، أرجو أن يكون الحظ السعيد في الأعداد الفردية. يقولون إن للأعداد الفردية قدسية سواء في الحياة أو في الثروة أو في الموت». جاء في كتاب « عيون الأنباء في طبقات الأطباء» إنّ فيثاغورث أخذ الحكمة عن أصحاب سليمان بن داود عليهما السلام بمصر حين دخلوا إليها من بلاد الشام. وكان قد أخذ الهندسة قبلهم عن المصريين، ثم رجع إلى بلاد اليونان، وأدخل عندهم علم الهندسة وعلم الطبيعة وعلم الدين، واستخرج بذكائه علم الألحان وتأليف النغم ، وادعى أنه استفاد ذلك من مشكاة النبوة.....

#### فيثاغورث والنسبة الإلهية :

قال الفيثاغوريون: إنّ «كلّ شيء مرتّب وفق العدد». ومفهوم التناسب في الفيثاغورية مشتق من مفهوم النظام في تعريفه الرقمي. وهكذا فإن جوهر الحقيقة الفيزيائية مرتبط بالعدد، والجمال قائم على ركائز حسابية. ويدرك العلماء اليوم، أكثر

من أيّ وقت مضى، أن كلّ شيء في الطبيعة خاضع لقوانين التناسق. كذا فإن الإنسان يشعر أن الجمال يرتكز على قوانين التناسب، وأن الطبيعة المتناسبة إنما تفصح بتشكيلاتها عن جمال أعمق من الجمال الظاهري، أي عن جمال الحقيقة المكنونة في تنوعاتها كلّها. ولا شك أن شعور الإنسان بالجمال يعكس بنية الإنسان نفسها القائمة على قوانين التناسق الطبيعية؛ وبالتالي، فإن وعي الإنسان هو، في جوهره، فعل تناغم مع الطبيعة.

توجد النسبة الذهبية في شكل خاص في المخمس المنتظم وفي المضلع ذي العشرة أضلاع المنتظم. والمخمس المنتظم هو مخمس المعرفة، وهو النجمة الخماسية العزيزة على الفيثاغوريين؛ وكانت في نظرهم رمز العلم الصغير (Microcosm) (الإنسان - الكون الصغير). وقد حافظ على هذا الرمز فلاسفة العصور الوسطى وعصر النهضة. ورسم دافنشي شكلاً شهيراً للإنسان - الكون الصغير - ضمن مخمس، وكان هذا الشكل رمزاً للصحة والحب. ويعلمنا «لوقيانوس» أنه كان رمز الارتباط بالفيثاغوريين.



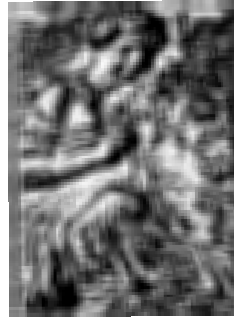
النسب الذهبية تم اكتشافها لأول مرة سماعياً من قبل فيثاغورس الذي لاحظ أثناء مروره في سوق الحدادين ثلاث أصوات لثلاث مطارق منسجمة مع بعضها لدرجة كبيرة ، وعندما قام بدراسة هذه المطارق وجد مقابضها ذات أطوال متناسبة وفق متوالية النسب التي تسعى إلى النسبة الذهبية ، وهذه العلاقة تنتج من كون طول الوتر المصدر للصوت يساوي نصف طول الموجة الصادرة عنه، وطول الموجة هو الذي يحدد درجة الصوت وطبقته، وعندما تم تقسيم الأمواج الصوتية إلى سبع وحدات هي علامات السلم الموسيقي بحيث تكون الأصوات الناتجة عن نفس العلامة الصوتية ولكن بطبقتين مختلفتين متناسبتين بعدد صحيح من طول الموجة.

كذلك وكما هو ثابت في التاريخ أن « فيثاغورث » اليوناني أعلن عن نظريته الشهيرة بعد زيارته لمصر مباشرة . وكان المصريون علي تمام المعرفة بالنسب بين أضلاع بعض المثلثات قائمة الزاوية مثل المثلث 3:4:5 الذي أسماه فيثاغورث نفسه «المثلث المقدس» واستخدمه المعماريون الفرس سواء هو أو «النسبة الذهبية» في إنشاء قبابهم.

واعتمد المثالون والفنانون اليونانيون في تماثيلهم وأبنتهم هذه النسب كما تشهد لذلك أبعاد معبد «البارثينون» بأثينا . وقد اكتشف اليونان أن هذا العدد يمثل النسبة بين بعدي أي شكل له صفة جمالية وطبقوها أيضا على الموسيقى ، وظل اهتمام الرياضيين والفنانين بها قائماً وأسماها بعضهم « النسبة الإلهية » مثل « باكولي » أحد رياضيين القرن السادس عشر صديق «ليوناردو دافنشي» الذي ألف كتاباً يبين ظهورها في كثير من الشواهد الفنية والعلمية وإنها توجد في أي شاهد معماري وفي جسم الإنسان وحتى في الحروف الأبجدية اللاتينية .»



(ب) النسبة الإلهية عند « ثيانو » theano زوجة فيثاغورث



المفردات	البيانات الشخصية
الاسم	ثيانو برونينوس
تاريخ الميلاد	حوالي ٥٥٣ ق.م.
مكان الميلاد	ثوري THURII - جنوب إيطاليا.
تاريخ الوفاة	حوالي ٤٧٠ ق.م
مكان الوفاة	كروتون - إيطاليا.
سبب الوفاة	غير محدد.
الحالة الاجتماعية	متزوجة من فيثاغورث.
عدد الأولاد	خمسة أولاد: إثنان ذكور وثلاث بنات.
أسماء الأولاد	أسماء الأولاد: منيسارشوس (Mnesarchus) — تيلاوغييس (Telauges)

المفردات	البيانات الشخصية
	أسماء البنات: دامو (Damo) — ميريا (Myria) — أرغينوتي (Arignote)
المهنة	عالمة رياضيات - فلك - موسيقى - طب - علم نفس الطفولة.

### موجز السيرة

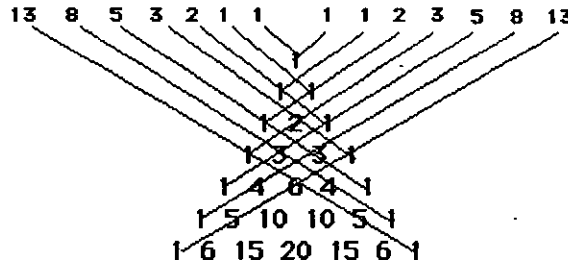
ثيانو theano ابنة طبيب يسمى «برونتينوس» Brontinus، عاشت في القرن السادس قبل الميلاد، ودرست الرياضيات في مدارس، ساموس وكروتون Crotona، وكانت طالبة في مدرسة فيثاغورث، وكان فيثاغورث يكبرها بـ ٣٦ سنة، وتزوجته وأنجبت منه خمسة أطفال، وقد تولت إدارة مدرسة فيثاغورث بمساعدة بناتها، (دامو، ميريا وأريغنتوتي) بعد موت «فيثاغورث» في حريق، وكانت تدرس علوم الحضارة والمدنية المصرية واليونانية.

ويشهد علماء الفلك اليونانيين القدامى أمثال: أثيناوس (Athenaeus)، سويداس (Suidas)، لايرتيوس (Laertius)، ديوجين (Diogenes)، ويامبليشوس (Iamblichus) بأن «ثيانو» أفضل عالمة فلك في عصرها.

ولعل أول امرأة في التاريخ شغلت بالبحث في مجال الرياضيات كانت «ثيانو» في القرن السادس قبل الميلاد. كانت «ثيانو» واحدة من تلاميذ مدرسة فيثاغورث، وكانت من أبرعهم في علمي الهندسة والأعداد.. وقد تزوجها «فيثاغورث» الذي عرف باسم الفيلسوف النسوي، لأنه كان يسمح بأن تلتحق النساء بمدرسته وكان

يشجعهم على مواصلة الدراسة والبحث. وقد كان فيثاغورث ينتقد في مجتمع أثينا القديمة لهذا السبب، ففي مدرسته كانت ثيانو واحدة من بين أربع وعشرين امرأة تمارس البحث في الرياضيات، وكان أيضاً ينتقد لأنه أول معلم في التاريخ يتقاضى أجراً من تلاميذه. في القرون التالية كان الفلاسفة أمثال سقراط وأفلاطون يدعون بعض النساء في مدارسهم لكن لم تبرز امرأة في البحث في مجال الرياضيات حتى القرن الرابع الميلادي.

كانت «ثيانو» أول من عملت على صيغة لاستخلاص «المستطيل الذهبي a formula» to derive the golden rectangle..... والذي مهد «لبسكال» أن يكتشف مثلثه المعروف بمثلث «باسكال». وهي أول من اكتشف نظرية الوسط الذهبي «Golden Mean» وسوف نتحدث عنها فيما بعد، وهي المرأة الوحيدة والأولى في التاريخ والتي مهدت الطريق للرياضيات ولكنه غير معترف بها.



The Fibonacci Numbers in Pascal's Triangle

اعتبرت «ثيانو» أن الكون مبني على أرقام ونسب بسيطة، وهو مكون من عشرة يقابلوا الشمس، وهم القمر والمشتري وزحل والمريخ والزهرة والأرض، والنجوم

و..... وتتحرك الشمس والقمر والمشتري وزحل والمريخ والزهرة و.... بشكل موحد دائري حول «وسط النار». والنسبة بين الكواكب كالنسبة بين المسافات الموسيقية.

أهم أعمال ثيانو:

١ - «حياة فيثاغورث» «Life of Pythagoras»

٢ - «الكونيات» «Cosmology»

٣ - «نظرية الوسط الذهبي» «Theorem of the golden mean»

٤ - «نظرية الأعداد» «Theory of numbers»

a	b
a	

$$a/b = (a+b)/a$$

المستطيل الذهبي عند «ثيانو»

### (ج) النسبة الإلهية عند إقليدس



يعتبر «إقليدس» حوالي (٣٠٠ ق.م)، من أقدم رجال العلم وأعظمهم، الذين ارتبطوا بالعاصمة الجديدة (الإسكندرية)، هذا ولا يعرف تاريخ ميلاده ولا موته بالتحديد. إننا ندعوه بإقليدس السكندري، لأن الإسكندرية هي المدينة الوحيدة التي يمكننا أن نربطه بها ونحن نكاد نكون متأكدين.

ودعنا الآن نجتمع المعلومات التي تسربت إلينا. فمن المحتمل أن يكون قد تعلم في أثينا، وإذا كان الأمر كذلك، فيكون قد تلقى تدريبه الرياضي في الأكاديمية، التي كانت مدرسة الرياضيات المبرزة في القرن الرابع قبل الميلاد، وهي الأكاديمية الوحيدة التي تمكن فيها من جمع معلوماته بسهولة.

وقد انتقل إلى الإسكندرية، حينما أصبح من الصعب العمل في أثينا نتيجة لتغيير ظروف الحرب وللفضى السياسية، وهناك ازدهر شأنه زمن بطليموس الأول وربما الثاني. « المعروف أنه حدث تزاوج بين الحضارتين المصرية القديمة واليونانية من هجرة أو زيارة علماء اليونان إلى مصر ، فقد أمضى إقليدس وقتاً طويلاً بها وكان

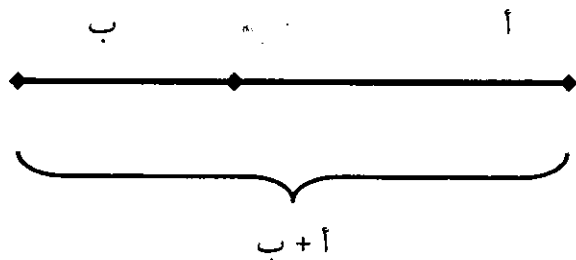
يطلق عليه المؤرخون إقليدس الإسكندري حتى إن المؤرخ «سميث» لا يستبعد أن يكون «إقليدس» مصرياً. لكن في الأغلب أنه يوناني المولد. وأن كتابه الشهير «الأصول» قد كتبه في الإسكندرية الذي يعد أشهر كتاب علمي على الإطلاق.

### إقليدس والنسبة الإلهية :

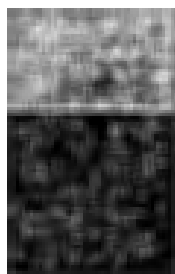
يدّعي البعض أن النسبة الإلهية منذ زمن إقليدس وكان يسميها «النسبة القصوى والمتوسطة» حيث بطرح 1 منها يكون مقلوبها، فيمكن رسم مستطيل أحد أبعاده الوحدة والآخر هذا العدد ونطرح من مساحته مربع طول ضلعه الوحدة فيتبقى مستطيل نسبة أبعاده هي أيضاً «النسبة الذهبية» وهكذا.... ويمكن بذلك التعويض عن S في الطرف الأيمن للعلاقة  $S=1+(1/s)$  لينشأ الكسر المتسلسل « Continued fraction »

$$S = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{\ddots}}}$$

خلال اشتغال اليونانيين في العلوم والفنون، جاء عالم الرياضيات «أقليدس» وقال: النسبة الذهبية، عبارة عن تناسب أطوال: أن تكون نسبة الطول كاملاً للجزء الكبير منه، مثل نسبة الجزء الكبير للصغير، ببساطة!



أ + ب إلى أمثل إلى ب



هل يعني هذا أن النسبة مرتبطة بالخطوط المستقيمة فقط؟ كلا، فإن الشكل اللولبي يقوم بأكمله على النسبة الذهبية، بل إنه يوظفها أكثر من مرة بشكل متداخل يتصاغر مع كل انحناء، وعلى هذا يمكنك القياس في المجالات الفنية الواسعة التي يمكن استغلال النسبة في تجميلها، من رسوم ومنحوتات ومباني وكل شيء يراد منه أن يكون جميلاً.

ملاحظة «إقليدس» كانت وليدة انتباهات لعلماء سبقوه، وقد اهتم بها علماء لحقوه كذلك، وتبين الدراسات والتجارب أن وجود هذه «النسبة الذهبية» في الأشكال والأطوال والتقسيمات يغدو أجمل في نظر الناس، وفي نظر الفنانين فإن النسبة الذهبية هي الأجمل في تنظيم وترتيب أجزاء العمل الفني. إن هذا يفتح باباً للتساؤلات: هل التذوق الجمالي الإنساني - مع تنوعه - خاضع دائماً لنسب رياضية؟ مرة أخرى أجد الإنسان والأرقام قريبين من بعضهما.

(د) النسبة الإلهية عند أودوكسوس



المفردات	البيانات الشخصية
الاسم	أودوكسوس
تاريخ الميلاد	في الفترة من ٤١٠ - ٤٠٨ ق.م.
تاريخ الوفاة	في الفترة من ٣٥٥ - ٣٤٧ ق.م.
مكان الميلاد	كنديوس.
مكان الوفاة	كنديوس.
الجنسية	يوناني.
الحالة الاجتماعية	متزوج ولديه ولد واحد وثلاث بنات
أسماء الأولاد	١ - الولد: أرسطاجورس. ٢ - البنات وهم: اكتيس، فيليثس، ديفس.
المهنة	طبيب - عالم فلك - عالم رياضيات.



الرياضي اليوناني «أودوكسوس» (Eudoxus)، عاش في المائة الثالثة قبل الميلاد ولد في كندايوس عام ٤٠٨ ق. م ، أحب أودوكسوس مشاهدة النجوم في الليل، سافر إلى ترنوتو للدراسة وتعلم علم الرياضيات أثناء وجوده في إيطاليا، وزار جزيرة صقلية، ودرس الطب هناك.

في حوالي عام ٣٨٧ ق.م. وهو في سن الثالثة والعشرين، سافر إلى أثينا لدراسة الفلسفة وأصبح تلميذاً من تلامذة «أفلاطون»، ولكن نظراً لخلاف ما ، فضلاً على أنه كان فقيراً جداً وكان لا يستطيع دفع ثمن شقة في محل إقامته الجديدة، كان يمشي كل يوم سبعة أميال ( حوالي ١١ كم) يومياً لحضور محاضرات أفلاطون. فقد أعياء السير، وأشفق عليه زملائه وجعلوا له أموالاً ، لإرساله إلى مصر لمواصلة دراسته لعلم الفلك والرياضيات، وقضى في مصر ١٦ شهراً ثم سافر ، وفي حوالي عام ٣٦٨ ق.م. عاد إلى أثينا مع طلابه، وتولى رئاسة الأكاديمية بعد «أفلاطون» في «سيراكوز» حوالي ٣٦٧ ق.م. وفي نهاية المطاف عاد إلى بلده الأصلي كندايوس ، حيث خدم في الجمعية المدنية، وبنى مرصداً وواصل الكتابة وإلقاء المحاضرات في علم اللاهوت، وعلم الفلك والأرصاد الجوية، وتزوج ولديه أربعة أولاد: ولد ، وثلاث بنات، الولد اسمه (أرسطاجورس) والبنات هم: (اكتيس، فيليتس، ديفس)

كان «أودوكسوس» الأوّل الذي عبر المحيط الهندي، وهو الذي جزم بأن قارة أفريقيا محاطة بالماء. وهو أول من أقام علم الفلك على أساس علمي. وهو الأوّل الذي جرّب أن يجد عن طريق التجربة والاختيار هذا العدد الذهبي، طلب «أودوكسوس» من مجموعة من الأفراد أن يقسموا مستقيماً محدود الطول إلى قسمين غير متساويين بحيث تبدو نتيجة القسمة مريحة للعين. لقد قصد «أودوكسوس» بعبارة «مريح للعين» أنه كان يعني تناسقاً أو تناغماً في القسمة أو جمالاً يلذّ للعين

رؤيته وملاحظته.

لو لم يشترط «أودوكسوس» أن يكون القسمان غير متساويين لما كان يصعب على الذين سألهم أن يُحددوا نقطة الوسط كنقطة تقسيم المستقيم بشكل جميل ومتناسق ومتناغم، ولكن ما هو الجمال وما هو المتناسق عندما لا تكون نقطة الوسط هي المقصودة؟ إن هذه العبارات هي عبارات غير موضوعية وكل واحد قد يفهم الجمال أو التناسق على هواه، ولكن الغريب في الأمر أن معظم الناس يتفقون على أن «الجميل» هو جميل حقاً.

وهذا ما حدث في تجارب أودوكسوس إذ أن معظم الذين سألهم أعطوا إجابات متقاربة، وعندما حَسَبَ أودوكسوس هذه الأجوبة وجد أن نقطة القسمة كانت تقسم المستقيم بنسبة مفاجئة هي: ٦١٨ : ١ تقريباً.

لقد وجد «أودوكسوس» ذاته أن «فيدياس» أشهر صانعي التماثيل اليونانيين قد بنى تماثله حسب «النسبة الذهبية» هذه. ذلك أن «أودوكسوس» عاد إلى هذه التماثيل وبعد إجراء عدّة تجارب عليها وجد أن «فيدياس» قد حافظ بدقة على هذه النسب في الأجسام التي بناها دون أن يكون واعياً لما يفعل. وهذا ما دعا «أودوكسوس» إلى الرمز بالحرف  $\phi$  (الحرف ف في اليونانية أول أحرف من اسم فيدياس) للعدد الذهبي وقد ظهرت هذه التسمية سنة ١٩١٤ ق.م وفاء لذكرى «فيدياس»، وهو نحّات قام بتزيين «البارثينون» في أثينا.

السؤال الذي يتبادر للذهن ما الذي دعا «فيدياس» إلى مراعاة العدد الذهبي دون أن يسمع عنه؟

إن الأجسام تبدو هكذا أكثر تناسقاً. ولا يبقى أمام علماء الجمال، والحكام في مسابقات الجمال إلا أن يستعملوا العدد الذهبي في الحكم على أجمل الأجسام. وهذا

أيضاً ما فعله المصريون حين جاءوا لينبؤوا أهرامهم، ومن ذلك التاريخ يجد الناس هذا العدد أكثر انتشاراً في الطبيعة مما يتخيلون أول الأمر.

### (هـ) النسبة الإلهية عند نيقوماخوس الجاراسيني

كما أورد «نيقوماخوس» تلميذ فيثاغورس «النسبة الذهبية» قبل «فيوناشي» وغيره، ويقول كثير من الرياضيين أنها كانت معروفة قبله، ولكن ليس هناك نص يدعم ذلك ولكنهم يستدلون بعدد من النماذج المعمارية التي بُنيت قبل «فيثاغورس» و«نيقوماخوس» ومنها الأهرامات. ولم تُعرف اسم «النسبة الذهبية» حين ذاك، فهذه التسمية تمت لاحقاً بعد قرون عديدة. وأكد «نيقوماخوس» بأنها المعيار الحقيقي لرسم الشكل الخماسي.

### محاولات لتقدير النسبة الذهبية

قدّم العربي «أبو كامل شجاع» (٢٣٦-٣١٨هـ / ٨٥٠-٩٣٠م) ابن شجاع المعروف بالحاسب المصري مُعطيات كثيرة في محاولاته لتقدير قيمتها تقارب الدقة لحلها، حتى قدّم «فيوناشي» تقديراً قريباً منها كثيراً (وهي الموجودة في ارتداداته). وقد اعترف بأنه في دراساته اعتمد على الكثير من المصادر العربية.

لقد كان أول تقدير دقيق لها عام ١٥٩٧ ميلادي بأنها تساوي ١,٦١٨٠٣٤٠.

وحالياً يعتبر الرقم الأكثر دقة = ١,٦١٨٠٣٣٩٨٨٧٤٩٨٩٤٨٤٨٢١.

ولد «كامل شجاع» بمصر، وبها نشأ وتعلم ثم عمل بالتدريس عاصر «أبو كامل» «الخوارزمي» عالم الجبر المعروف فتلمذ عليه وقرأ كل كتبه

واستفاد كثيرا من حلوله في المسائل الجبرية، حتى نبغ في علم الرياضيات ونال شهرة كبيرة في علم الجبر

لقد كان «أبو كامل» أول من شرح المعادلات الجبرية التي هي أعلى من الدرجة الثانية بوضوح تام حتى لقب بالأستاذ. ولقد اشتهر أيضًا بمنهجه وطريقته في حل المسائل الصعبة باستخدام المجاهيل الجبرية الصحيحة، حيث كان يستعمل في حل المسائل الجبرية، الحيوانات و السيوف والرجال والنساء والأطفال. كما كان يعطي لمسائله حلولاً كثيرة.

توفي «أبو كامل» عام ٣١٨هـ / ٩٣٠ م عن عمر يناهز اثنين وثمانين عاماً، تاركاً وراءه تلاميذ ساروا على نهجه و سلكوا طريقته في علم الجبر من أشهرهم «الكرجي»، و«عمر الخيام»، ترك «أبو كامل» عدداً من المؤلفات الهامة في علم الرياضيات عامة والجبر خاصة منها كتاب «الجبر وتكملة والزيادة في أصوله»، وكتاب «الجمع والتفريق»، وكتاب «الخطأين»، وكتاب «المساحة والهندسة»، وكتاب «الوصايا في الجبر والمقابلة»، وكتاب «الوصايا بالجذور»، وكتاب «الطرائف في الحساب». هذا بالإضافة إلى عدد من الرسائل أشهرها رسالة في المضلع ذي الزوايا الخمس وذي الزوايا العشر وتعرف أيضاً بعنوان «رسالة في الخمس والعشر».

## يوهانز كيبلر

اكتشف حقيقة أن النسبة بين أعداد «فيوناتشي» المتتالية تقترب من «النسبة الذهبية» كان الفلكي المعروف «يوهانز كيبلر». هو أوضح هذا برسالته التي كتبها سنة ١٦٠٨. وهو أيضا أوجد، حتى قبل «أفلاطون» و«باتسيولي»، أن للمجسمات المكونة من خمس سُطوح مُنتظمة وظيفة كونية مهمة. وقد أوجد ذلك في كتابه «غموض الكون» الذي نُشر سنة ١٥٩٧ واقترح أن النسب بين أطوال أنصاف أقطار مسارات الكواكب السيّارة الستة، التي كانت معروفة في زمنه، هي نفس النسب بين أطوال أقطار الكرات المحصورة والحاصرة بالسُطوح المنتظمة. ليس عجباً أن «كيبلر» اهتم بالمجسمات و«بالنسبة الذهبية» وهذا واضح من خلال كتاباته بحيث كتب: «أنا أؤمن أن النسبة الهندسية هذه أوحى للخالق بفكرة خلق شبيه من شبيه آخر، والتي تستمر لما لا نهاية». وفي سنة ١٥٩٧ أرسل «كيبلر» للفلكي «ميكال مستلين»، الذي كان مُدرّساً بجامعة «طينجن»، النظرية التالية بالنسبة لموضوع «النسبة الذهبية»: إذا كان الارتفاع يُقسم الوتر بالنسبة الذهبية، إذن طول العمود القصير يساوي طول المسقط الآخر. هذه النظرية دعيت بنظرية «كيبلر». من الواضح أن نظرية «كيبلر» كانت نتيجة لتشابه المثلثات، بحيث إذا أخذنا BD كوحدة طول، إذن:

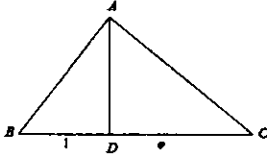
$$AB = \frac{AB}{BD} = \frac{BC}{AB} = \frac{\varphi + 1}{AB}$$

من تشابه المثلثات:  $\triangle ABD \cong \triangle CBA$

لذلك:

$$AB^2 = \phi + 1 = \phi^2 = DC^2$$

يُنتج من ذلك:  $AB=DC$



ولنتعرف على البطاقة الشخصية لكيبلر



الاسم	يوهانز كيبلر
تاريخ الميلاد	٢٧ ديسمبر ١٥٧١ م
مكان الميلاد	دير ستاد ويل، فورتمبيرغ (ألمانيا)
تاريخ الوفاة	١٥ نوفمبر ١٦٣٠ م
مكان الوفاة	ريغنسبورغ (الآن في ألمانيا).

الحمى	سبب الوفاة
المسيحية (بروتستانتية).	الديانة
ألماني	الجنسية
متزوج، وتزوج مرتان.	الحالة الاجتماعية
بارا باراً موهليك	الزوجة الأولى
( إبريل ١٥٧٩م - يوليو ١٦١١م )	تاريخ الزواج
( خمسة أطفال )	عدد الأولاد
سوزانا ريو تليغير	الزوجة الثانية
أكتوبر ١٦١٣م - أكتوبر ١٦٣٠م	تاريخ الزواج
سبعة أطفال	عدد الأولاد
هنرى كيلر	اسم الأب
( اللورد - عمدة دير ستاد )	مهنة الأب
كاترين غولدينمان	اسم الأم
مزاولة السحر ، تم سجنها بسبب هذه المهنة.	عمل الأم
توبنغن	الجامعة
عالم فلك ، عالم رياضيات	المهنة
قوانين حركة الكواكب	أهم أبحاثه

## فايرو دال برنتسكا

الرسام الموهوب فايرو دال برنتسكا الذي وُلد في سنة ١٤١٢ بمدينة سان-سفولكرو، لقد اهتم بالرياضيات وكتبه «الرسم المنظوري» في هذا الكتاب تناول موضوع رسم الأشياء بطريقة تبدو شبيهة من حيث أبعادها النسبية ومنظرها للواقع. وهو الذي فرض الأساس الرياضي للرسم المنظوري، وقام بكتابة مقال تطرق به إلى الأشكال الفراغية وهي: رباعي الوجوه المنتظم، المكعب، ثماني الوجوه، ذو الـ ١٢ وجهاً، وذو الـ ٢٠ وجهاً (وهي ما تُعرَف بالمجسمات الأفلاطونية وهي أحجار منحوتة من العصر النيوليثي وُجِدَتْ في بريطانيا، وتُدل على معرفة شعوب تلك الفترة بتلك المجسمات قبل أفلاطون بألف عام). لقد بين أن «النسبة الذهبية» موجودة في الأشكال الهندسية المستوية، كذلك نجدها في الأشكال الفراغية. ففي ذي العشرين وجهاً مثلاً، إذا وصلنا بين الحرفين المتقابلين تكون المسافة  $\phi$  إذا كان طول الحرف يساوي ١.



المجسمات الأفلاطونية



## لوكا باتشيولي



### Fra Luca Pacioli

أول من أطلق اسم «النسبة الذهبية» كان الرياضي الإيطالي «لوكا باتشيولي» الذي وُلد سنة ١٤٤٥ في سان- سفولكرو وهو تعلم الرسم عند الفنان «فايرو دال برتسكا». في العام ١٥٠٩ نشر «لوكا باتشيولي»، الذي لُقِبَ بالراهب الثمل بالجمال، مؤلفاً بعنوان «النسبة الإلهية». وقد رسم صور هذا الكتاب «ليوناردو دافنشي» الذي لم يكن أقل من المؤلف سُكراً بالجمال وعشقاً «للنسبة الإلهية».

في سنة ١٥٠٩ أيضاً قام «باتشيولي» بنشر كتاب مُكون من ثلاث مجلدات باسم «الرسم المنظوري الإلهي»، وقيل أن هناك علاقة بين النسبة الذهبية وبين الإله من خلال عدة أمور:

١. هذه النسبة الإلهية هي فريدة من نوعها كمثل الإله.

٢. النسبة الإلهية عبارة عن عدد غير نسبي وهذا يدل على اختلافها عن غيرها وهكذا الإله شامخ ورفيع ويصعب على الإنسان فهم قدراته.
٣. النسبة الإلهية ليست متغيرة وغير متعلقة بطول القطعة أو بالمخمس المنتظم كذلك الإله فهو غير متعلق لا بإنسان ولا بجماهد.

### الألمان والنسبة الذهبية

اسم «النسبة الإلهية» ظهر بألمانيا، بالقرن التاسع عشر. حسب قول «مريف ليفاف»، المرة الأولى التي ظهر بها بالكتب كان عند الرياضي الألماني «مَرتين أووهام»، أخو الفيزيائي المعروف جيارغ سيمون. في نهاية القرن التاسع عشر تبدل اهتمامه من الغموض الكوني التي استحوز عليه لشيء آخر، يُمكن القول أنها أقيمت تقريباً فرقة من الرياضيين الهاويين، الذين حاولوا إيجاد «النسبة الإلهية» بكل مكان، وبكل فترة مثل المباني القديمة للفراعنة، بتمائيل اليونانيين، البوابات، بالخرائط، رسومات الرسامين وغيرها من الأمور.

لقد قال «مريف»: إحدى الاكتشافات وجدتها من فترة البابليين وهي من خلال الهرم المعروف بهرم كاوبس.

### الدراسات الحديثة

أظهرت الدراسات الحديثة التي أجراها العالم «روبنسون» إن الهرم الأكبر الذي بناه الفراعنة بالجيزة يخضع لقوانين: «النسبة الإلهية» ، حيث إن النسبة بين المسافة من قمة الهرم إلى منتصف أحد أضلاع وجه الهرم، وبين المسافة من نفس النقطة حتى مركز قاعدة الهرم مربعة تساوي النسبة الذهبية.

في العام 1875 وجد «فينر» أن الزاوية 137 درجة و 30 دقيقة و 28 ثانية التي تظهر غالباً في نمو الأوراق في أثناء التباعد الحلزوني الثابت لفروع التيجان، هي زاوية تنتج عن حل معادلة «النسبة الإلهية»، وتساوي  $\frac{360}{\phi^2}$ ، وتوافق الحل الرياضي لمسألة التوزيع الأمثل (يكون الأقصى في المناخ المعتدل (للأوراق، بحيث يكون الضوء الواصل محورياً أو عمودياً. وقد دُعِيَتْ هذه الزاوية بالزاوية المثلى، وتساوي  $\alpha = \frac{2\pi}{\phi^2}$ .



## رابعاً: النسبة الإلهية عند العالم «ليوناردو بيسانو»



لورنزو البيسانى، الملقَّب بـ«فيوناتشي». (1170-1250)

المفردات	البيانات الشخصية
الاسم	ليوناردو جويليلمو بيزانو
تاريخ الميلاد	1170 م.
مكان الميلاد	مدينة بيزا الإيطالية
تاريخ الوفاة	1250 م
مكان الوفاة	مدينة بيزا الإيطالية.
الجنسية	إيطالي
المهنة	عالم رياضيات

«فيوناتشي»، هو عالم رياضيات إيطالي، اسمه الحقيقي ليوناردو بيزانو أو لورنزو الپيسانى **Lorenzo da Pisa** ويعرف بكنية «فيوناتشي» أو «فيوناتشي»، ولد في مدينة «بيزا» الإيطالية في سنة 1170 م. وتوفي في نفس المدينة في سنة 1250 م وهي مدينة اشتهرت ببرجها المائل المسمى برج بيزا المائل .

كان أبوه ويدعي جويليلمو (Guilielmo) ..... تاجراً، عمل في وظيفة دبلوماسية (عمل ضابطاً للجمارك في شمال أفريقيا (كممثل لتجار بيزا في مدينة بجايا الجزائرية وهي إحدى أجمل مدن الجزائر التي تقع في منطقة بين البحر والجبال على ساحل البحر الأبيض المتوسط، وقد كانت كغيرها من مدن ودول البحر المتوسط تربطها علاقات تجارية مع جمهورية بيزا. مما أتاح له المجال للترحال كثيراً في الجزائر، ثم الذهاب في مهمات عمل في مصر وسوريا واليونان وصقلية والبروفانس.

تلقى «فيوناتشي» تعليمه في مدرسة الرياضيات في هذه المدينة الجزائرية، وقد كان علم الرياضيات علماً متطوراً، يحظى باهتمام كبير من قبل العرب، وقد سمحت له مهنة أبيه في التجوال بين مدن ودول البحر الأبيض المتوسط في البداية كتلميذ، ثم بعد ذلك في مهمات تجارية في كل من مصر، وسوريا، واليونان وصقلية، وقد تمتع التجار في ذلك الزمان بحق التنقل بحرية لأنهم كانوا يتمتعون بحصانة أتاح لهم فرصة عظيمة في التنقل بين المدن التجارية، وهو الأمر الذي ساعد فيوناتشي على التعرف على المميزات الهائلة التي يقدمها هذا العلم في الكثير من أمور الحياة.

عاد «فيوناتشي» في سنة 1200 م. إلى وطنه الأم إيطاليا، وإلى مدينته «بيزا»، وهناك كتب كتبه الأربعة التي اشتهرت فيما بعد حيث نقل، وأحياناً من خلال هذه الكتب الرياضيات القديمة، وأضاف إليها من علمه الشيء الكثير. علماً أن

«فيوناتشي» عاش في فترة زمنية لم يكن قد اكتشفت فيه الطابعة بعد، لذا كان يكتب كتبه باليد، والطريقة الوحيدة لنسخها كانت من خلال إعادة كتابتها مرة أخرى . ألف كتاب (**Liber Abaci**) في سنة 1202 قال «فيوناتشي» في هذا الكتاب : أنه تعلم في مدرسة الرياضيات ولأول مرة الرموز الهندية التسعة ( وهي في الأصل عربية ) من خلال مدرسين متميزين يملكون معرفة كبيرة بهذا الفن وهو الأمر الذي أسعده وسلب لبه وجعله شغوفا بعلم الرياضيات حتى وجد فيه سعادته أكثر من أي شيء آخر.

من الواضح في هذا الكتاب تأثر «فيوناتشي» بالثقافة العربية ، وذلك لأنه كتب الكثير من الأرقام من اليمين إلى اليسار على عادة العرب في الكتابة. في الفصل الأول من هذا الكتاب قدم «فيوناتشي» الأرقام الهندية العربية من خلال النظام العشري الذي يبدأ من الصفر وحتى الرقم 9، والتي عرفت بشكل واسع تحت اسم نظام العد العربي أو العشري (**Algorism**) ، ومن المؤكد أن الكثير من القضايا والمسائل التي ناقشها «فيوناتشي» في هذا الفصل كانت مشابهة لتلك التي عرضت من خلال المصادر العربية.

كان «فيوناتشي» قادرًا على القيام بعمليات حسابية فذة، حيث قام بحساب «النسبة الذهبية» **Golden Section** ، التي رَمَزَ إليها بالحرف اليوناني  $\Phi$  وقد استخدم المعماريون الإغريق هذه النسبة أساسًا لبعض تصميمات أبنيتهم، التي من أشهرها معبد البارثينون الأثيني، المكرس للإلهة أثينا البتول.

ويبدأ الفصل الأول من الكتاب من خلال الجملة التالية: «هذه هي الأرقام الهندية التسعة 1: 2، 3، 4، 5، 6، 7، 8، 9 ومع هذه الأرقام التسعة الرمز ( 0 صفر) وهو عربي ويسمى . (**Zephirum**) » .

وترجع أهمية هذا الأمر إلى صعوبة استخدام الأرقام الرومانية في العد والحساب لأنها طويلة وتزيد من صعوبة الأمر، هذا إذا علمنا أن الرياضيات تحتاج ولا شك إلى قدرات خاصة لا تتوفر لدى الكثيرين.

في الفصل الثاني من الكتاب ناقش فيبوناتشي الكثير من المسائل التي كانت تهم تجار بيزا، مثل أسعار البضائع، طريقة حساب أرباح العمليات التجارية، وكيف يمكن تحويل العملة المستخدمة في دول البحر المتوسط.

وفي الفصل الثالث، قام «فيبوناتشي» بحل الكثير من المسائل الرياضية، إلا أن أشهرها مسألة كانت السبيل إلى اكتشاف ما أصبح يسمى فيما بعد بأرقام «فيبوناتشي»، وهي السبب في شهرة «فيبوناتشي» لدى قطاع كبير من الناس.

يجب أن نفهم أنه في ذلك الزمن، كان من الشائع أن تقوم التحديات والمنافسات في بيزا، وبمباركة من الإمبراطور «فريدريك الثاني» في حل بعض المسائل الحسابية، وفي تلك الأثناء تم عرض المسألة الشهيرة التي كانت السبب في اكتشاف أرقام «فيبوناتشي» ومن ثم نسب «فيبوناتشي».

### المسألة:

كان الهدف من المسألة اكتشاف سرعة إنجاب الأرانب لو توفرت لها الظروف الملائمة، وقد نوقشت هذه المسألة في سنة 1202 م.

### نص المسألة الرياضية:

لو أن رجلاً قام بوضع زوجين من الأرانب في مكان محاط بجدار من كل الجوانب . كم زوج من الأرانب يمكن أن ينتج من هذين الزوجين في السنة؟  
بافتراض أن في كل شهر ينتج كل زوج من الأرانب زوج آخر فقط ، وبافتراض أن إنتاج كل زوج يبدأ من الشهر الثاني، وبافتراض أنه لن يموت أي زوجاً من الأرانب طوال هذه المدة؟

الحل:

النتيجة التي عرضها «فيوناتشي» كانت الأرقام المتتالية التالية:

1، 1، 2، 3، 5، 8، 13، 21، 34، 55، ..... الخ . هذا الترتيب والذي هو عبارة عن أن كل رقم يمثل جمع الرقمين السابقين له، أثبت فيما بعد أنه سلسلة من الأرقام المتسلسلة التي كانت ذات فائدة عظيمة في الكثير من الاستخدامات الرياضية والعلمية المختلفة . وعرفت هذه الأرقام فيما بعد بأرقام «فيوناتشي» .  
قام «فيوناتشي» بنشر نسخة ثانية من كتابه في سنة 1228 حيث عرض فيها حل الكثير من المسائل الرياضية .

من الكتب الأخرى التي كتبها ونشرها «فيوناتشي» كتابه ( Practica Geometriae ) الذي عني بحل الكثير من المسائل الرياضية في فصوله الثمانية .

وفي سنة 1225 قام فيوناتشي بنشر كتابه المسمى ( Liber Quadratorum ) والذي يعتبر تحفة مدهشة، وبالرغم من أن هذا الكتاب لم يكن السبب في شهرة



فيوناتشي، إلا أنه يعتبر أكثرها قيمة، وإسم الكتاب يعني كتاب المربعات (Book of Squares) وهو عدد من النظريات التي قامت باختبار الكثير من المسائل الرياضية الهامة ومن ضمنها كيفية الحصول على المضاعف الثلاثي لفيثاغورس.

### أرقام ونسب «فيوناتشي»:

0، 1، 1، 2، 3، 5، 8، 13، 21، 34، 55، 89، 144، 233، 377،

.....610 إلى ما لا نهاية.

كل رقم من هذه الأرقام في هذه السلسلة هو نتيجة جمع الرقمين السابقين له في هذه السلسلة.

المهم هنا ليست الأرقام بحد ذاتها، لكن العلاقة الرياضية بين هذه الأرقام، وأحد أهم الميزات الرائعة لهذه الأرقام المتسلسلة، هو أن كل رقم هو تقريبا 1.618 مرة أعظم من الرقم الذي يسبقه، هذه العلاقة العامة بين هذه الأرقام هي الأساس الذي تم من خلاله اكتشاف نسب «فيوناتشي».

### ماهي أهمية هذه النسب؟

لسبب ما مجهول، وجد أن هذه النسب تلعب دورًا هامًا في سوق الأوراق المالية كما هو الحال في الطبيعة، ويمكن استخدامها في تحديد النقاط الحرجة التي يحتمل أن تتراجع عندها أسعار الأسهم، وقد أثبتت التجارب أن السعر كلما لامس إحدى هذه النقاط يعود مرة أخرى للاتجاه السابق للسهم.

وفي الطبيعة كانت أرقام «فيوناتشي» تثير الكثير من الاهتمام، على سبيل المثال لا الحصر: وجد أن بعض فروع النباتات تنمو بطريقة معينة تتوافق وأرقام

«فيوناتشي»، وجد أن الزهور مثلا في الغالب لها بتلات تتناسب مع أرقام «فيوناتشي»، مثلا زهرة الربيع (Daisy) وجد أنها من الممكن أن يكون عدد بتلاتها 34، 55، أو حتى 89 بتلة.

في الحقيقة عندما نشرت هذه الأرقام أول مرة، اعتقد البعض أنه حصل على رقم الله، هذا لأنهم وجدوا أن هذه النسب تتكرر في الكثير من أشكال الحياة. وقد تم اكتشاف مثلا أن كل شيء تقريبا له بعد نسبي يلتزم بالنسبة 1.618، وكذلك بالنسبة المقابلة لها وهي 0.618: هذا البعد النسبي يعرف كما ذكرنا سابقا بالنسبة الذهبية، أو المتوسط الذهبي، وقد وجد أن كل شيء في الحياة له بعد نسبي له علاقة بالنسبة 1.618، ويبدو أن هذه النسبة لها علاقة بالبنية الأساسية لأي وحدة بناء أو خلية في العالم.



## الباب الثاني

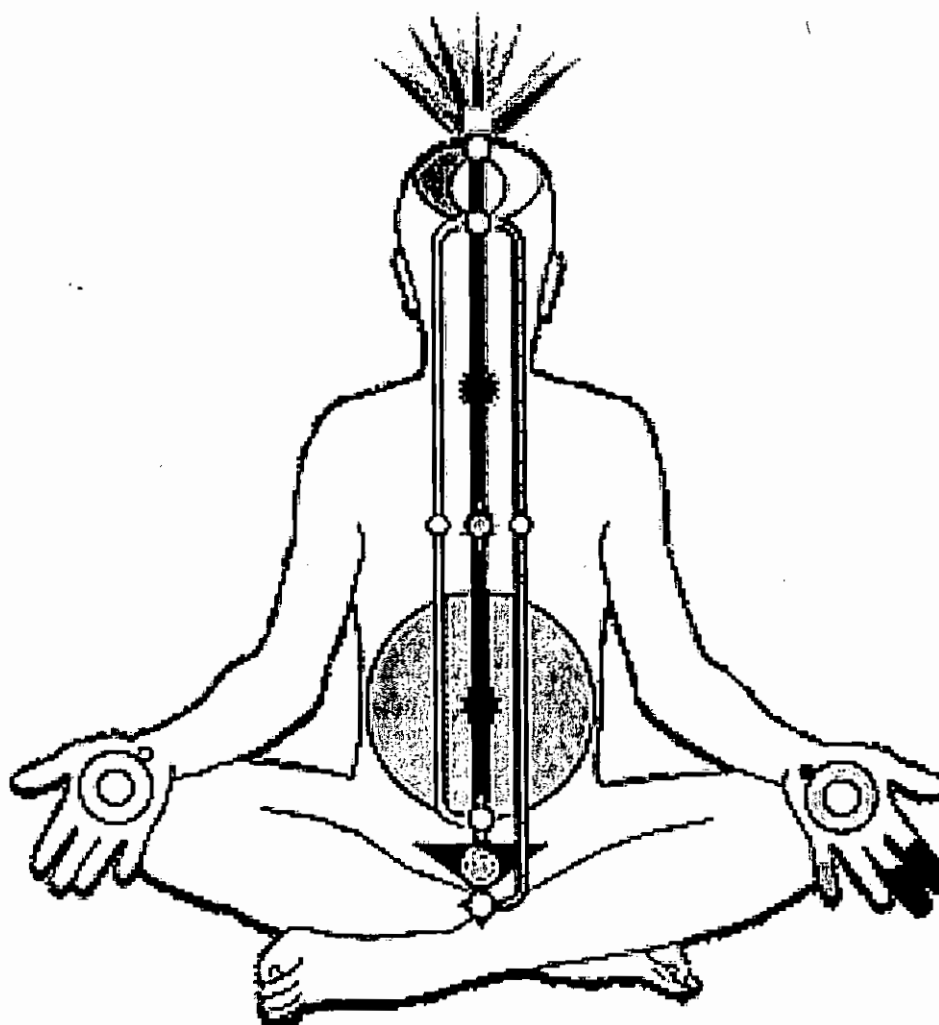
---

النسبة الإلهية  
في  
خلق الإنسان





قال تعالى : ﴿لَقَدْ خَلَقْنَا الْإِنْسَانَ فِي أَحْسَنِ تَقْوِيمٍ﴾ [التين].

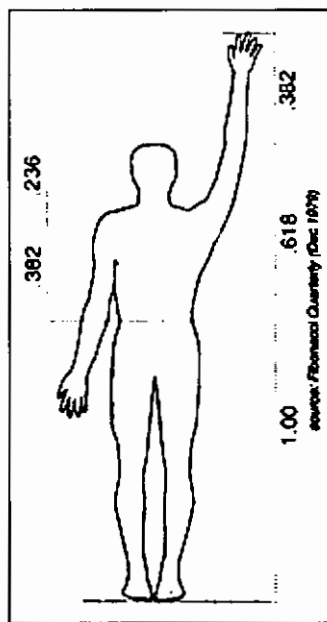
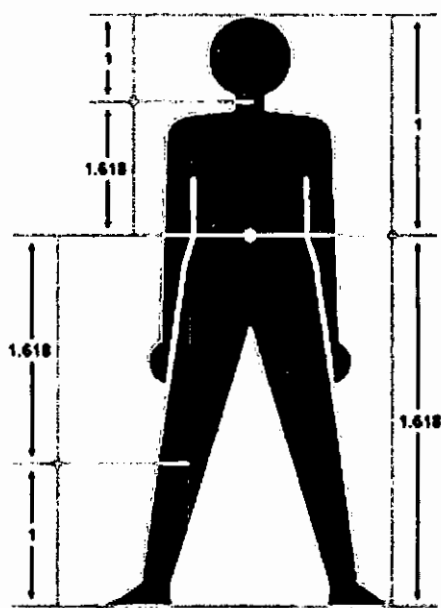


## أولاً: النسبة الإلهية في أبعاد جسم الإنسان:

لقد اكتشف أن جسم الإنسان مُقسم حسب «النسبة الإلهية»، وذلك عدة مرات . إن السُّرّة تقسم جسم الإنسان إلى قسمين غير متساويين، النسبة بين هذين القسمين هي أقرب ما يكون إلى النسبة الذهبية.

وأكثر من ذلك أن القسم العلوي من جسم الإنسان (من السُّرّة إلى قمة الرأس) يُقسَم أيضاً إلى قسمين غير متساويين، النسبة بينهما «كالنسبة الذهبية» وذلك عند الحنجرة ( انظر الشكل )، أما القسم السفلي (من السُّرّة إلى آخر القدمين (فهو مقسوم أيضاً) بواسطة الركبة هذه المرة (إلى قسمين بالنسبة الذهبية . كما توجد النسبة الذهبية بين نصف الكف إلى نصف الإصبع، وغيره من أقسام الإصبع.

إذاً لا يكاد جزء من أجزاء جسم الإنسان يخلو من لمسات هذا القانون الكوني .

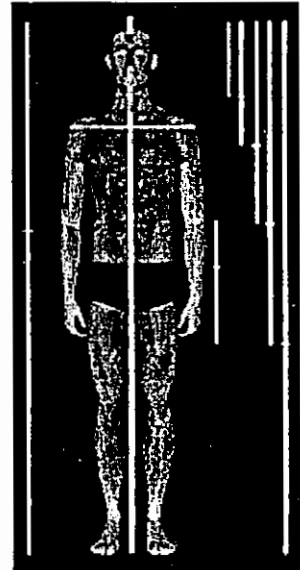
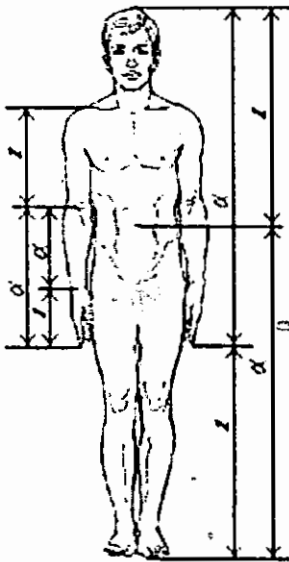
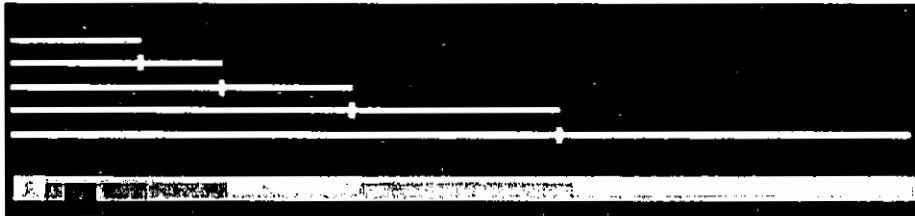


ولتوضيح أكثر نسوق الرسم التالي:

تنبيه:

(1) الذين أطوالهم من 180 سم فأكثر رجاء استخدام المتر المستخدم في قياس الملاعب الرياضية.

(2) الأطوال تقاس عند اكتمال النضج للجميع ، وللأشخاص الغير مُعاقين.



التناسب الطولي للإنسان

قال تعالى : ﴿لَقَدْ خَلَقْنَا الْإِنْسَانَ فِي أَحْسَنِ تَقْوِيمٍ﴾ (التين).

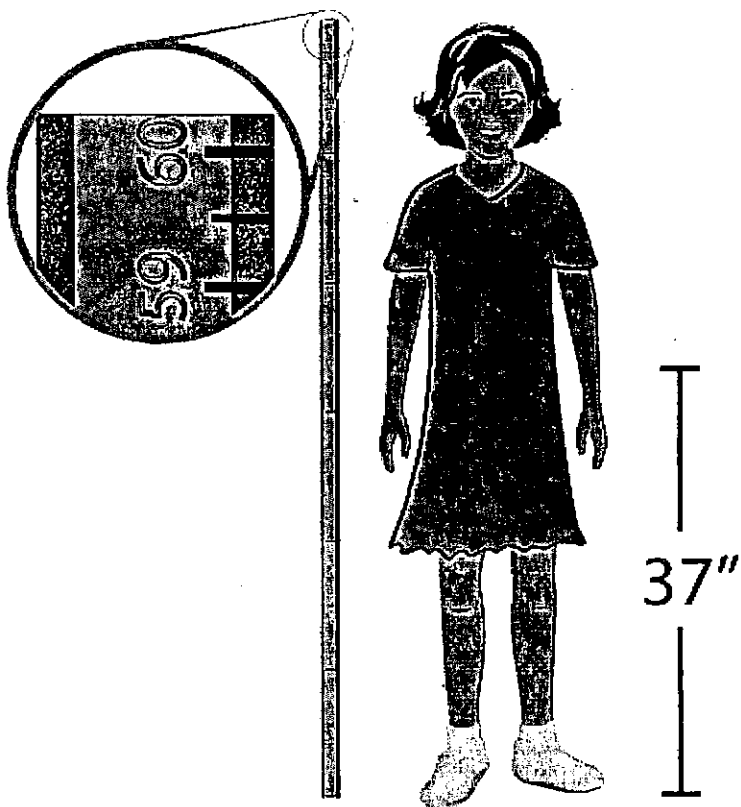
تعليمات القياس:

- (1) الخط الأبيض يمثل ارتفاع الجسم.
- (2) الخط الأزرق هو طول المسافة من الرأس إلى أطراف الأصابع
- (3) الخط الأصفر هو طول المسافة من الرأس إلى السرة .
- (4) الخط الأخضر يمثل المسافة من الرأس للصدر وهو أيضاً عرض الأكتاف  
وهو أيضاً المسافة بين الساعد وقصبة الساق
- (5) الخط الفوشيا هو المسافة بين الرأس وقاعدة الجمجمة وهو أيضاً عرض  
البطن .

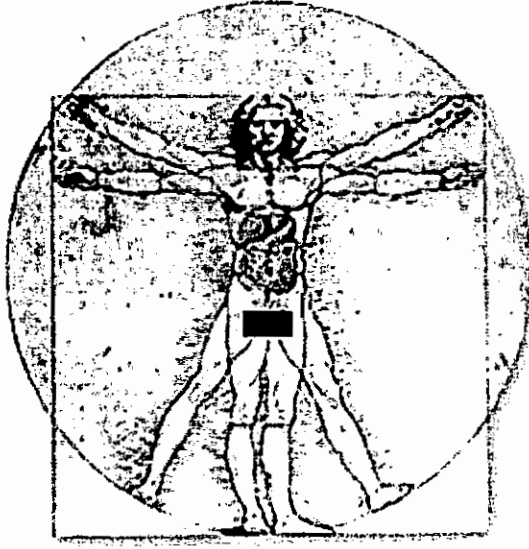
بعيداً عن ألوان الخطوط فقد لوحظ أن:

- النسبة بين طول الخط من القدم للسرة على الخط من السرة للرأس = 1.618
- المسافة بين الرأس والأرض ÷ المسافة بين السرة والأرض = 1.618
- المسافة بين الورك والأرض ÷ المسافة بين الركبة والأرض = 1.618
- المسافة بين بداية الكتف وأطراف الأصابع ÷ المسافة بين الكوع  
والأصابع = 1.618





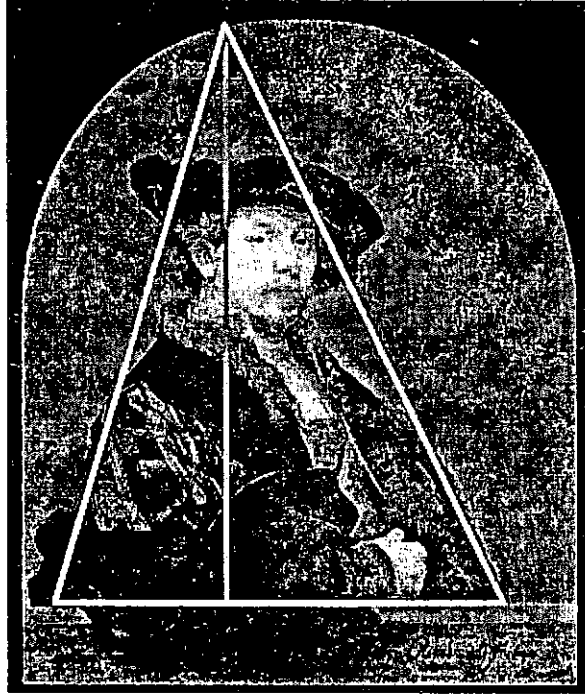
$$60'' \div 37'' \approx 1.62$$



درس ليوناردو دافنشي، مثله كمثل فيتاغوراس، الجسم البشري دراسة متأنية

مبيناً أن أحزانه المحتنفة مرتبطة بالنسبة الذهبية.

لقد حدثتنا العصور الوسطى كثيرًا عن «الإنسان الكوني» المرسوم في محمّس . ويبدو أن الإنسان ينمو حقًا وفق النسبة الذهبية . فوجه الإنسان يرسم في مستطيل ذهبي؛ وهذا المستطيل يحمل تقسيمات ذهبية لأعلى الجبهة ولأسفل الأنف ولمستوى الفم ولأسفل الذقن . إضافة إلى ذلك، إذا رسمنا مسقط الهرم الشاقولي ضمن هذا القطع لوقعت ذروة الهرم في مستوى الغدة الصنوبرية عند الإنسان . كما، وتمثل هذه النقطة ذروة الجبين، حيث كان الكهنة المصريون يقرنون ذروة الهرم إلى الشمس المجنّحة وذروة الجبين إلى رمزي مصر الدينيين التقليديين : النسر والثعبان . ترى، أي مكان أروع للرمز إلى العين الثالثة - غين البصيرة في الإنسان؟



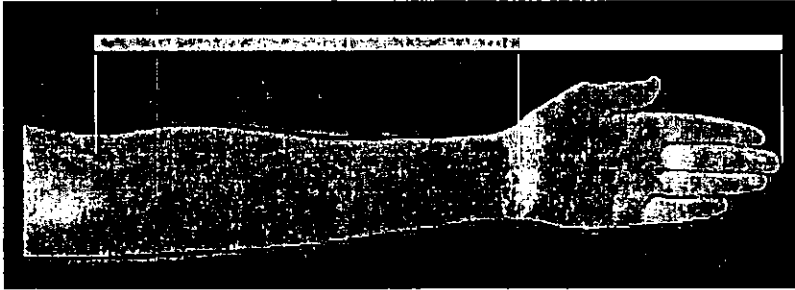
هذا البورتريه الذاتي لرمبرانت (1606-1669) مثال على تشكيل موضوع ضمن مثلث يعتمد النسبة الذهبية فالعمود النازل من قمة المثلث على قاعدته يقسم هذه القاعدة قسمة ذهبية .

## ثانياً: النسبة الإلهية في أبعاد الذراع

خطوط يدك عندما تقسم كل خط على ما قبله نجد أن النسبة تكون قريبة من الرقم الذهبي 1.618. كل خط يساوي طول الخط الذي قبله ب 0.618 %

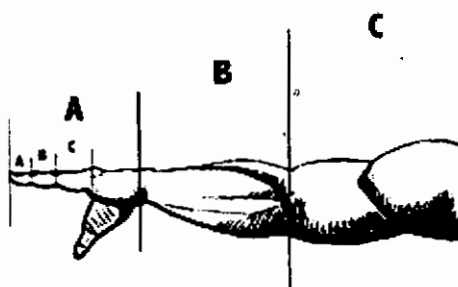
قس المسافة بين كتفك و أصابع يدك، ومن ثم اقسم الرقم الناتج على المسافة بين مرفقك و أصابع يدك . سوف تجد أن النتيجة تقترب من نسبة 1.618 .  
وطول الذراع على الساعد = فاي . 1.618 =

«ليوناردو دافنشي» . قام عملياً بنش القبور لكي يقوم بقياس النسب الدقيقة لبنية الإنسان العظميه وبرهن أن جسم الانسان يتكون حرفياً من كتل بناء نسبه بعضها إلى بعض تساوي الرقم فاي!!!!...!



الطول بين المرفق والرسغ ÷ الطول بين الرسغ ونهاية اليد = 1.618 .

بالنسبة لهذه الصورة قمّت بقياسها على الطبيعة فكان الطول بين المرفق والرسغ 8.5 سم ، طول الكف 5.4 = (بالنسبة للصورة السابقة، وقدّدتغير بعد طباعة الكتاب).



النسبة :

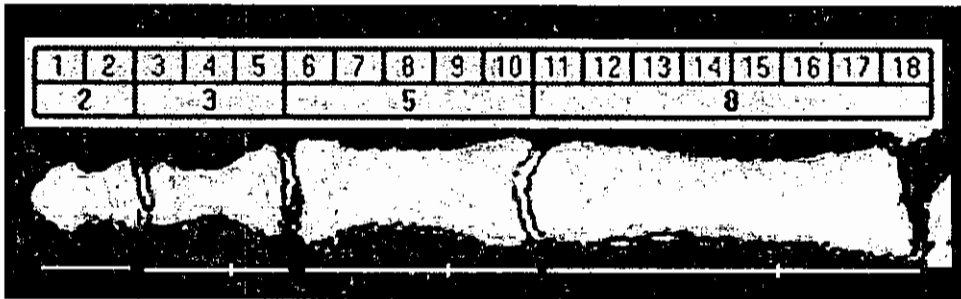
$$= 8.5 \div 5.4 = 1.6$$

ولقد قمّت بقياس هذه النسب على يدي وكانت القياسات كالتالي :

$$B \div A = 4 \div 2.5 = 1.6$$

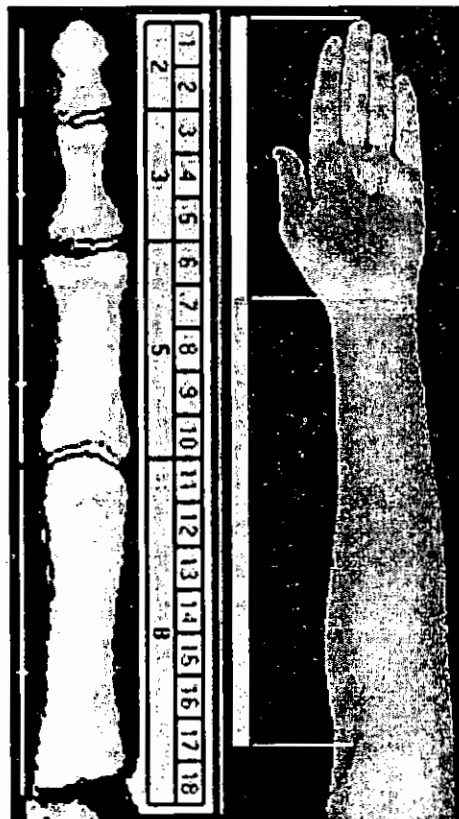
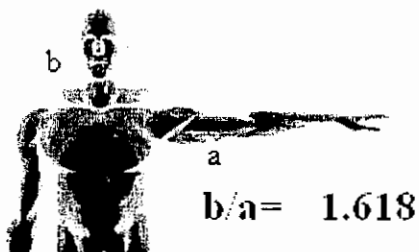
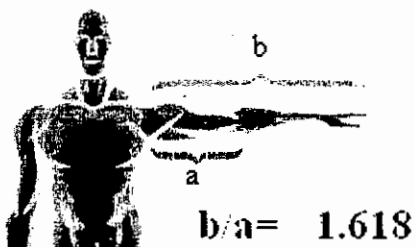
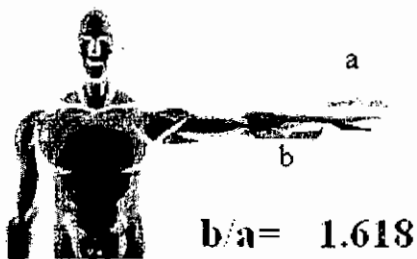
$$C \div B = 6.4 \div 4 = 1.6$$

$$B \div A = 36 \div 22 = 1.6$$



$$3 \div 2 = 1.5 \quad , 5 \div 3 = 1.6 \quad , 8 \div 5 = 1.6$$

سبحان الله العلي القدير



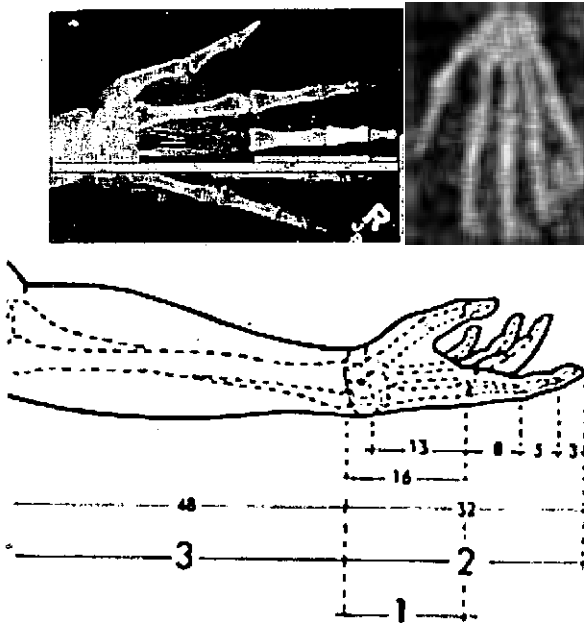
سبحان الله .. سبحان الله .. سبحان الله



### ثالثاً: النسبة الإلهية في فقرات أصابع اليد

قال تعالى: ﴿ثُمَّ خَلَقْنَا النَّطْفَةَ عَلَقَةً فَخَلَقْنَا الْعَلَقَةَ مُضْغَةً فَخَلَقْنَا  
الْمُضْغَةَ عِظْمًا فَكَسَوْنَا الْعِظْمَ لَحْمًا ثُمَّ أَنْشَأْنَاهُ خَلْقًا آخَرَ فَبَارَكَ اللَّهُ أَحْسَنُ  
الْمُخْلِقِينَ﴾ (١٤) [المؤمنون].

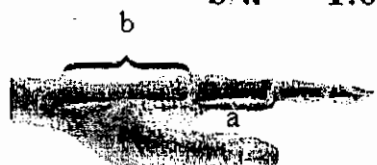
وانظر إلى أبعاد سبائتك. كُلُّ قسم من سبائتك، مِنْ الرأسِ إلى قاعدة الرسغ،  
أكبرُ مِنَ السَّابِقَةِ الواحدِ بحوالي النسبة 1.618





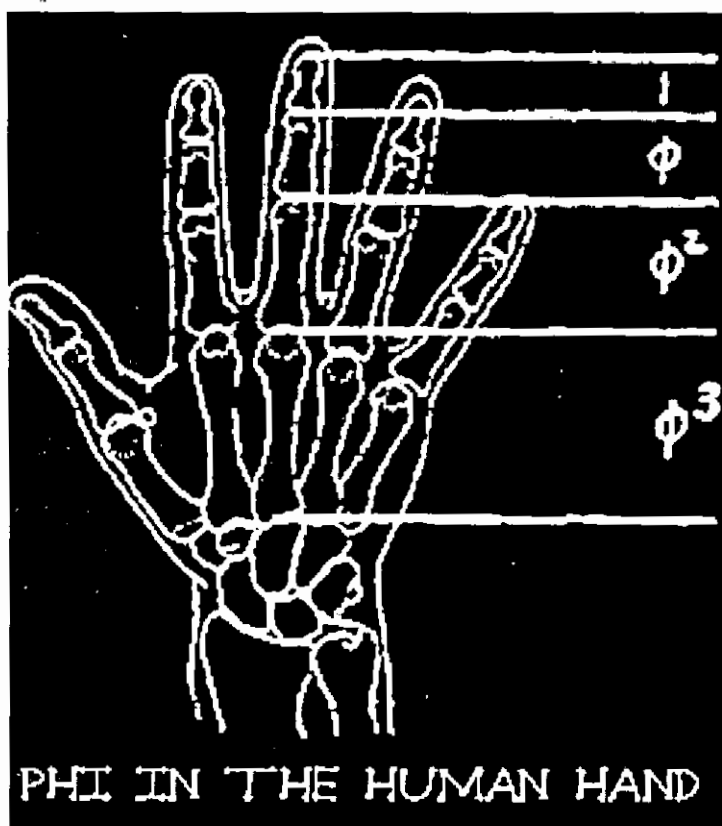


$$b/a = 1.618$$

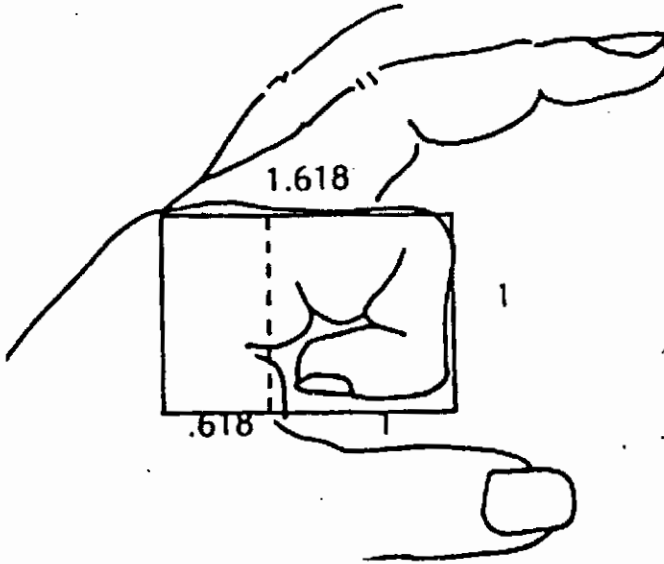


$$b/a = 1.618$$

$$13 \div 8 = 1.6, 8 \div 5 = 1.6, 5 \div 3 = 1.6$$



رسم يوضح التناسبات الذهبية في فقرات أصابع يد الإنسان



## رابعاً: النسبة الإلهية في أبعاد وجه الإنسان

قال تعالى: ﴿فِي آتِي صُورَةٍ مَّا شَاءَ رَكَّبَكَ﴾ [الانفطار].



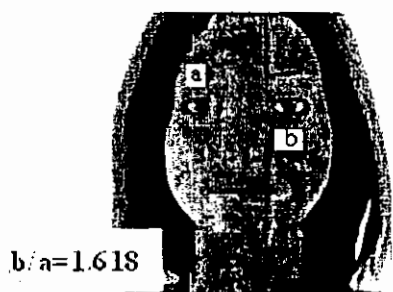
**Ph.D. Director Judith Langlois**

قامت النفسانية «جوديث لانكلويس» **Judith Langlois** في جامعة «تكساس» باختبار فكرة مفادها أن الوجه يكون جذاباً حين يكون قريباً من معدل الشكل العام للبشر.

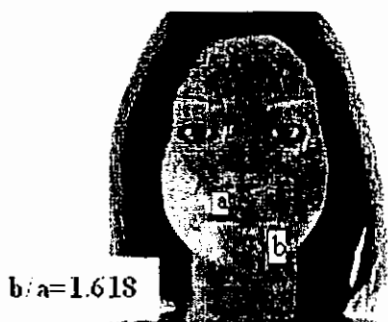
فقامت باختيار نماذج من أوجه بعض الطلاب وعالجت هذه الوجوه رقمياً لخلق تركيبة جديدة من هذه الأوجه وبدرجات تدرجت من 2، 4، 8، 16، 32 ثم طلبت من زملاء هؤلاء الطلاب باختيار الوجه الأكثر جاذبية من بين الوجوه الأصلية والوجوه المعدلة رقمياً، فكانت النتيجة أن اختيرت الوجوه المعدلة وبالتحديد المعدلة بدرجة 16 و 32 وفضلت على الوجوه الأصلية، وبذلك وجدت أن الأنماط الأولية تُفضل على الأنماط اللاأولية.

فيما بعد أشار الكاتب أيريك هيزلتاين Eric Heseltine في عام 2002 أن نسبة المسافة بين الذقن والحاجب في نموذج لانكلويز Langlois المعدل بدرجة 32 تقسم الوجه على وفق «النسبة الذهبية». وفي عام 1994 ادعى طبيب تقويم أسنان يدعى «مارك لووي» Mark Lowey بعد قيامه بتجارب على العديد من نماذج الوجه، ادعى أن تصنيف بعض الناس على أنهم «جميلون» يعود إلى اقتراب نسب الوجه إلى «النسبة الذهبية».

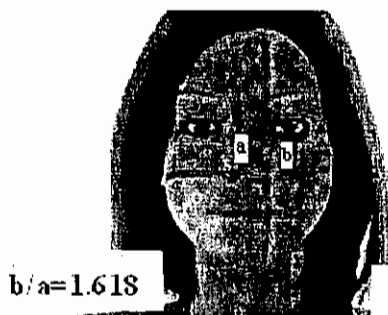
وتقدم الآن مجموعة من الوجوه الجميلة لنرى هذه التناسبات فيها:



النسبة بين المسافة من الرأس ونهاية  
الأنف : المسافة بين الرأس ونهاية  
الذقن =  $\Phi$

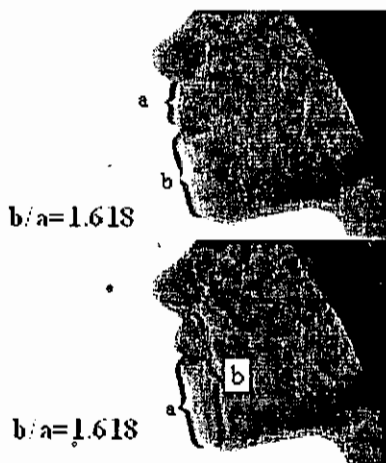


النسبة بين المسافة من نهاية الأنف  
والشفة العليا : المسافة بين فتحة الفم  
ونهاية الذقن =  $\Phi$



النسبة بين المسافة من الرأس إلى نهاية  
الذقن : المسافة بين نهايتي الخدين

$$\Phi =$$



منظر جانبي يوضح القياسات  
السابقة للأنف والشفة والفم.

وقبل الخوض في هذا الموضوع بعمق لابد لنا أن نتعرف أولاً على المستطيل الذهبي والمثلث الذهبي:

### المستطيل الذهبي:

المستطيل الذهبي الذي يُنتج النسبة الذهبية هو عبارة عن مستطيل مكون من مربع ومستطيل آخر صغير، ولكن المستطيل الصغير والكبير متماثلان، بمعنى أن النسبة بين أضلاعها متشابهة، وبكلمات أخرى إن ناتج قسمة الضلع الكبير للمستطيل الصغير على ضلعه الآخر تساوي تماماً ناتج القسمة للضلع الكبير للمستطيل الكبير على ضلعه الآخر.

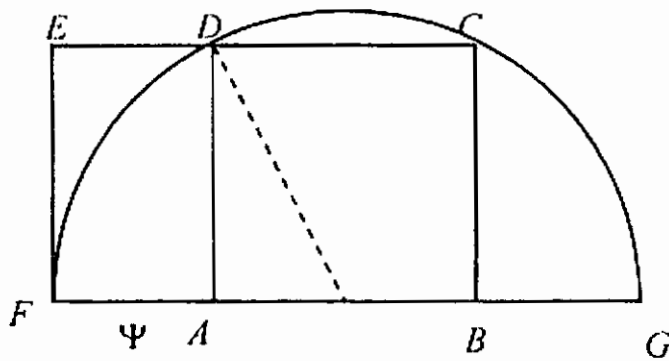
إحدى الطرق لرسم مستطيل ذهبي هي الطريقة التالية: نحضر مربع بنصف دائرة بحيث أن أحد أضلاع المربع **AB**، تقع على القطر **FG** (انظر للرسم رقم ١) نقوم بتوسيع المربع من جانب واحد لمستطيل **FBCE**، الذي قاعدته تصل حتى طرف القطر وارتفاعه يكون عبارة عن ضلع المربع. حسب نظرية فيثاغورس يظهر لنا: إذا كان ضلع المربع يساوي 1 وحدة طول، ونصف قطر الدائرة هو **R** لذلك:  $R^2 = 1^2 + (\frac{1}{2})^2$  تكافئ  $2R = \sqrt{5}$ ، والنسبة بين أضلاع المستطيل هي:

$$\frac{R + \frac{1}{2}}{1} = \frac{\sqrt{5} + 1}{2} = \varphi$$

طول القطعة التي أضفناها لقاعدة المربع هي:

$$R - \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{5} - 1}{2} = \psi$$

لذلك المستطيل الصغير والذي هو عبارة عن الفرق بين المستطيل الكبير وبين المربع هو مستطيل ذهبي.



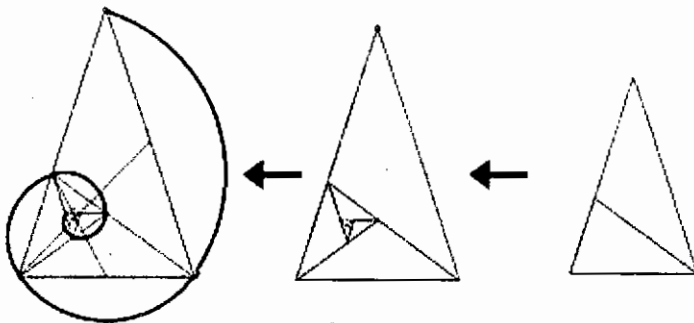
رسم 1- تكوين مستطيل ذهبي

في المستطيل الذهبي نجد أن:

$$\phi = \frac{\text{الطول}}{\text{العرض}}$$

المثلث الذهبي:

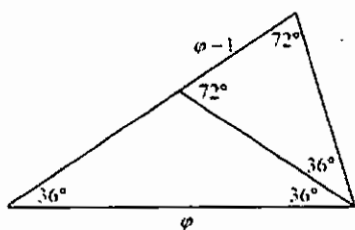
هناك طريقة أخرى للحصول على نسبة ذهبية، وذلك يتم من خلال بناء مثلث متساوي الساقين بحيث أن زاوية الرأس تساوي 36°، وقياس زوايا قاعدته تساوي 72°. كما في الشكل أدناه:



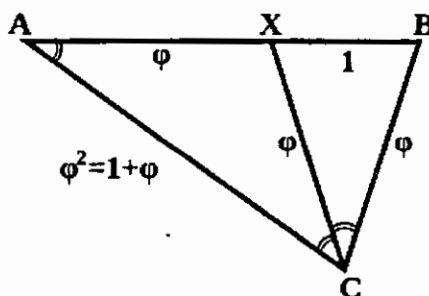
إذا كانت طول القاعدة 1 وحدة طول ، فإنّ السيقان يكونان بطول  $\phi$  . لكي نثبت ذلك، نُنصف إحدى زوايا القاعدة .

ومن هنا ينتج أن قياسات زوايا المثلث الصغير تساوي 36°، 72°، 72°.

من تشابه المثلثات نحصل على :  $\frac{x}{1} = \frac{1}{x-1}$  وهذه تكافئ المعادلة التربيعية :  $x^2 - x - 1 = 0$  وهذه نفس صورة المعادلة التي حصلنا عليها سابقاً والتي حلها  $\phi$ .



رسم 2- مثلث ذهبي





## تطبيقات المستطيل الذهبي والمثلث الذهبي على وجه الإنسان:

مثال (1) وجه «نسمة سمير»:

وجه الإنسان تحكمه النسبة الذهبية بحيث أن الرأس يشكل المستطيل الذهبي والعيون في منتصفه . والفم والأنف موضوعان في الأقسام الذهبية بالنسبة للعيون وقاع الذقن . ولقد قمت بالقياسات طبقاً لكيفية القياسات الصورة التي على اليمين «كنموذج» ، على ابنتي «نسمة سمير» كان عمرها وقتئذ 12 سنة (، ووجدت القياسات صحيحة.



نسمة سمير الحفناوي



وجه يبين كيفية القياس

قياسات وجه «نسمة سمير»

لقد قمت بهذه القياسات على ابنتي «نسمة» أثناء تأليني لهذا الكتاب وكانت واقفة بجانبني وجاءت القياسات كالتالي:

(1) طول المستطيل الذهبي = 19 سم ، عرض المستطيل الذهبي = 11.8 سم  
النسبة  $\Phi = 1.61 = 19 \div 11.8$  يا للعجب!!!

(2) المسافة بين بداية الأنف (وأرنبه الأنف) نهايته = 4 سم  
المسافة بين نهاية الأنف والشفة السفلى = 2.5 سم  
النسبة  $\Phi = 1.6 = 4 \div 2.5$  يا للعجب!!!

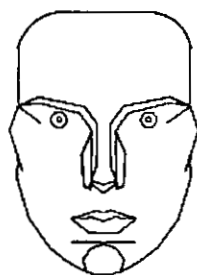
(3) طول الذقن = 4 سم ، المسافة من نهاية الأنف إلى الشفة = 2.5 سم .  
النسبة  $\Phi = 1.6 = 4 \div 2.5$  يا للعجب!!!

(4) المسافة من العين إلى نهاية الأنف = 4 سم المسافة من نهاية الأنف إلى أسفل  
الذقن = 6.5 سم . النسبة  $\Phi = 1.6 = 6.5 \div 4$  يا للعجب

(5) طول الأنف = 4 سم ، وعرض الأنف = 2.5 سم  
النسبة  $\Phi = 1.6 = 4 \div 2.5$  يا للعجب!!!

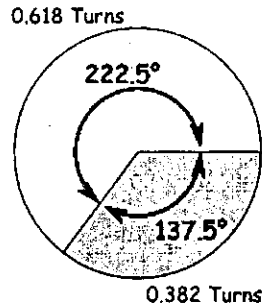
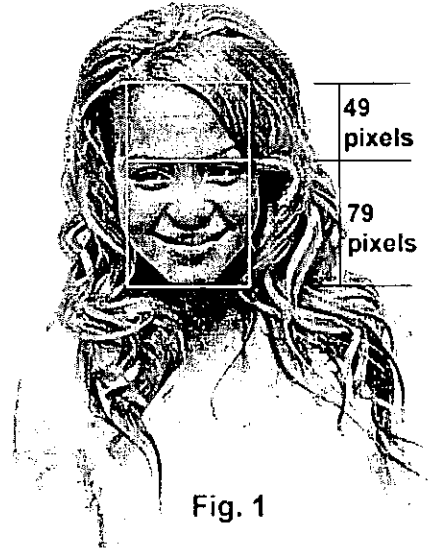
مثال : (2) وجه «جيسكا سيمبسون»:

هذا القناع على الوجه البشري على أساس النسبة الذهبية . نسب طول الأنف ،  
وموضعه من العينين وطول الذقن ، وكلها تتفق على بعض جوانب هذه النسبة  
الذهبية .



وعندما وضع القناع على وجه «جيسكا سيمبسون» ،وجد أنه مناسب تماماً حيث أن وجهها جميل وفيه تناسب هندسي على أساس نسب القناع طبقاً للنسبة الذهبية .

مثال (3) وجه «كرستينا ميليان»:



أرادت «كرستينا ميليان» أن تطبق النسبة الذهبية على وجهها فرسمت المستطيل الذهبي فوجد أن القسم العلوي من وجهها 49 بكسل، والقسم السفلي 79 بكسل وعند القسمة كانت النتيجة  $\Phi = 1.6 = 79 \div 49$  يا للعجب !!! إنَّ وجهها جميل حقاً..... !!! كما قامت بأخذ الزوايا حول الأنف والعينين والفم فكانت الزوايا قياساتها 137.5 درجة وتسمى هذه بالزوايا الذهبية والتي قياساتها 137.5 درجة، وسوف نتحدث عنها إن شاء الله في الفصل الخاص بالنسبة الإلهية في علم النبات .

### رسم توضيحي يبين الزاوية الذهبية

وهل لنا أن نعرف شيء عن «الزاوية الذهبية» ، المستخدمة في وجه «كرستينا ميليان» ؟

#### الزاوية الذهبية:

تعرف الزاوية الذهبية بأنها الزاوية المركزية التي قياسها 137.5 تقريباً ونحصل عليها عندما نقسم محيط الدائرة إلى قطاع كبير **a** وقطاع صغير **b** بحيث يتحقق:



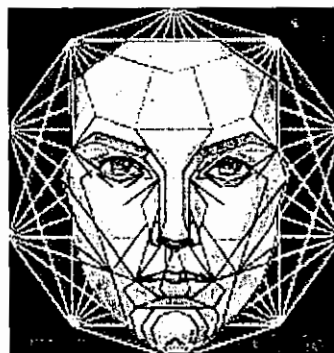
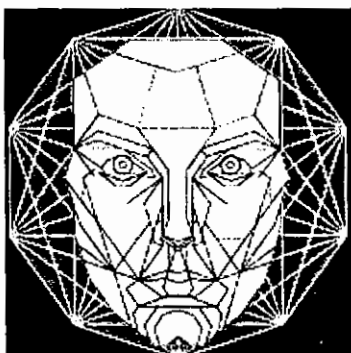
$$\frac{c}{a} = \frac{a}{b} \quad \text{و} \quad c = a + b$$

والزاوية المنشأة على طول القوس الصغير للدائرة تسمى الزاوية الذهبية وتعادل 2.4000 راديان، وهي مشتقة من الرقم الذهبي  $\Phi$

وقد أثبت أخصائي التجميل الدكتور ستيفن ماركوت Dr. Stephen Marquardt في الدراسة والاختبار الكبير الذي أجراه على مدى خمسة وعشرين عاماً، أنه حسب هذه النسبة المدونة حتى على الحمض النووي فقال: «إن وجه وجسم الإنسان خلق بأجمل شكل». قال تعالى: ﴿لَقَدْ خَلَقْنَا الْإِنْسَانَ فِي أَحْسَنِ تَقْوِيمٍ﴾ [التين].

كما قام بصنع قناع استخدم فيه الشكل الخماسي الذهبي والذي يمثل النسبة الذهبية في جميع أبعاده، ووضعه على عدة وجوه بشرية وقد لاحظ مدى التطابق بين القناع ووجه الإنسان، وأن الإنسان الذي تقسيمات وجهه على أساس النسبة الإلهية يكون جميلاً وأكثر جاذبية من غيره... وهذه النظرية لها انتقادات كثيرة.

وهذه الصورة توضح العلاقة بين الجمال والقناع الذهبي.



قناع الدكتور ستيفن ماركوت للجمال

The Marquardt Beauty Mask



أسيوية

أفريقية

قوقازية



مصرية

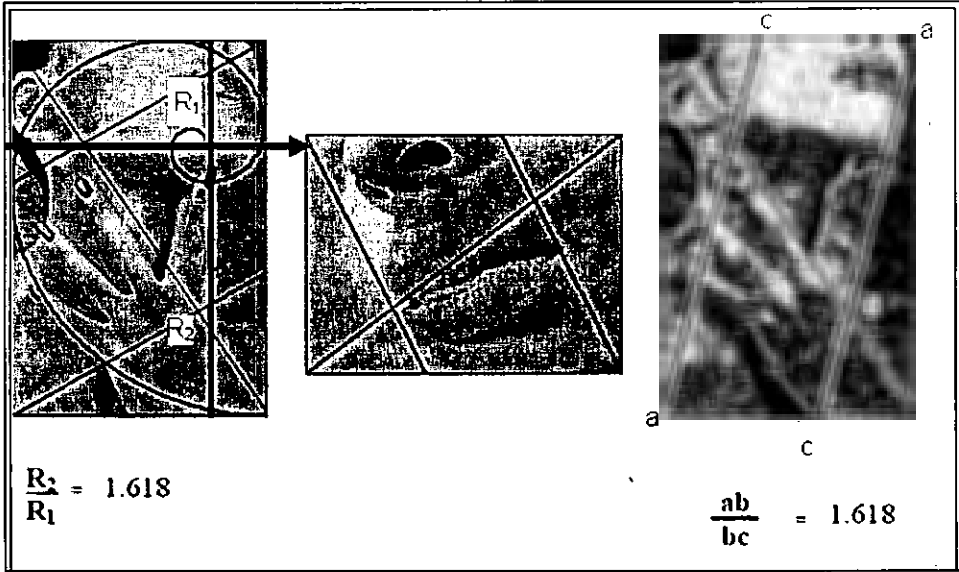
إغريقية

رومانية

لاحظ التناسبات الذهبية والخماسي الذهبية على هذه الوجوه



التناسبات الذهبية على وجه كليوباترا ويلاحظ أن المستطيل الذي بداخله  
الأفعى على تاج الرأس أبعاده  $\approx 1.618$  = النسبة الذهبية.  
ولاحظ أيضاً الزوايا الذهبية على الوجه ، كما يلاحظ أنّ القناع الذهبي على وجه  
كليوباترا كان منطبق تماماً عليها !!



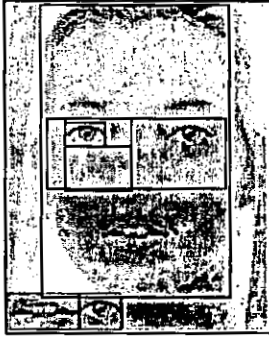
لاحظ أن السهم يمر بمركز الحلزون وأن  $r1 < r2$

لاحظ التناسبات الذهبية والحلزون الذهبي على هذه الوجوه





## خامساً: النسبة الإلهية في أبعاد العينين والحواجب



شكل (٢)



شكل (١)

وطبقاً للصورة (١) قمنا بالقياسات التالية بالنسبة لابني «أحمد سمير» فكانت كالتالي:

(١) المسافة بين الحاجبين = ٢.٣ سم، ارتفاعيهما عن منتصف خط العين ١.٤ سم  
النسبة  $\Phi = 1.6 = 2.3 \div 1.4$

(٢) طول الفم = ٥ سم، وطول العين = ٣ سم النسبة  $\Phi = 1.6 = 5 \div 3$

(٣) المسافة بين الرأس وشحمة الأذن ١٢.٨ سم، وبينها ونهاية الذقن ٨ سم  
النسبة  $\Phi = 1.6 = 12.8 \div 8$

(٤) المسافة بين العين من الخارج وخط تماثل الأنف ٥ سم، وطول العين = ٣ سم النسبة  $\Phi = 1.6 = 5 \div 3$

(5) المسافة بين خط تماثل الأنف والعين من الداخل 2 سم

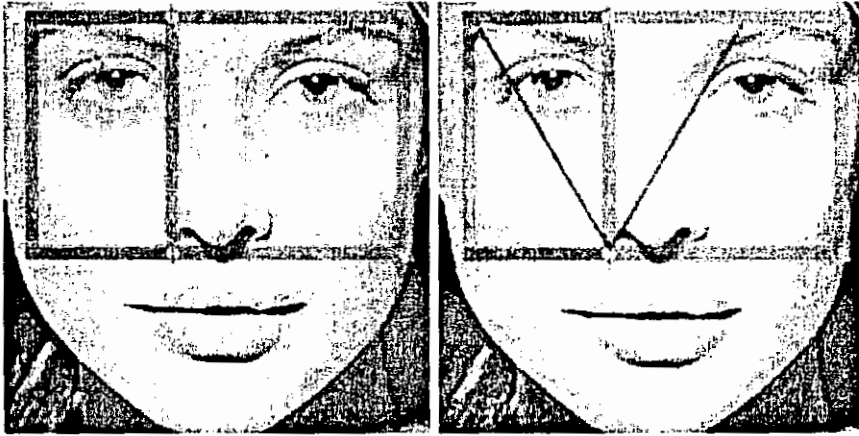
النسبة  $1.5 = 3 \div 2$  وهي قريبة من النسبة الذهبية

(6) طول الخد 2.5 سم ، المسافة بين العين من الخارج والخد 1.5 سم

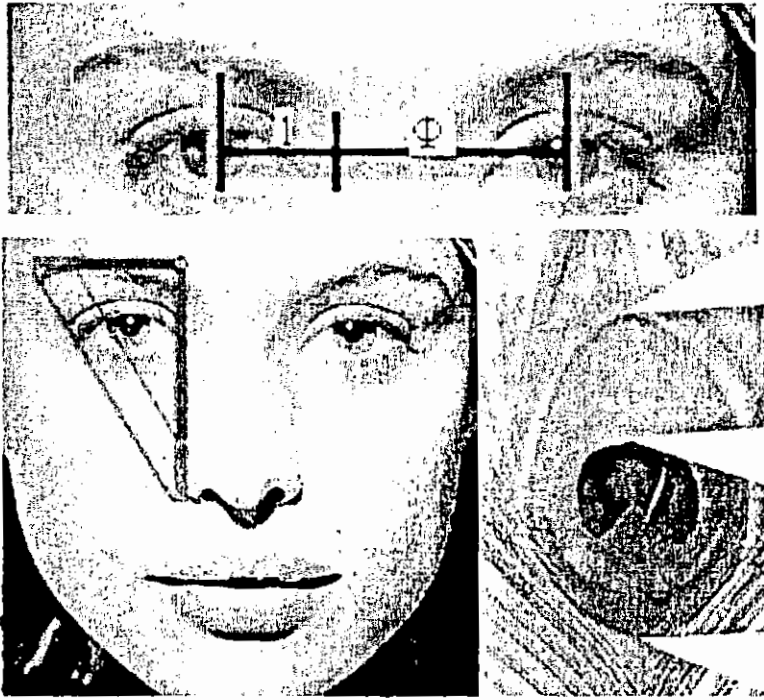
النسبة  $\Phi = 1.6 = 2.5 \div 1.5$

(7) ارتفاع العين عن الحاجب 1.8 سم ، وطول العين 3 سم

النسبة  $\Phi = 1.6 = 3 \div 1.8$



الحواجب هي أسهل الطرق وأكثرها فاعلية من أجل تعزيز وجهك . فالحاجبين وكبرهما وتقوسهما على العيون، وعرض الأنف، وعرض الوجه كله ، يشكلان الملامح الرئيسية للوجه والخد . لهذا الغرض ، نستخدم المثلث الذهبي الذي نستمد منه النسبة الذهبية .



طول الأنف ÷ طول الحاجب =  $\Phi$

فإذا رسمنا قوس يمر برءوس المثلث الكبير وقوس يمر برءوس المثلث الصغير

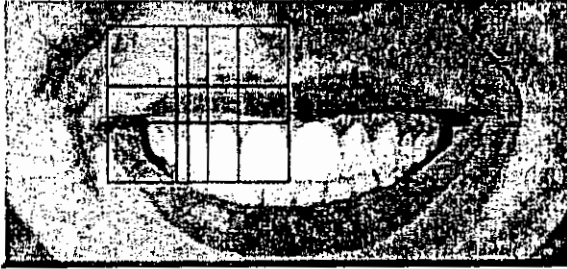
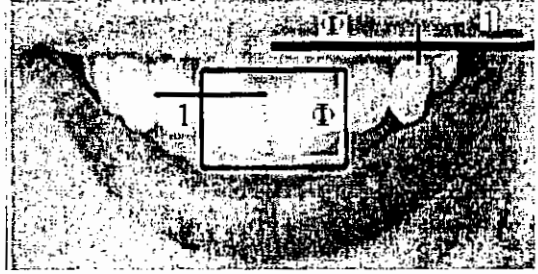
فإن اللولب الحلزوني يقع داخل مستطيل ذهبي النسبة بين بعدية =  $\Phi$

المسافة بين الرمش السفلي للعين والحاجب ÷ عرض العين =  $\Phi$

لاحظ الرسم وحاول أن تستنتج علاقات أخرى



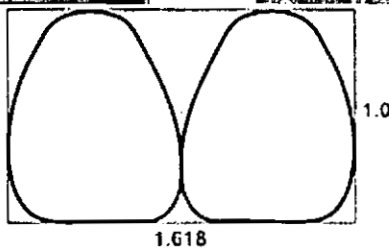
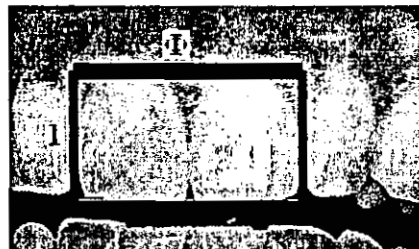
## سادساً: النسبة الإلهية في أبعاد الأسنان



الأسنان الأمامية تُشكل المستطيل الذهبي، وذلك من طول السن الأمامي مع عرض السنين الأماميين معاً، نسبة عرض السن الأول إلى السن الثاني من المركز أيضاً هي 1.618.



خارج قسمة كل مسافتين متتاليتين  $\Phi = 1.618$



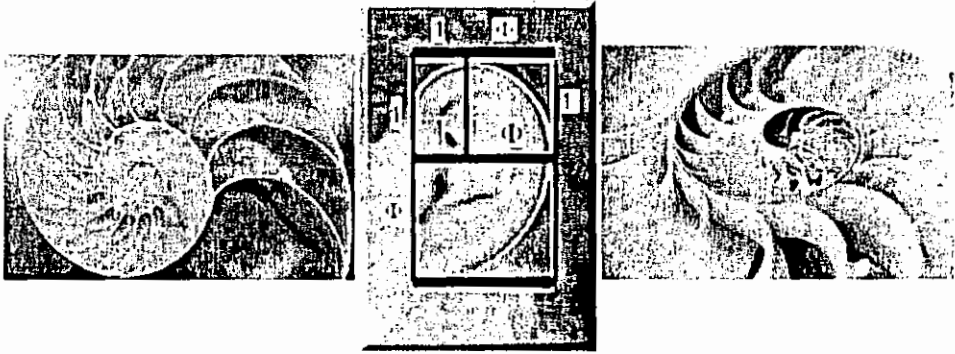
(1) طول القاطعين المركزيين ÷ عرضهما  $\Phi = 1.618$  أي النسبة  $\Phi = 1$

(2) طول القاطع الذي على اليسار ÷ طول القاطع الذي يليه من اليسار  $\Phi$



## سابعاً: النسبة الإلهية في أبعاد الأذن

﴿وَاللَّهُ أَخْرَجَكُمْ مِّنْ بُطُونِ أُمَّهَاتِكُمْ لَا تَعْلَمُونَ شَيْئاً وَجَعَلَ لَكُمُ السَّمْعَ وَالْأَبْصَارَ وَالْأَفْئِدَةَ لَعَلَّكُمْ تَشْكُرُونَ﴾ [النحل].



لاحظ المستطيل الذهبي الذي يحيط بالأذن والتقسيمات الداخلية، نجد كل منها بنسبة  $\Phi: 1$ ، وفي الشكل التالي: نجد أن نصف قطر الحلزون الثاني ÷ نصف قطر الحلزون الأول = 1.618، نسب القطر في كل مستطيل ذهبي = 1.618.



$$\frac{R_2}{R_1} = 1.618$$

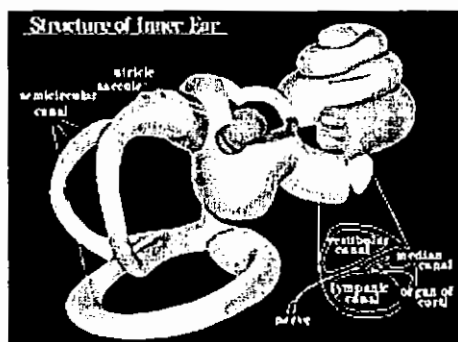
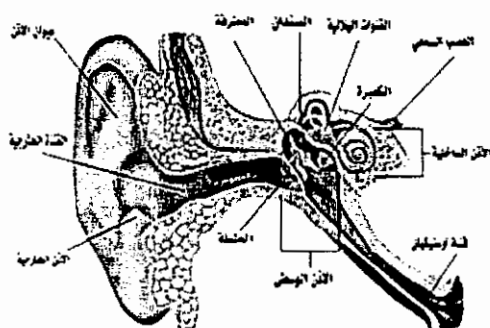


$$\frac{ab}{bc} = \frac{cd}{bc} = 1.618$$

حيث  $r_1$ ،  $r_2$  هما نصفي قطرا الحلزون اللوغارتمي من مركزه

**الإعجاز العلمي في شكل الأذن والمنحنى الحلزوني (اللوغارتمي)**

من الملاحظ أن الأذن تتبع الحلزون اللوغارتمي الذي نحدثنا عنه من قبل ،  
والحلزون في الأذن الداخلية بالذات هو الذي يَمَكِّننا من سماع الأصوات، والأذن  
الداخلية تتكوّن بشكل رئيسي من القوقعة (الحلزون الذهبي) التي هي عضو السمع  
الرئيسي حيث تقوم بتحويل الموجات الصوتية إلى إشارات عصبية تنقل إلى مكان  
معالجة الصوت في الدماغ .



وتتكون القوقعة والتي لا يتجاوز حجمها حجم حبة الفاصوليا من أنبوب عظمي مجوف يبلغ طوله 35 ملليمتر وقطره الخارجي يصل لعدة ميللمترات وقد تم لفه بشكل حلزوني بمقدار لفتين ونصف وذلك لأسباب عدة تمكن العلماء من كشف بعضها ولا زالوا يحاولون كشف بقيتها . ومن الميزات الواضحة للشكل الحلزوني هو لكي تحتل القوقعة أقل حيز ممكن داخل الجدار العظمي للجمجمة ولقد اكتشف العلماء حديثاً خاصية عجيبة لهذا الشكل فهو يعمل على تضخيم الأصوات الضعيفة بينما يقوم بتضعيف الأصوات القوية مما أعطى الأذن هذا المدى



الديناميكي الهائل . ويوجد في داخل الأنبوب العظمي للقوقعة والذي يضيق تدريجياً كلما ابتعد عن قاعدته ثلاث قنوات تقع فوق بعضها البعض وتمتد على طول الأنبوب ويفصل بينها أغشية رقيقة ومرنة . وتتصل القنوات العليا والسفلى ببعضهما عند نهاية الأنبوب ولا يوجد في هاتين القنوات سوى سائل ليمفاوي كثيف.

ويوجد على سطح القوقعة من جهة الأذن الوسطى فتحتان فتحة بيضاوية تبلغ مساحتها 3.2 ملليمتر مربع وهي مغطاة بغشاء رقيق ومرن وهو يغلق القناة العليا . وفتحة دائرية تقع تحت الأولى مباشرة وتبلغ مساحتها 2.5 ملليمتر مربع وهي مغطاة أيضاً بغشاء رقيق ومرن وهو يغلق القناة السفلى.

ويثبت على الغشاء البيضاوي عظمة الركاب حيث يهتز هذا الغشاء باهتزاز الركاب وبذلك يحول الاهتزازات الميكانيكية للعظمتين الثلاث إلى اهتزازات في السائل الليمفاوي في القنوات العليا والسفلى . وهنا يتجلى إبداع الخالق سبحانه وتعالى في وجود غشاء الفتحة الدائرية حيث أنه في حالة غيابها لا يمكن لغشاء الفتحة البيضاوية أن يهتز بحرية بسبب أن السوائل غير قابلة للانضغاط وبوجودها فإنه يهتز بكل سهولة فعندما يتحرك الغشاء البيضاوي إلى داخل القوقعة يتحرك الغشاء الدائري إلى خارجها ويتحرك السائل بكامله على طول القنوات العليا والسفلى والعكس بالعكس.

ولهذا نجد أن الأشخاص الذين يولدون بدون هذه الفتحة مصابون بالصمم ويحدث هذا أيضاً في حالة أن القنوات العليا والسفلى غير مفتوحتين على بعضهما عند نهاية القوقعة . إن أعقد ما في القوقعة هو الجهاز الذي يقوم بتحويل الموجات الصوتية إلى إشارات كهربائية تنقل عبر الألياف السمعية إلى الدماغ فيقوم



على العكس من الخلايا الداخلية فإنها لا تلتقط الموجات الصوتية بل تستلم إشارات من الدماغ فتفرز مواد كيميائية تعمل على انقباض أو انبساط الشعيرات فتخفف أو تزيد من الضغط الواقع على الشعيرات الداخلية وذلك لأسباب متعددة تمكن العلماء من معرفة بعضها والتي أوضحها حماية الشعيرات الداخلية العالية الحساسية من التلف في حالة الأصوات العالية وفي هذا يكمن سر المدى الديناميكي الهائل للأذن.

ويغطي الخلايا الشعرية شريط بالغ الرقة والمرونة يمتد على طول القوقعة هو ضيق عند بدايته ويتسع تدريجياً كلما تقدم إلى نهايته حتى يصبح عرضه عند النهاية عشرة أضعاف عرضه عند البداية. إن أحد جانبي الشريط مثبت على طوله بجدار القوقعة بينما يترك الجانب الآخر ليتحرك بكل حرية مع الاهتزازات التي تحدثها الموجات الصوتية فيحفز بحركته الخلايا الشعرية الداخلية.

إن أبعاد هذا الشريط هي المفتاح الذي أدى إلى فهم الطريقة التي يعمل بها جهاز كورتي فالأغشية المرنة تهتز بأكبر ما يكون عندما تكون أبعادها مقاربة لطول الموجات الساقطة عليها. فهذا الشريط أضيق ما يكون عند بدايته ولذا فهو يهتز فقط عند الترددات العالية القريبة من 20 كيلو هيرتز وكلما زاد عرضه كلما اهتز عند الترددات الأقل ثم الأقل حتى يصل إلى أكبر عرض له عند نهايته فيهتز عند الترددات المنخفضة جداً القريبة من 20 هيرتز. وعلى هذا فإن كل خلية شعرية داخلية تقع تحت هذا الشريط ستستجيب لنطاق محدد من الترددات المسموعة والتي تمتد من 20 هيرتز إلى 20<sup>٥</sup> كيلو هيرتز.

ويتضح لنا هنا ميزة أخرى للشكل الحلزوني للقوقعة حيث لو أنها بقيت على شكل أنبوب لاحتلت الألياف العصبية حيزاً كبيراً في الجمجمة قبل أن يتم لفها في

ضفيرة واحدة. إن الأذن بما فيها من مكونات بالغة التعقيد ما هي إلا جهاز طرفي يقوم بتحويل الموجات الصوتية المنتشرة في الهواء إلى إشارات عصبية محمولة بالألياف العصبية تحدد الترددات المختلفة التي يحتويها الصوت وكذلك شدة كل تردد منها. أما المهمة الأصعب في نظام السمع والذي لا زال العلماء يجهلون كثيراً من أسرارها فهي في الكيفية التي تعمل بها الخلايا العصبية في الدماغ على هذه الإشارات لتعطي الإنسان نعمة الإحساس بالصوت والتي قلّ من الناس من يشكر من أبدعها سبحانه وتعالى لقوله عز من قائل: ﴿وَهُوَ الَّذِي أَنشَأَ لَكُمُ السَّمْعَ وَالْأَبْصَارَ وَالْأَفْئِدَةَ قَلِيلًا مَّا تَشْكُرُونَ﴾ [المؤمنون].

إن أقل شدة ضغط للموجات الصوتية يمكن أن تلتقطها الأذن السليمة والتي تسمى بحساسية الأذن تبلغ 20 ميكروباسكال والباسكال هو وحدة الضغط الأساسية وهو الضغط الناتج عن تسليط قوة مقدارها نيوتن واحد على مساحة مقدارها متر مربع. أما أشد ضغط يمكن أن تتحمله الأذن دون أن يصيبها خلل فهو 20 باسكال أي بما يزيد عن مليون مرة عن أقل ضغط وهذه نسبة بالغة العلو لا يمكن أن يحصل عليها لولا أن الذي صممها هو الذي أحاط علمه بكل شيء سبحانه وتعالى.

فهذا المدى الديناميكي البالغ العلو يمكن للأذن أن تسمع أصوات بالغة الخفوت كحفيف الأوراق وطين الحشرات وأصوات بالغة الضجيج كدوي المدافع وهدير الطائرات دون أن تتأذى. ويعود الفضل في هذه الحساسية العالية للأذن إلى الحساسية العالية للخلايا الشعرية الداخلية فهي قادرة على التقاط الأصوات الخافتة رغم أنها مدفونة داخل طبقات متعددة من الأغشية ولا يصلها الصوت إلا بعد مروره على عدد كبير من المكونات كطبلة الأذن والعظام الثلاثة والغشاء

البعضاوي والأغشية الفاصلة بين قنوات القوقعة.

وبسبب الحساسية العالية للخلايا الشعرية فإنها معرضة للموت إذا ما تعرضت لأصوات تزيد شدتها عن 20 ديسيبل أو لأصوات أقل شدة ولكن لفترات طويلة ولذا فعلى الإنسان أن يتجنب التعرض لهذه الأصوات حيث أن الخلية التي تموت لا يمكن أن تستبدل مع العلم أن عددها يزيد قليلا عن ثلاثة آلاف خلية .

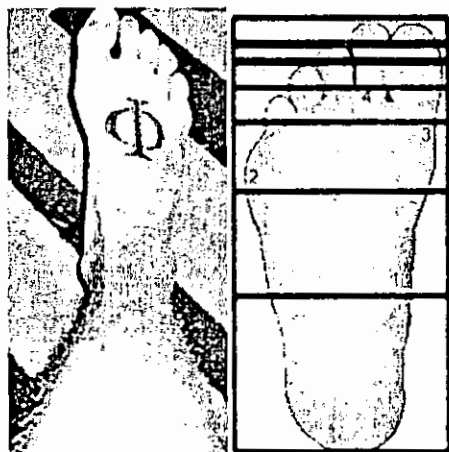
ويوجد في الأذن الداخلية إلى جانب القوقعة جهاز آخر بالغ الأهمية يقوم بوظيفة أساسية ومهمة في نظام حفظ اتزان جسم الإنسان وتحديد اتجاه وسرعة حركته فبدونه لا يمكن للإنسان أن يحافظ على اتزان جسمه سواء أكان جالسا أو واقفا أو ماشيا أو راكضا أو غير ذلك من الأوضاع التي يتخذها الجسم . وكذلك يقوم بوظيفة أخرى بالغة الأهمية وهي إبقاء العينين موجهتان نحو ما تنظران إليه وعدم تشويش الصور الملتقطة في حالة تحرك الرأس .

وعلى الرغم من أن جهاز الاتزان هذا لا علاقة له بالسمع إلا أن وجوده بجانب القوقعة يدل على مدى علم من وضعه بجانبه سبحانه وتعالى . فمبدأ عمل جهاز الاتزان هو نفس مبدأ عمل القوقعة تماماً ويستخدم نفس الآليات التي تستخدمها وخاصة الخلايا الشعرية الحساسة لأي حركة في السائل المغموسة فيه .



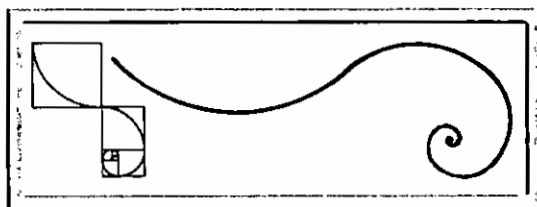
## ثامناً: النسبة الإلهية في قدم الإنسان

﴿يَوْمَ تَشْهَدُ عَلَيْهِمْ أَلْسِنُهُمْ وَأَيْدِيهِمْ وَأَرْجُلُهُمْ بِمَا كَانُوا يَعْمَلُونَ﴾ [النور].



واضح أن الخط الطولي للقدم إذا قسمنا أي طول كبير على أي طول صغير فإن

النسبة =  $\Phi$



هذا المخطط ، والذي يمكن أن يكون اسمه «الموج الذهبي» ، يبدو في كثير من الأعضاء البشرية : والجل الشوكي ، والقدم ، وخطوط العينين والشفاه .



## تاسعاً: النسبة الإلهية في بنان الإنسان

قال تعالى : ﴿ بَلَىٰ قَادِرِينَ عَلَىٰ أَنْ نُسَوِّيَ بَنَانَهُ ﴾ [القيامة] .



البنان هي رؤوس الأصابع لما فيها من غرابة الوضع ودقة الصنع حيث أن الخطوط والتجاويف الدقيقة التي في أطراف أصابع الإنسان لا تماثلها خطوط أخرى في أصابع شخص آخر على وجه الأرض ولذلك يعتمدون على بصمات الأصابع في تحقيق الشخصية إلا في هذا العصر كما ثبت علمياً أن بشرة الأصابع مغطاة بخطوط دقيقة متناهية في الدقة ، منها ما هو على شكل أقواس أو عراو أو دوامات ، وهذه الخطوط لا يمكن أن يشابه فيها إنساناً آخر ولهذا اعتمدت دول العالم عليها رسمياً وأصبحت من خلال بصمات هذه الأصابع تميز الإنسان عن أخيه الإنسان فبارك الله أحسن الخالقين الذي أبدع صنع كل شيء .





### البصمة والحقائق العلمية :

في عام 1823 اكتشف عالم التشريح التشيكي «بركنجي» (Purkinje) حقيقة البصمات ووجد أن الخطوط الدقيقة الموجودة في رؤوس الأصابع (البنان) تختلف من شخص لآخر، ووجد أن هناك أنواع من هذه الخطوط : أقواس أو دوائر أو عقد أو على شكل رابع يدعى المركبات، لتركيبتها من أشكال متعددة .



Czech anatomist Purkinje

1896 – 1787

وفي عام 1858 أي بعد 35 عاماً، أشار العالم الإنكليزي «وليم هرشل» (William Herschel) إلى اختلاف البصمات باختلاف أصحابها، مما جعلها دليلاً مميزاً لكل شخص.



Frederick William Herschel

1822 — 1738

وفي عام 1877 اخترع الدكتور «هنري فولدز» (Henry Faulds) طريقة وضع البصمة على الورق باستخدام جبر المطابع .



1930 — 1843

وفي عام 1892 أثبت الدكتور «فرانسيس غالتون» (Francis Galton) أن صورة البصمة لأي إصبع تعيش مع صاحبها طوال حياته فلا تتغير رغم كل الطوارئ التي قد تصيبه، وقد وجد العلماء أن إحدى المومياء المصرية المحنطة احتفظت ببصماتها واضحة جلية .

وأثبت جالتون أنه لا يوجد شخصان في العالم كله لهما نفس التعرجات الدقيقة وقد أكد أن هذه التعرجات تظهر على أصابع الجنين وهو في بطن أمه عندما يكون عمره بين 100 و 120 يوماً.



Francis Galton

1882 – 1911

وفي عام 1893 أسس مفوض اسكتلند يارد، «إدوارد هنري» (Edward Henry) نظاماً سهلاً لتصنيف وتجميع البصمات، لقد اعتبر أن بصمة أي إصبع يمكن تصنيفها إلى واحدة من ثمانية أنواع رئيسية، واعتبر أن أصابع اليدين العشرة هي وحدة كاملة في تصنيف هوية الشخص. وأدخلت في نفس العام البصمات كدليل قوي في دوائر الشرطة في اسكتلند يارد.



Edward Henry

1931 — 1850

ثم أخذ العلماء منذ اكتشاف البصمات بإجراء دراسات على أعداد كبيرة من الناس من مختلف الأجناس فلم يعثر على مجموعتين متطابقتين أبداً .  
إن الإنسان كله بصمات، فبصماته توجد في اليد والقدم والشفيتين والأذنين والدم واللعاب والشعر والعيون وغيرها ... لقد كانت البصمة ولا تزال سرّاً من أسرار عظمة الله عز وجل في خلقه ليثبت قوله : ﴿صُنِعَ اللَّهُ الَّذِي أَنْتَقَنَ كُلَّ شَيْءٍ﴾ [النحل] .

### بصمة الإبهام:

بصمة الإبهام هي خطوط بارزة في بشرة الجلد تجاورها منخفضات، وتعلو الخطوط البارزة فتحات للمسام العرقية، تتماهى هذه الخطوط وتتلوّى وتتفرع منها تغصنات وفروع، لتأخذ في النهاية - وفي كل شخص - شكلاً مميزاً، وقد ثبت أنه لا يمكن للبصمة أن تتطابق وتتماثل في شخصين في العالم حتى التوائم المتماثلة التي

أصلها في بويضة واحدة، وهذه الخطوط تترك أثرها على كل جسم تلمسه وعلى الأسطح الملساء بشكل خاص.

وتتكون بصمة الإبهام لدى الجنين في الأسبوع الثالث عشر (الشهر الرابع) وتبقى إلى أن يموت الإنسان، وإذا حفظت الجثة بالتحنيط أو في الأماكن الثلجية تبقى البصمة كما هي آلاف السنين دون تغيير في شكلها ....

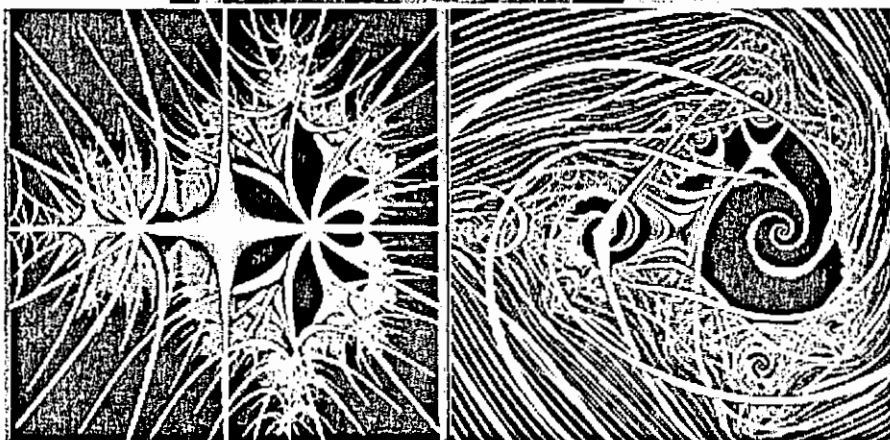
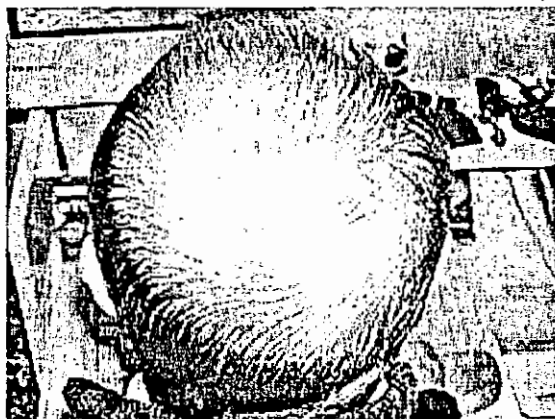
وحتى إذا ما أزيلت جلدة الأصابع لسبب ما، فإن الصفات نفسها تظهر في الجلد الجديد، كما أن بصمة الرجل تختلف عن بصمة المرأة ففي الرجل يكون قطر الخطوط أكبر منه عند المرأة بينما تتميز بصمة المرأة بالدقة وعدم وجود تشوهات تقاطعية.

ولقد توصل العلماء إلى تقسيم بصمات الإبهام رغم اختلافها في التفاصيل وفق ما بها من خطوط متمازجة ووفق ما بها من أنشودة مفتوحة وأخرى مغلقة فإن البصمة لا تتغير. ومن الذين اهتموا بدراسة البصمات الباحث الألماني (ح.س.أ. مايو).

بصمات الإنسان، ترسم حلزون ذهبي أي تتبع النسبة الذهبية  $\Phi$ ، ولا زال البحث عن ذلك مستمر عن الحلزونات الموجودة على البصمات وعندما نتوصل لعلاقة رياضية جديدة سوف ننشرها بإذن الله.



## عاشراً: النسبة الإلهية في شعر الرأس



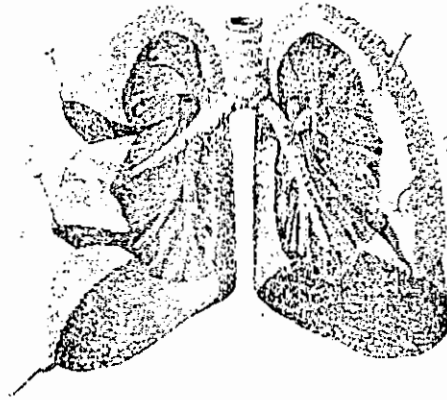
شعرنا عندما لا يكون أملساً يتبع منحنى حلزوني لوفارمي النسبة بين أنصاف

كل قطرين متتاليين =  $\Phi$



## إحدى عشر: النسبة الإلهية في الجهاز التنفسي للإنسان

﴿فَمَنْ يُرِدِ اللَّهُ أَنْ يَهْدِيَهُ يَشْرَحْ صَدْرَهُ لِلْإِسْلَامِ وَمَنْ يُرِدْ أَنْ يُضِلَّهُ يَجْعَلْ صَدْرَهُ ضَيِّقًا حَرَجًا كَأَنَّمَا يَصْعَدُ فِي السَّمَاءِ كَذَلِكَ يَجْعَلُ اللَّهُ الرِّجْسَ عَلَى الَّذِينَ لَا يُؤْمِنُونَ﴾  
[الأنعام].



واضح من الرسم أن الرئة اليمنى بها ثلاثة فصوص والرئة اليسرى بها فصان ، وهما الحدان الثالث والرابع من متباعدة فيوناتشى ، والنسبة بينهما تقترب من النسبة الإلهية ، كما أن القصبة الهوائية تتفرع إلى فرعين:

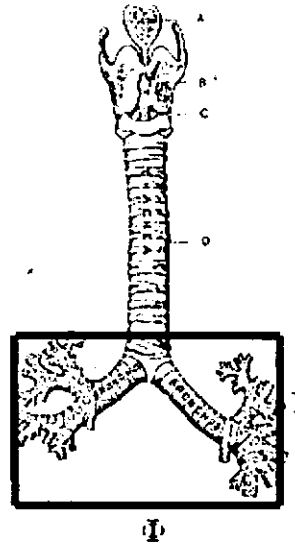
أحدهما : نحو اليمين .

والآخر : نحو اليسار .

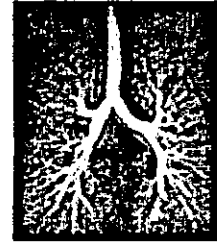
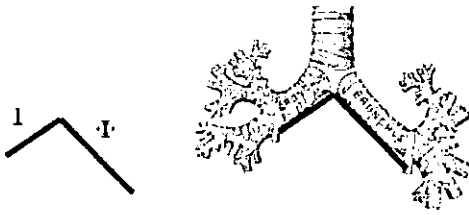
ويلاحظ أن القصبة الهوائية نحو اليسار أقصر من القصبة الهوائية نحو اليمين

بنسبة . 1.618

أولاً: النسبة الإلهية في شعبتي القصبة الهوائية:



المستطيل الذهبي الذي يحيط بشعبتي القصبة الهوائية وواضح أن النسبة  $\Phi$ : 1  
وقد لاحظت هذه المعلومة الجديدة أثناء كتابتي هذا البحث .... سبحانه الله  
العظيم.



رسم يوضح النسبة الإلهية بين فرعي القصبة الهوائية



هذه أيضاً توضح النسبة بين شعبي القصبة الهوائية للرئة اليمنى والرئة اليسرى،  
ووجد أن النسبة بين طوليهما كنسبة  $\Phi$  : 1

الشعبة الهوائية اليمنى : وهي أقصر من الشعبة اليسرى وأوسع منها .  
الشعبة الهوائية اليسرى : أطول من اليمنى وأضيق منها وأكثر انحرافاً عن اتجاه  
القصبة الهوائية .

وللأمانة العلمية فقد وجدت أثناء انتهائي من تأليف الكتاب أن هناك باحثان قد  
توصلا لما توصلت إليه بالنسبة لشعبي القصبة الهوائية وبيان ذلك كالتالي :

في دراسة أجريت بين عامي 1985 م ، 1987 م ؛ لاحظ الفيزيائي الأمريكي  
ب.ج. ويست B. J. West ، والدكتور أ.ل. غولدرغر Dr. A. L. Goldberger ،  
أن شعبي القصبة الهوائية غير متكافئتين وأن إحداها أطول من الأخرى بنسبة  
1.618 : 1 أي أن النسبة بينهما = النسبة الإلهية  $\Phi$

### ثانياً : النسبة الإلهية في عدد فصوص الرئتين :

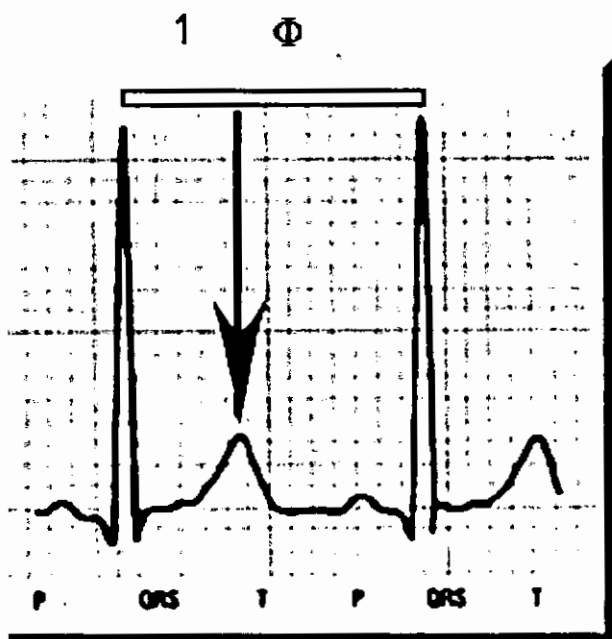
تتكون الرئة اليسرى من فصين بينما تتكون اليمنى من ثلاثة فصوص .  
عدد فصوص الرئة اليمنى ÷ عدد فصوص الرئة اليسرى = 1.5 = يقترب هذا  
العدد من النسبة الإلهية .



## اثني عشر: النسبة الإلهية في نبضات القلب

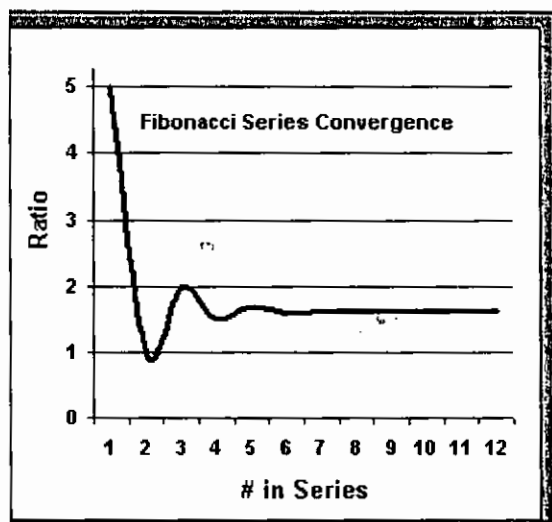
﴿إِلَّا مَنْ أَتَى اللَّهَ بِقَلْبٍ سَلِيمٍ﴾ [الشعراء]

هذه النبضات للقلب التقطت وقد لوحظ أن كل موجة متوسطة تقسم المسافة بين موجتين مرتفعتين بنسبة  $\Phi$  : 1 كما هو واضح بالشكل.



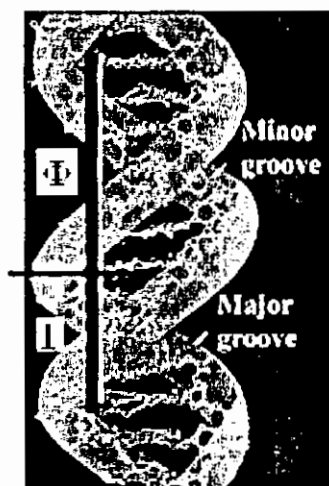
النبضة ملتقطة بجهاز (Electrocardiograms EKG)

ومن الغريب أننا حينما مثلنا متتابعة فيبوناتشي بيانيا وجد أن الجزء الأول منها يتشابه تماماً مع الرسم البياني لنبضات القلب كما بالشكل التالي:



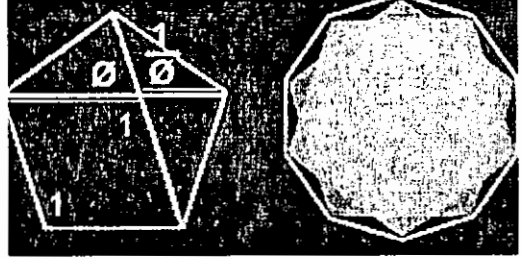
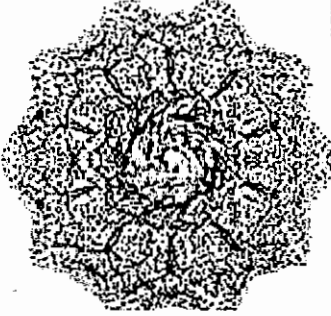
## ثلاثة عشر: النسبة الإلهية في الأشرطة الوراثية

جزء الـ DNA مستند على النسبة الذهبية بحيث يُقَسُّ 34 أنغستروماً طولياً و 21 أنغستروماً عرضياً لكل دورة كاملة من لولب الحلزون. بالطبع، 21، 34 أعداد في سلسلة **Fibonacci** ونسبتهم، 1.6190476 يقترب إلى مقدار النسبة الذهبية 1.6180339.



وبهذه الصورة يظهر لنا بشكل أوضح وجود النسبة الذهبية بين كل لولب أو منحني في DNA مع الآخر، أو الذي يليه تقريباً 21 أنغستروماً إلى 34 أنغستروماً.

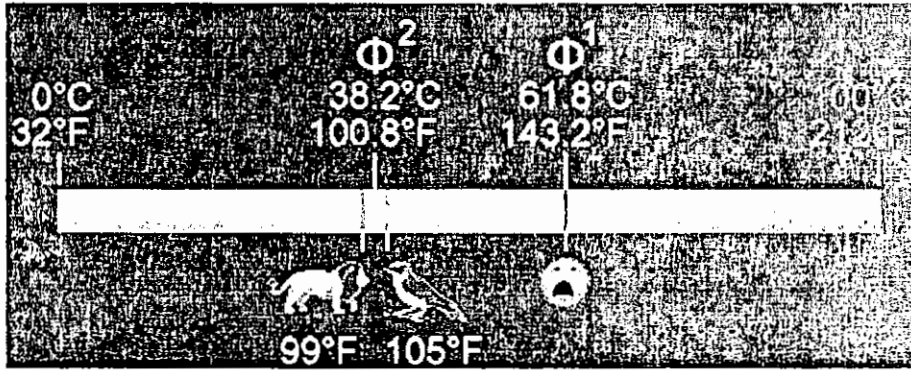
وللبحث في المقطع العرضي لـ DNA نجد: من الممكن أن تُمثل شكلها  
بالخماسي الذهبي:



إن نسبة قطر الشكل الخماسي إلى جانبها هي **Phi** إلى 1، وهكذا نجد أن DNA  
مبنية على النسبة الذهبية.



## أربعة عشر: النسبة الإلهية في درجة حرارة الجسم



وتختلف بين أصناف الكائنات الحية من ثدييات وزواحف وطيور وغيرها.....  
تتفاوت درجات الحرارة في الجسم ، حتى في داخل البشر . ودرجة حرارة الجسم من الثدييات من حوالي 97° إلى أكثر من 103 درجة فهرنهايت . متوسط درجات الحرارة في الطيور حوالي 105 درجة فهرنهايت . النقطة فاي بين درجة حرارة التجمد ( 32 درجة فهرنهايت) ودرجة حرارة الغليان ( 212 درجة فهرنهايت) للمياه هو 100.8 درجة مئوية ، أو 38.2 درجة فهرنهايت . تأخذ هذه النقطة فاي من الطرف الآخر للمقياس لدرجة الحرارة وصولاً إلى 143 درجة مئوية ، وهي عبارة عن درجة الحرارة المطلوبة لقتل البكتيريا . (عموماً تقرب وكما ذكرت 140 درجة في معظم الأدبيات) .

ومن المثير للاهتمام ، إذا كنت تأخذ فاي أو 0.618 نقطة من 37 درجة مئوية ، وهو متوسط درجة حرارة الجسم البشري ، فسوف تحصل على 23 درجة مئوية أو

73 درجة فهرنهايت ، وهي درجة حرارة الغرفة الملائمة التي يشعر فيها الإنسان بالراحة.

الماء له خاصية غير عادية جدا في أن تصل الكثافة القصوى في حالة سائلة تبلغ 4 درجات مئوية ، هذا يسمح بتعويم الجليد ، وهو أمر حيوي لاستمرار الحياة تحت سطحه في المناخات الباردة .

والكيلوغرام يعرف بأنه كتلة المياه للملء لتر واحد في  $4^{\circ}\text{C}$  . إذا كان هذا يعتبر درجة الحرارة الحرجة بدلا من 0 درجة مئوية ، نجد أن هذه النقطة هي فاي  $105.2^{\circ}$  ، وهذا يعرف في نهاية العلوي من درجة حرارة الجسم .

وصف النقاط الرئيسية لدرجة الحرارة	فهرنهايتية	مئوية
درجة تجمد المياه	$32^{\circ}$	$0^{\circ}$
متوسط درجة حرارة الجسم النموذجية من الثدييات	$100.6^{\circ}$	$38.1^{\circ}$
فاي نزولا من درجة الغليان لدرجة التجمد	$100.8^{\circ}$	$38.2^{\circ}$
متوسط درجة حرارة جسم الطيور	$105^{\circ}$	$40^{\circ}$
فاي نقطة 2 ( $0.618$ نزولا من المياه لدرجة الغليان لكثافة كحد أقصى)	$105.2^{\circ}$	$40.7^{\circ}$
فاي النقطة 1 (نقطة التعقيم) (ارتفاعا من $0.618$ نقطة التجمد في الماء المغلي)	$143.2^{\circ}$	$61.8^{\circ}$
درجة غليان الماء	$212^{\circ}$	$100^{\circ}$

متوسط درجة حرارة أجسام بعض الكائنات الحية

الكائن الحي	درجة فهرنهايت	درجة مئوية
الفيل	97.7	36.5
الإنسان	98.6	37.0
الحوت	98.6	37.0
الخفاش	98.6	37.0
الحصان	100.4	38.0
سبع البحر	100.4	38.0
القرود	100.6	38.1
الأرنب	101.0	38.3
البقرة	101.5	38.6
الكلب	102.0	38.9
القط	102.2	39.0
الماعز	103.4	39.7
المتوسط العام	100.6	38.1



## خمسـة عشر : النسبة الإلهية في مراحل نمو الإنسان

﴿ يَا أَيُّهَا النَّاسُ إِن كُنْتُمْ فِي رَيْبٍ مِّنَ الْبَعْثِ فَإِنَّا خَلَقْنَاكُمْ مِّن تُرَابٍ ثُمَّ مِّن نُّطْفَةٍ ثُمَّ مِّن عَلَقَةٍ ثُمَّ مِّن مُّضْغَةٍ مُّخَلَّقَةٍ وَغَيْرِ مُخَلَّقَةٍ لِّنُبَيِّنَ لَكُمْ وَنُقَرِّى فِي الْأَرْحَامِ مَا نَشَاءُ إِلَى أَجَلٍ مُّسَمًّى ثُمَّ نُخْرِجُكُمْ طِفْلاً ثُمَّ لِّتَبْلُغُوا أَشُدَّكُمْ وَمِنْكُمْ مَّن يُّتَوَفَّى وَمِنْكُمْ مَّن يُرَدُّ إِلَى أَرْدَلِ الْعُمُرِ لِكَيْلَا يَعْلَمَ مِن بَعْدِ عِلْمٍ شَيْئاً ﴾ [الحج] .

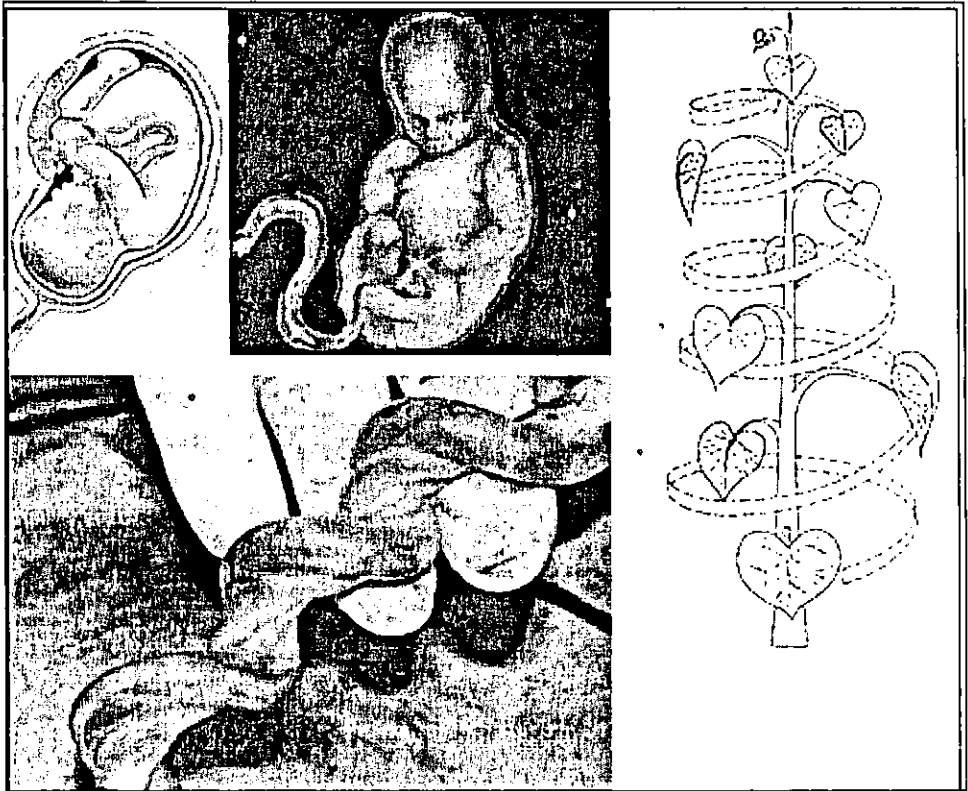
العمر	مراحل النمو
0	الحمل (ما قبل الولادة) <b>Gestation</b>
1	حديث الولادة <b>Newborn</b>
1	الرضاعة <b>Infant</b>
2	طفل صغير <b>Toddler</b>
3	طفل صغير <b>Toddler</b>
5	الطفولة المبكرة <b>Early child</b>
8	الطفولة المتوسطة <b>Mid child</b>
13	المراهقة <b>Adolescent</b>
21	الرشد <b>Young adult</b>
34	منتصف الكبر <b>Mid adult</b>
55	الشيخوخة <b>Elder adult</b>
89	الكهولة المبكرة <b>Completion</b>

من الجدول السابق نجد أن كل مراحل النمو تتبع متتالية «فيوناتشي» وأن نسبة كل مرحلة إلى التي تسبقها . 1.618 = فيها عدا المراحل الثلاث الأولى.



## سنة عشر: النسبة الإلهية في الحبل السري

﴿هُوَ اللَّهُ الْخَالِقُ الْبَارِئُ الْمُصَوِّرُ لَهُ الْأَسْمَاءُ الْحُسْنَى يُسَبِّحُ لَهُ مَا فِي السَّمَاوَاتِ  
وَالْأَرْضِ وَهُوَ الْعَزِيزُ الْحَكِيمُ﴾ [الحشر].



لنقارن بين لفات الأوراق حول الساق ولفات الحبل السري، وجد أن توزيع  
الزوايا أو تباعدها عن بعضها هي حدود في المتابعة  $1/2$ ،  $1/3$ ،  $2/5$ ،  $3/8$ ،  
 $5/13$ ،  $8/21$ ،  $13/34$ ،  $21/55$ ، .....

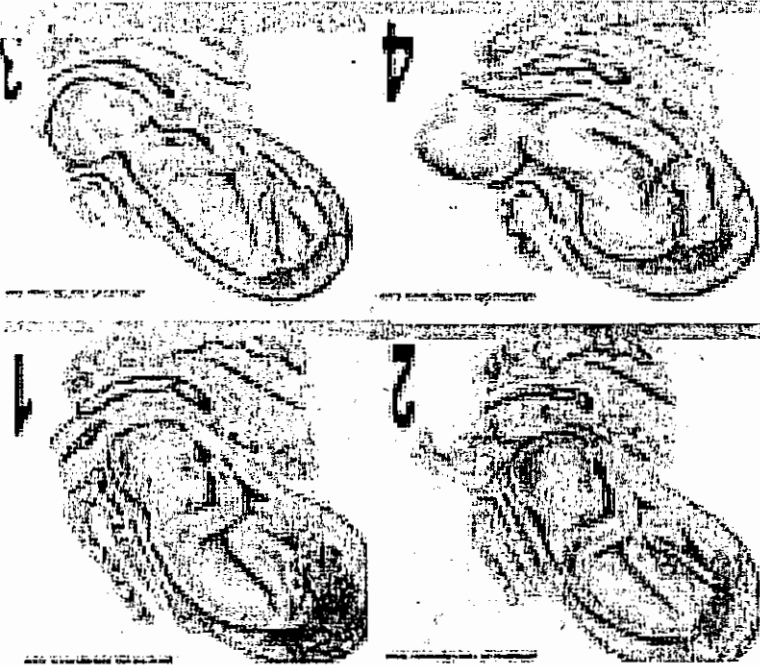
التي يمثل البسط فيها عدد اللفات حول الساق حتى نصل إلى نفس وضع الورقة الأولى ، والمقام هو عدد الأوراق في اللفة الواحدة وهي نسبة تختلف من نبات إلى آخر وتتراوح بين العددين  $2/1$  ،  $3/1$  والمتتابة كما يلاحظ القارئ أبساط ومقامات حدودها تكون متتابة فيوناتشي. واللفات تتباعد عن بعضها بزوايا ثابتة تسمى الزوايا الذهبية وقيمة كل منها  $137.5$  درجة .

الحبل السري كما يظهر في أسفل الصورة حلزوني كل لفة تتباعد عن الأخرى بزوايا ذهبية قدرها .....  $137.5$  فصبحان الخالق الباريء المصور.



## معجزة الحبل السري للجنين:

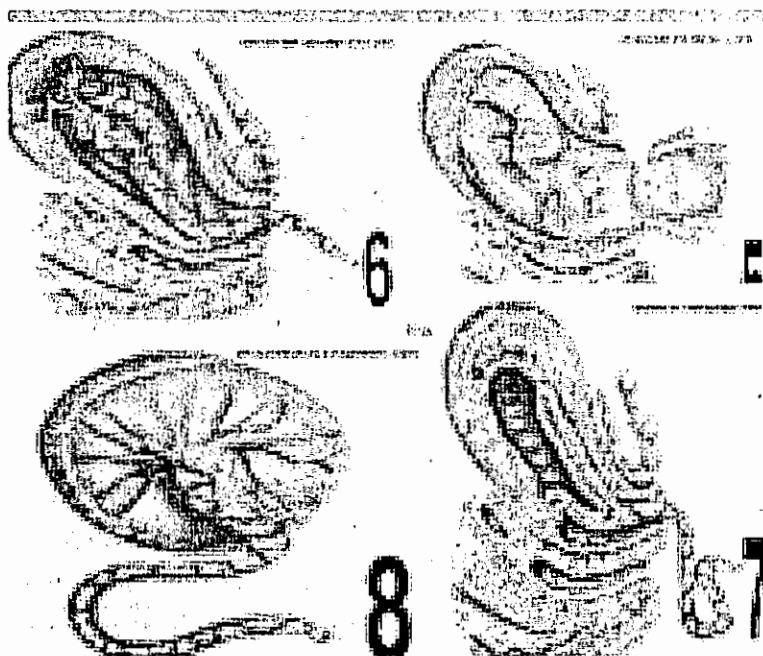
الحبل السري يتكون من ثلاثة أوعية دموية شريان ووريدان ويصل الحبل السري المشيمة بالجنين حيث يحمل المواد الغذائية والأكسجين اللازم من دم الأم إلى الجنين وكذلك يحمل فضلات الجنين للتخلص منها عن طريق الدم إلى دم الحامل. توجد هذه الأوعية الدموية في الحبل السري محاطة بهلام ويكون عادة الحبل السري قوياً بحيث لا يمكن فصله بسهولة إلا عن طريق المقص ويتراوح طول الحبل السري من ٥٠ سم إلى ١٠٠ سم في معظم الحالات وينغرس الحبل السري في المشيمة عادة في منتصفها ومن العيوب المعروفة للحبل السري هو انغراس الحبل السري في طرف المشيمة وهو من العيوب الخطيرة حيث يمكن أن يحدث نزيف مفاجئ نتيجة لذلك وأحياناً وفاة الجنين داخل الرحم أو أثناء الولادة بصورة غير متوقعة نتيجة انفصال إحدى الأوعية عن المشيمة كذلك فإن قصر الحبل السري من العيوب الشائعة حيث يمكن اكتشاف ذلك فقط بعد الولادة وقد يستدل على ذلك أثناء الولادة عند نزول دقات قلب الجنين أثناء دمج رأس الجنين في الحوض، أيضاً فقد يكون الحبل السري طويلاً جداً وذلك يؤدي إلى التفاف الحبل السري حول رقبة الجنين غالباً أو حول أي جزء من جسد الجنين مثل اليد أو الأرجل وتتم الولادة في معظم الأحيان في هذه الحالات بصورة طبيعية ويتم اكتشاف ذلك فقط بعد الولادة ولكن في بعض الحالات يؤدي التفاف الحبل السري حول أي جزء من الجنين مثل الرقبة إلى الاختناق وهبوط دقات الجنين أثناء الولادة أو قبلها ونادراً قد يؤدي ذلك إلى وفاة الجنين داخل الرحم قبل حدوث الولادة



الخيماء [آن عمران].

قال تعالى: ﴿مَنْ أَلْهَىٰ ذَاكَ عَنْ آيَاتِنَا وَلِيَٰ آلَ فِرْعَوْنَ أَنَّهُ كَانَ يُفِيضُ فِيهِمْ رَحْمَتَنَا ذَاتَ الْوَعْدِ﴾

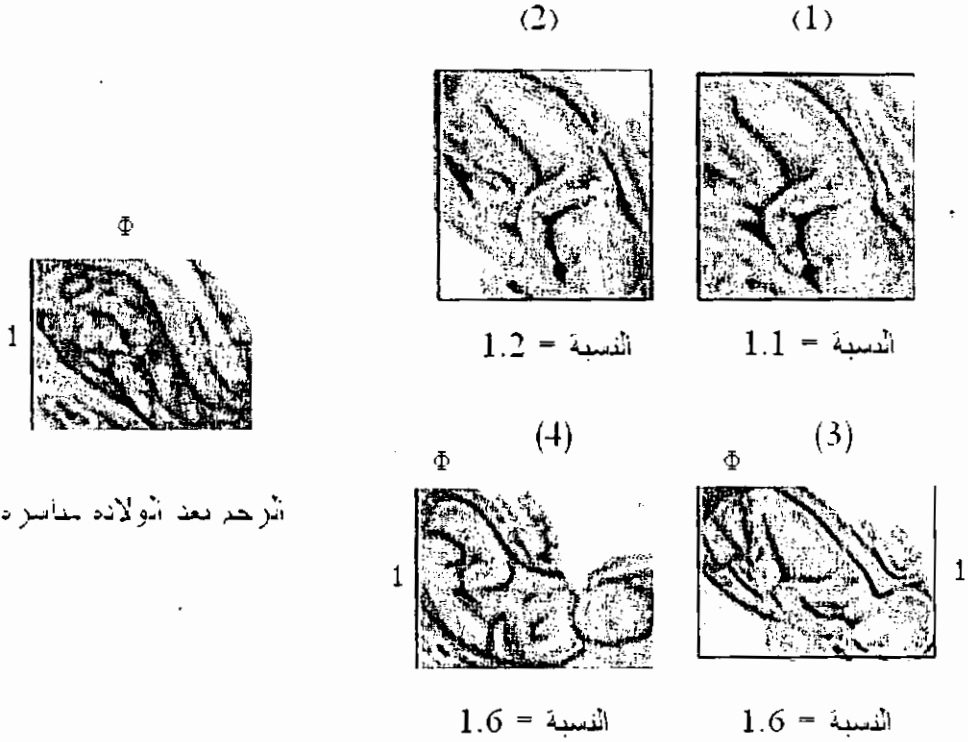
سورة القصص: الآية ٢٨



مراحل أوضاع الجنين خلال الساعات الأولى للولادة

نجد أن النسبة بين أبعاد المستطيل الذي يحيط بالجنين تقرب شيئاً فشيئاً من أبعاد المستطيل الذهبي ، وأن النسبة الذهبية تتحقق تماماً خلال الدقائق الأخيرة للولادة، حتى تصبح النسبة  $1 : \Phi$  .

كما يلاحظ أن النسبة بين أبعاد تجويف الأمن للجنين داخل الرحم بعد الولادة مباشرة  $\Phi_1 = 1$  أي  $1 : 1.618$  ، (انظر الصورة على اليسار).



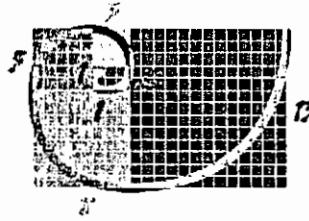
ملاحظة: قد تكون القابلة سحبت الجنين بطريقة خاطئة ، فيكون هناك استطالة أكثر من المعتاد فينتج عن ذلك خطأ نسبي، مرجعه إلى أخطاء البشر، أما الولادة الطبيعية للجنين الغير مشوه ، في الأوضاع الطبيعية للجنين ؛ ينطبق عليها النسبة الإلهية ، أو النسبة الذهبية. وهذا ما توصلت إليه خلال البحث أيضاً.





## ثمانية عشر: النسبة الإلهية في أوضاع الجنين خلال شهور الحمل

﴿يَا أَيُّهَا النَّاسُ إِن كُنْتُمْ فِي رَيْبٍ مِّنَ الْبَعْثِ فَإِنَّا خَلَقْنَاكُمْ مِّن تُرَابٍ ثُمَّ مِّن نُّطْفَةٍ ثُمَّ مِّن عَلَقَةٍ ثُمَّ مِّن مُّضْغَةٍ مُّخَلَّقَةٍ وَغَيْرِ مُخَلَّقَةٍ لِّنُبَيِّنَ لَكُمْ وَنُقِرُّ فِي الْأَرْحَامِ مَا نَشَاءُ إِلَىٰ أَجَلٍ مُّسَمًّى ثُمَّ نُخْرِجُكُمْ طِفْلًا ثُمَّ لَتَبَلِّغُوا أَشَدَّكُمْ وَمِنْكُم مَّن يَتُوفَّىٰ وَمِنْكُم مَّن يُرَدُّ إِلَىٰ أَرْذَلِ الْعُمُرِ لِكَيْلَا يَعْلَمَ مِن بَعْدِ عِلْمٍ شَيْئًا﴾ [الحج].



تكوّن الجنين - الشهر الثاني

تكوّن الجنين - الشهر الاول



تكوّن الجنين - الشهر الرابع

تكوّن الجنين - الشهر الثالث



تكوّن الجنين - الشهر الخامس      تكوّن الجنين - الشهر السادس



تكوّن الجنين - الشهر السابع      تكوّن الجنين - الشهر الثامن



تكوّن الجنين - الشهر التاسع

إذا أخذنا ذقن الجنين مركز أصل حلزون ذهبي فنجد أن النسبة بين نصف قطريه  $\Phi$  ويتضح ذلك من الصور في الشهر الأول و الشهر الخامس ....

## الباب الثالث

---

النسبة  
الإلهية في  
الشذيات



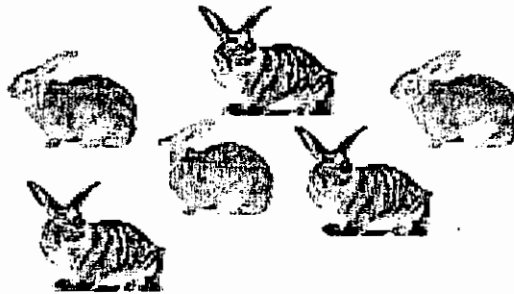


## الفصل الأول

### النسبة الإلهية في الثدييات

قال تعالى: ﴿قَالَ رَبُّنَا الَّذِي أَعْطَى كُلَّ شَيْءٍ خَلْقَهُ ثُمَّ هَدَى﴾ [طه].

### أولاً: النسبة الإلهية في تكاثر الأرانب



لقد عرضت مسألة على فيوناتشي، وكانت سر تولد متتاليته الذهبية ، وهي

لو بدأنا بزوجين من الأرانب يولّد كلّ شهر زوجين جديدين، تتكاثر بدورها عندما يبلغ عمرها شهراً، كم سيكون عدد مضاعفات زوجي الأرانب بعد سنة؟ - وذلك على افتراض أن الأرانب لا تموت، وأنها تنجب كلّ مرة ذكراً وأنثى.

وتسمي هذه المتابعة من الأعداد متتابعة فيوناتشي وبها بعض الخواص الطريفة

مثل : ح ن + ١ × ح ن - ١ = (ح ن) + 2 (١ - ن) (٧ < ن < 2).

ويذكر البعض أنّها منسوبة إلى العالم العربي «عمر الخيام».

الحل:

هيا بنا نتعقب عدد أزواج الأرناب شهراً بعد شهر:

(١) بالبداية كان هناك زوج أرناب فقط  $\Leftarrow$  زوج واحد.

(٢) بعد شهر بقي زوج الأرناب كما هو لأن الأرناب لا تتكاثر إلا عندما تبلغ الشهرين  $\Leftarrow$  زوج واحد.

(٣) في نهاية الشهرين وُلِدَ زوج أرناب  $\Leftarrow$  زوجان.

(٤) في نهاية الثلاث أشهر زوج واحد يستطيع الإنجاب ولذلك وُلِدَ زوج آخر  $\Leftarrow$  ٣ أزواج.

(٥) في نهاية الأربعة أشهر زوجان يستطيعان الإنجاب لذلك وُلِدَ زوجان آخران من الأرناب  $\Leftarrow$  ٥ أزواج.

(٦) في نهاية الخمسة أشهر ٣ أزواج تستطيع الإنجاب ولذلك وُلِدَ ٣ أزواج إضافية  $\Leftarrow$  ٨ أزواج.

الآن يمكن الملاحظة أنه في نهاية كل شهر يُضاف إلى الأزواج التي كانت في نهاية الشهر السابق أزواج بنفس عدد الأزواج التي كانت قبل شهرين، ومن هنا تأتي متوالية فيبوناتشي:

الحد الأول = ١، الحد الثاني = ١، وكل حد إضافي يساوي مجموع الحدين السابقين.

$$a_1 = 1$$

$$a_2 = 1$$

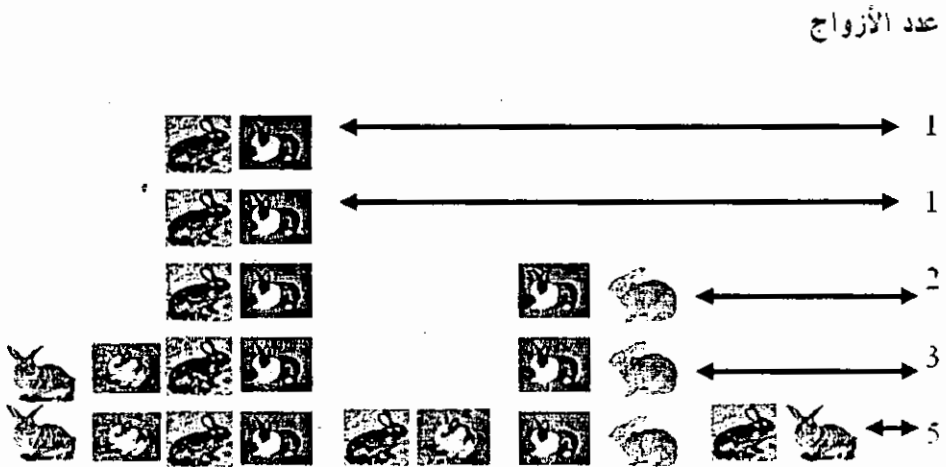
$$a_{n+2} = a_{n+1} + a_n$$

المتوالية التي نحصل عليها هي:

1، 1، 2، 3، 5، 8، 13، 21، 34، 55، 89، ....

بعد ١٠ أشهر مثلاً عدد الأزواج يكون ٨٩ زوج.

ويمكن توضيح الحل بالرسم كالتالي:



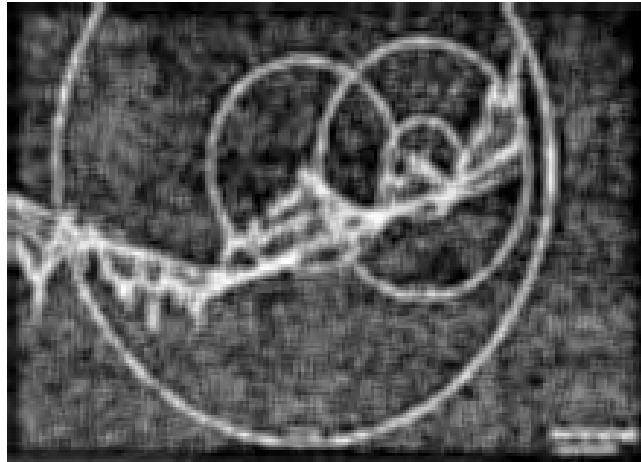
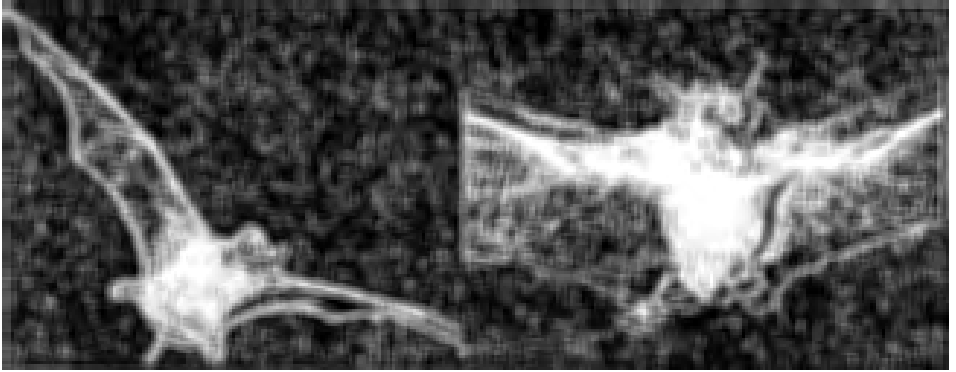
ويمكن وضع معلومات الرسم والشرح في جدول كالتالي:

Month	Rabbits from: A						From: B			From:C		D:	B1:	Total
0	A													1
1	A													1
2	A	B												2
3	A	B	C											3
4	A	B	C	D			B1							5
5	A	B	C	D	E		B1	B2		C1				8
6	A	B	C	D	E	F	B1	B2	B3	C1	C2	D1	B11	13
etc.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	etc.



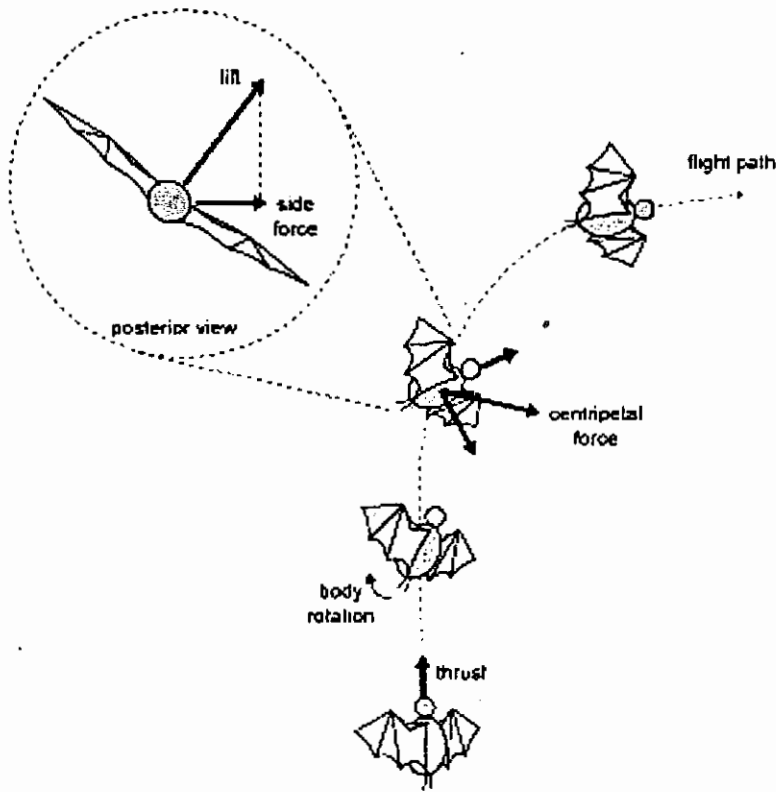
## ثانياً: النسبة الإلهية في هجرة الخفافيش المكسيكية

قال تعالى : ﴿ وَمَا مِنْ دَابَّةٍ فِي الْأَرْضِ وَلَا طَائِرٍ يَطِيرُ بِجَنَاحَيْهِ إِلَّا أُمَمٌ أَمْثَلُكُمْ مَا فَرَّطْنَا فِي الْكِتَابِ مِنْ شَيْءٍ ثُمَّ إِلَٰهٌ مُخَشِّرُونَ ﴾ [الأنعام].



النسبة بين نصف قطر كل حلزون : إلى الذي يسبقه =  $\Phi$  :

تخرج آلاف من الخفافيش المكسيكية التي تحيا في مستعمرات في كهوف جنوب الولايات المتحدة كل يوم من كهوفها وترتفع على نسق واحد ودون أي تغير، راسمة لولباً هائلاً يلتف دائماً إلى اليمين. ولم يمكن برهان أية فرضية حتى الآن حول سبب اتجاهها اليميني عند ارتفاعها الجماعي. إن وجود هذه الأشكال الحلزونية في الطبيعة جعل بعض العلماء يعتقدون أن هناك قانوناً ناظماً على المستوى الفيزيائي والبيولوجي يحكم تشكل الكائنات وفق أنساق حلزونية.



رسم يوضح اتجاه دوران الخفافيش نحو اليمين دائماً

## قياسات أخرى للخفاش:

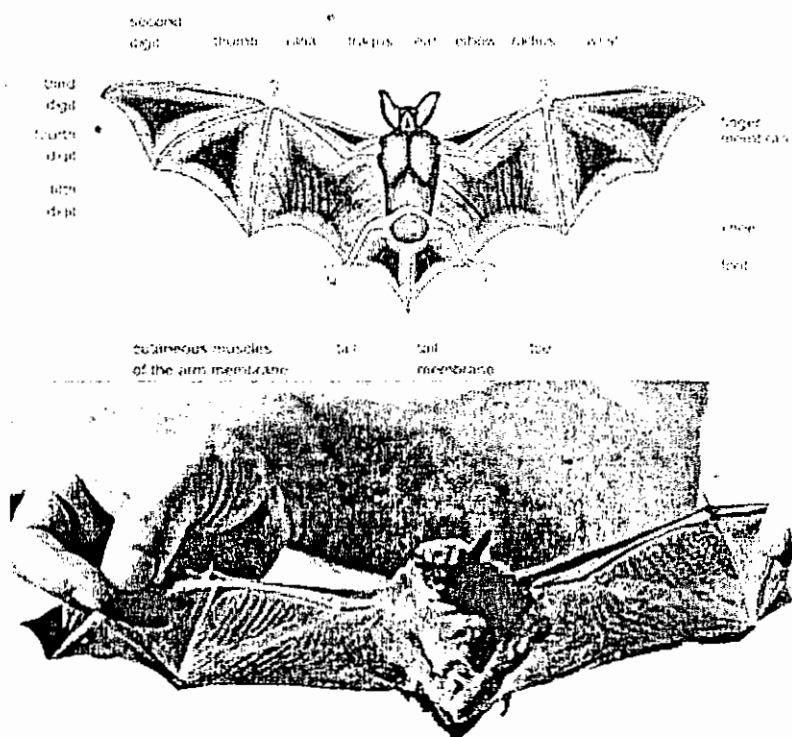
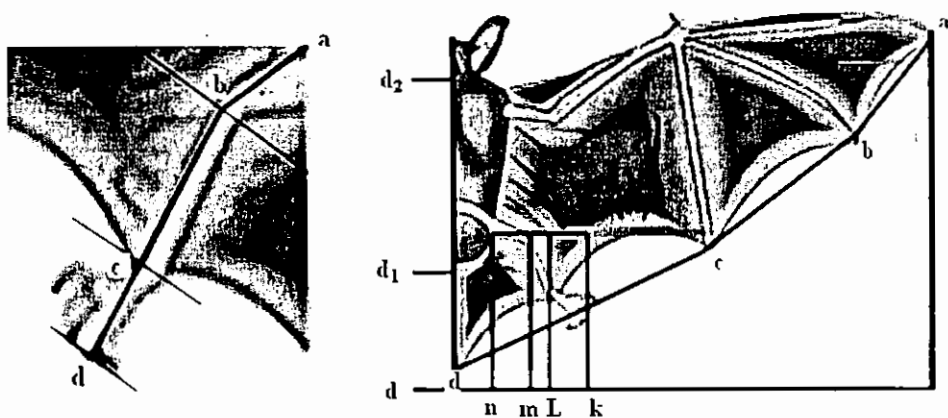


Fig. 1. Bat. 1 - Dorsal view of the bat with wings spread. 2 - Lateral view of the bat's head and neck.



من هذا الجناح نجد أن:

أولاً: بالنسبة إلى جناح الخفاش:

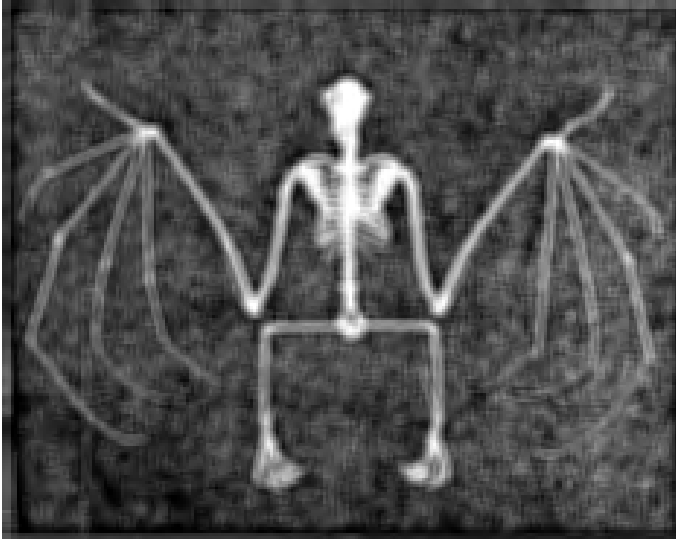
$$\Phi = 1,618 = d2 \, d1/dd1 , \Phi = 1,618 = dc /bc = cb/ba$$

$$\Phi = 1,618 = dn/nm = KL/Lm$$

ثانياً: بالنسبة إلى رجل الخفاش:

$$\Phi = 1,618 = bc /dc = cb/ba$$

وهذه معلومة جديدة نضيفها للبحث.



كيفية طيران الخفافيش:

عندما تطير الخفافيش ليلاً للبحث عن الطعام تري وتشم وتسمع وتصدر أصواتاً ترددية مرتدة لتهتدي بها وتتعرف على طريقها ولتجنب الإرتطام بعائق يعترض طريقها. فالخفافيش الصغيرة **Microchiroptera** الرمامة نجدها تعتمد في طيرانها على نوع من السونار **sonar** الذي يعتمد على التنصت لصدي الصوت

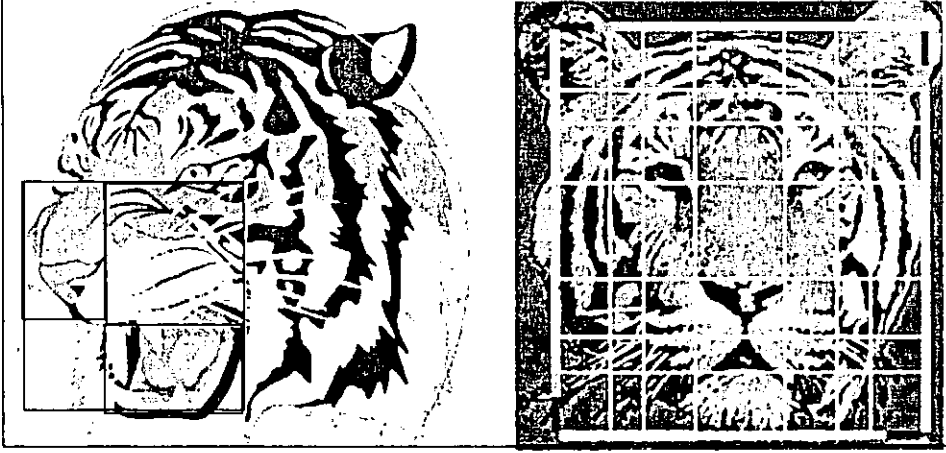
ليتهدي به في طريقه . فيصدر الخفاش نبضات صوتية قصيرة لها تردد عال فوق قدرة الإنسان أن يسمعها بأذنيه . فتنشر موجاتها أمام الخفاش الطائر . فترتطم بأي عائق في طريقه فترتد الأصوات كصدي ليرجمها بسرعة ويقدر المسافة بينه وبين هذا العائق وسرعته بالنسبة للبعد منه وحجم الأشياء من حوله ولاسيما أثناء الظلام . فيدير اتجاهه متجنباً الاصطدام به . وعلي جانب آخر معظم الخفافيش الكبيرة **Megachiroptera**، or megabats آكلة الفواكه نجدها لا تستعمل وسيلة صدي الصوت باستثناء الخفافيش التي تسكن الكهوف والمغارات فتستخدم جهاز تحديد الصدي داخل الكهوف وعندما تخرج للخارج تعتمد على الرؤية والشم.



مجرة الخفافيش



### ثالثاً: النسبة الإلهية في أبعاد وجه النمر



بالنسبة إلى تقسيمات وجه النمر على اليمين نجد أن:

النسبة بين طول الأنف والجهة =  $\Phi = 1,618$ .

النسبة بين أبعاد العين =  $\Phi = 1,618$ .

النسبة بين المسافة من فتحتي الأنف والشارب إلى المسافة بين الشارب والشفة

السفلى =  $\Phi = 1,618$ .

بالنسبة إلى تقسيمات وجه النمر على اليسار نجد أن:

النسبة بين عرض وطول الأنف =  $\Phi = 1,618$ .

النسبة بين أبعاد الفم (وهو مفتوح فتحة طبيعية)  $\Phi = 1,618$  .

النسبة بين أبعاد الخد  $\Phi = 1,618$  .

النسبة بين نصف قطر الحلزون الذهبي  $\Phi = 1,618$



## رابعاً: النسبة الإلهية في قرون الماموث والوعول البرية

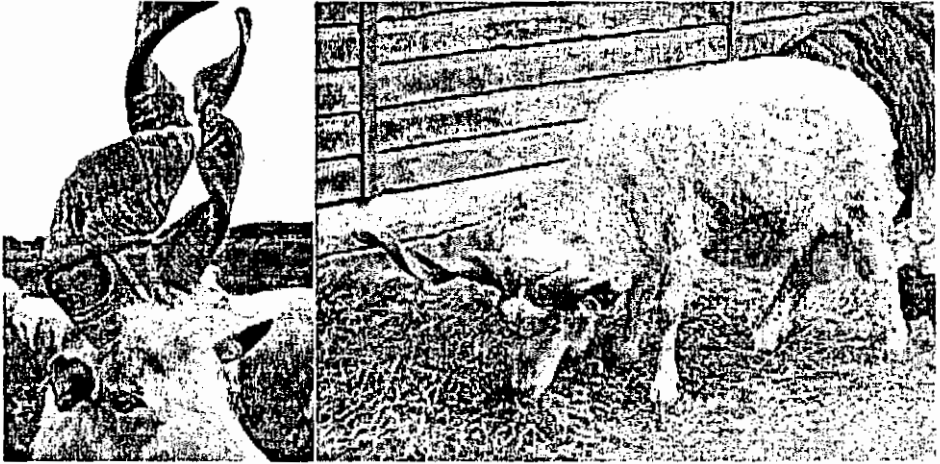


من غرائب الطبيعة وطلاقة قدرة الخالق نجد أنّ هناك فصيلة من الحيوانات، البعض منها له قرون ملتوية حلزونية والبعض منها قرونها ليست كذلك ومازال البحث عن الحكمة الإلهية من الفروق بينهما بهذه الكيفية، وهذه مجموعة من قرون الوعل (العنز البري) وقد بدت حلزونية، وليس بالضرورة أن تتبع المنحنى الحلزوني، ولكن الغالب منها يتبع منحنى النسبة الذهبية، ولاسيما المتقدم في العمر منها. قام عالم بدراسة قرون الوعل أو العنز البري واستنتج إمكانية تزاوج هذين

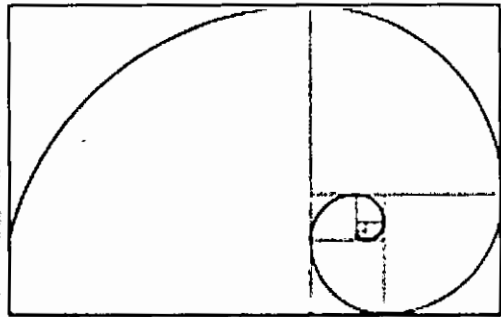


الحلزونين.

وفي حالة قرون البقریات، فإن هذه القرون تتشكل وفق هذه الحلزونات ، لكنها تراكب فوقها لولباً يرتفع في الفراغ على شكل مخروط.



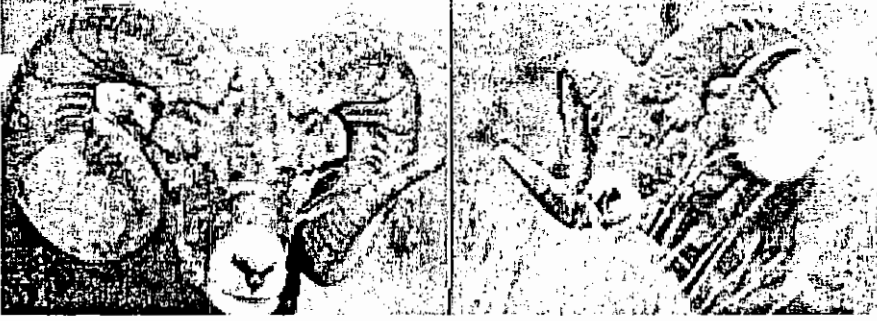
صورة لقرون الوعل (العنز البري)



نأخذ قرن من قرون العنز البري ولنرى مدى التكافؤ بينه وبين الحلزون اللوغارتمي ، فنجد أن النسبة بين أنصاف كل قطرين متتاليين من اللفات الحلزونية

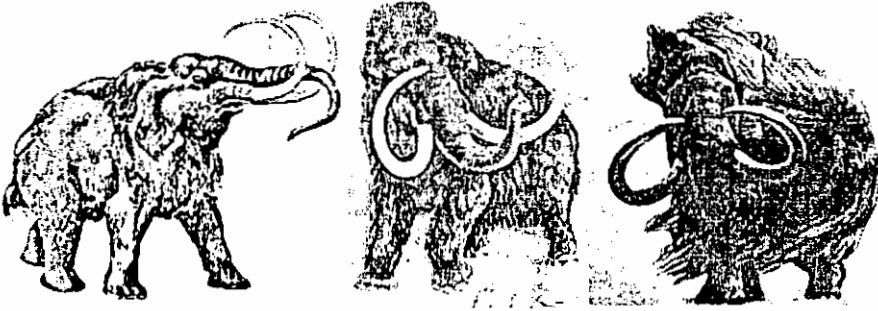
لقرن العنز البري هي  $\Phi$ ، أي أن:  $\Phi = r_1 / r_2$ .

كما هو واضح من الشكل السابق



قرون وعول حلزونية تتبع النسبة الذهبية والكبش البري

إن أكثر ما يدهش العلماء في هذه القرون الحلزونية هو خصائصها التناظرية. فالقرون تنمو مشى مشى، باستثناءات نادرة جداً، لكنها تنمو بحيث يبدو أحدها كصورة للآخر في المرآة، فالقرنان لا يلتفان بالتالي في الاتجاه نفسه. ويفتح هذا الأمر مجالات واسعة للبحث. ويزداد العلماء دهشة عندما لا يكون الانتظام الحلزوني في متعضية واحدة بل صفة لمجموعة من الكائنات معاً!



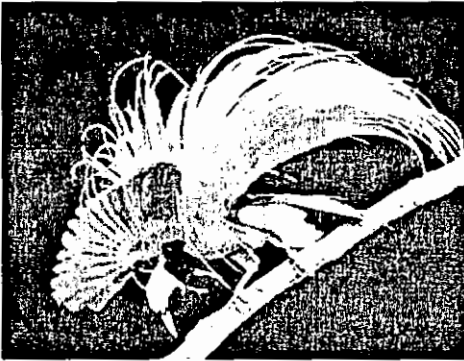
قرون فيلة الماموث

## الفصل الثاني

### النسبة الإلهية في الطيور

قال تعالى: ﴿أَلَمْ تَرَ أَنَّ اللَّهَ يُسَبِّحُ لَهُ مَنْ فِي السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضِ وَالطَّيْرِ صَافَاتٍ كُلُّ قَدْ عَلِمَ صَلَاتَهُ وَتَسْبِيحَهُ وَاللَّهُ عَلِيمٌ بِمَا يَفْعَلُونَ﴾ [النور].

#### أولاً: النسبة الإلهية في ريش ذكر الفردوس

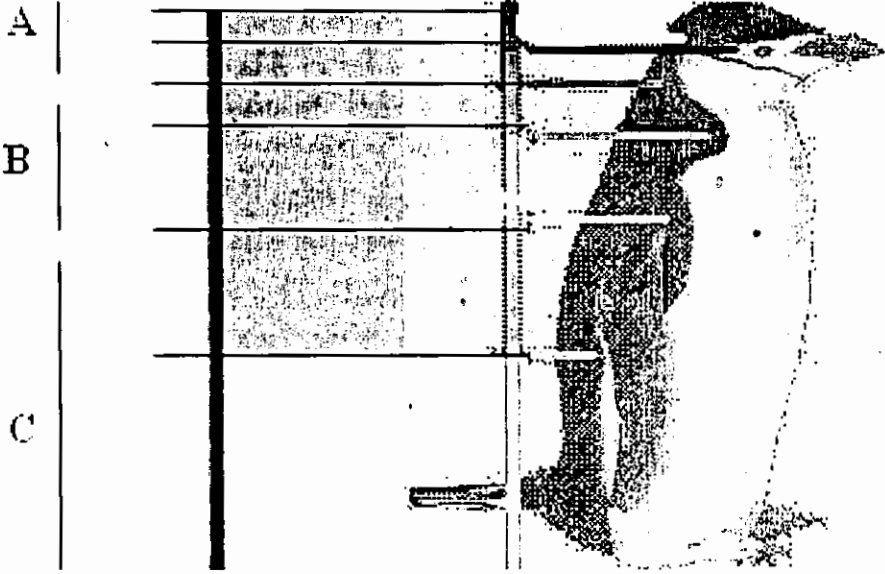


طائر فردوس طائر جميل جداً، تكسو رأسه رقعة عارية من جلد. توجد على ظهر رقبة الطير خصلة من الريش الأخضر كالهالة. يكون لون الظهر قرمزيًا، أما لون الصدر فيكون باهت الخضرة كما يكون ريش مركز الذنب الضيق أزرق اللون. يتقوس الريش حول نفسه، ليشكل دائرة حلزونية الشكل. استدارات كريات الريش الزرقاء لذكور طيور الفردوس على طرف ذيلها يمثل بمنحنى لولبي ذهبي

النسبة بين نصف قطر كل حلزون : إلى الذي يسبقه =  $\Phi:1$



## ثانياً: النسبة الإلهية في أبعاد جسم طائر البطريق



كما نلاحظ هذه النسب الذهبية على طائر البطريق

$$\Phi = 1,618 = C/B = B/A$$

ويلاحظ أن

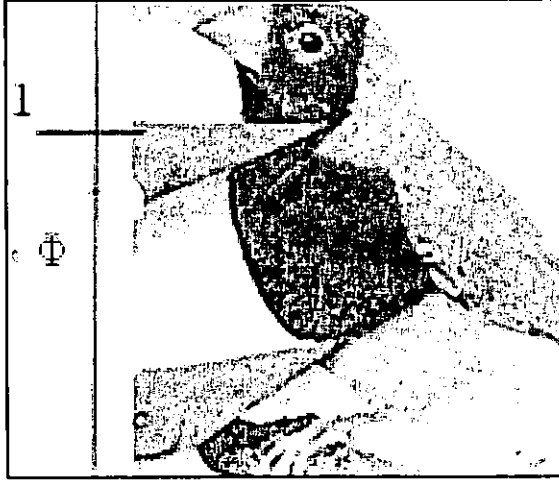
(١) المسافة بين المنقار والعين: المسافة بين العين وآخر حدود الرأس =  $\Phi: 1$

(٢) المسافة بين بداية الجناح ونهاية الجسم: المسافة بين الجناح والرأس =  $\Phi: 1$

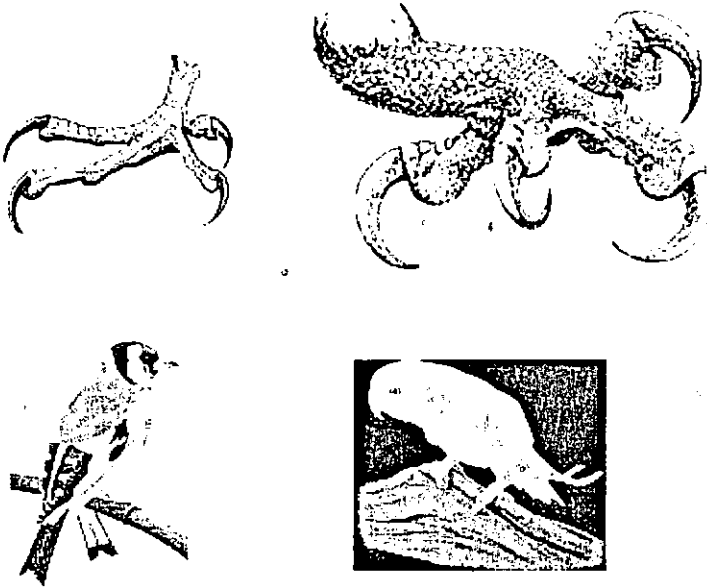
(٣) النسبة بين طول الريش الكبير: النسبة بين طوله الصغير للجناح =  $\Phi: 1$



### ثالثاً: النسبة الإلهية في مخالب وجسم طائر الكناري



النسبة بين عرض الرأس: البطن =  $\Phi$  ، ويمكن استنتاج قياسات أخرى ...



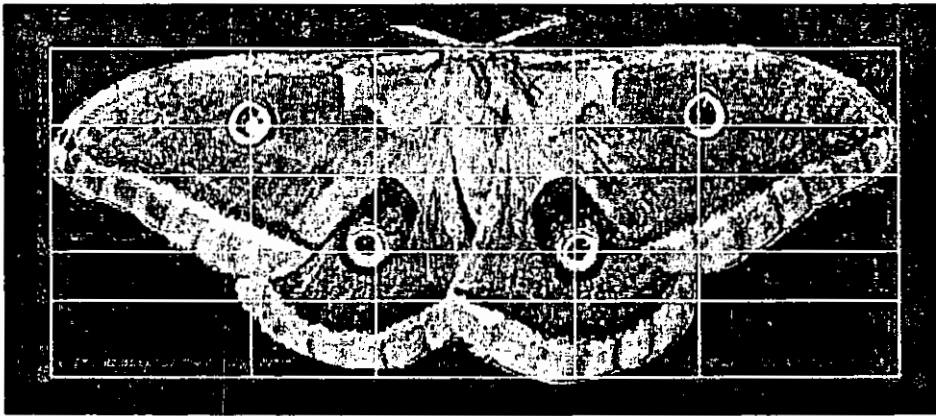
إن مخالب عصفور الكناري عند إمساكها بغصن ترسم حلزون لوغارتمى ذهبي  
النسبة بين أنصاف أقطاره = النسبة الذهبية.



### الفصل الثالث

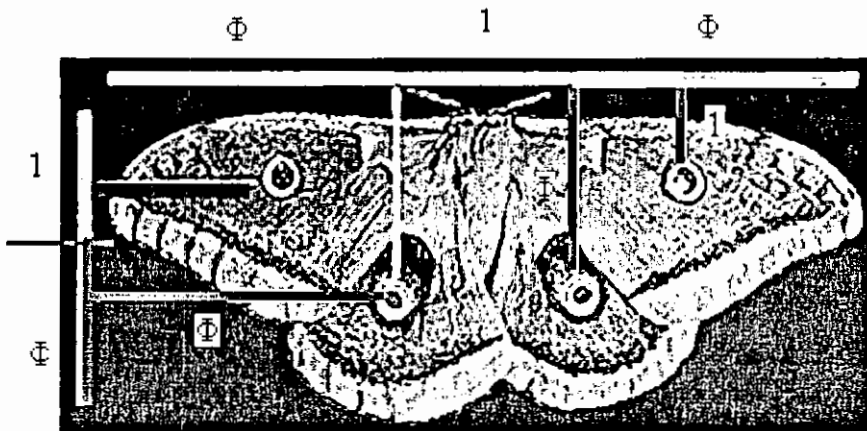
#### النسبة الإلهية في الحشرات

##### أولاً: النسبة الإلهية في أبعاد جسم الفراشة



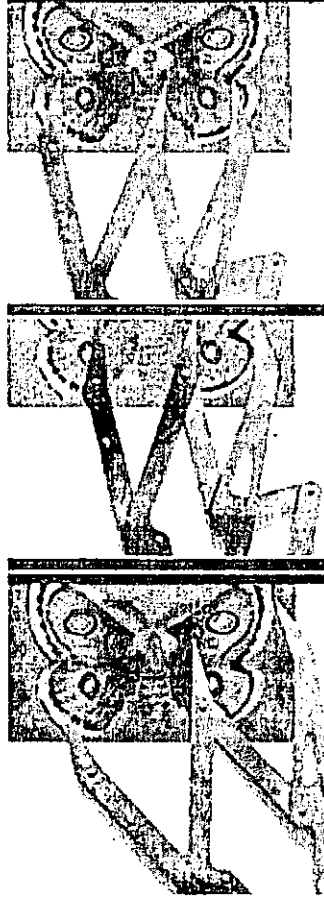
لاحظ في كل المستطيلات الذهبية على جسم الفراشة أن النسبة بين بعدي أي

$$\Phi = 1,618 \text{ أي } \Phi$$

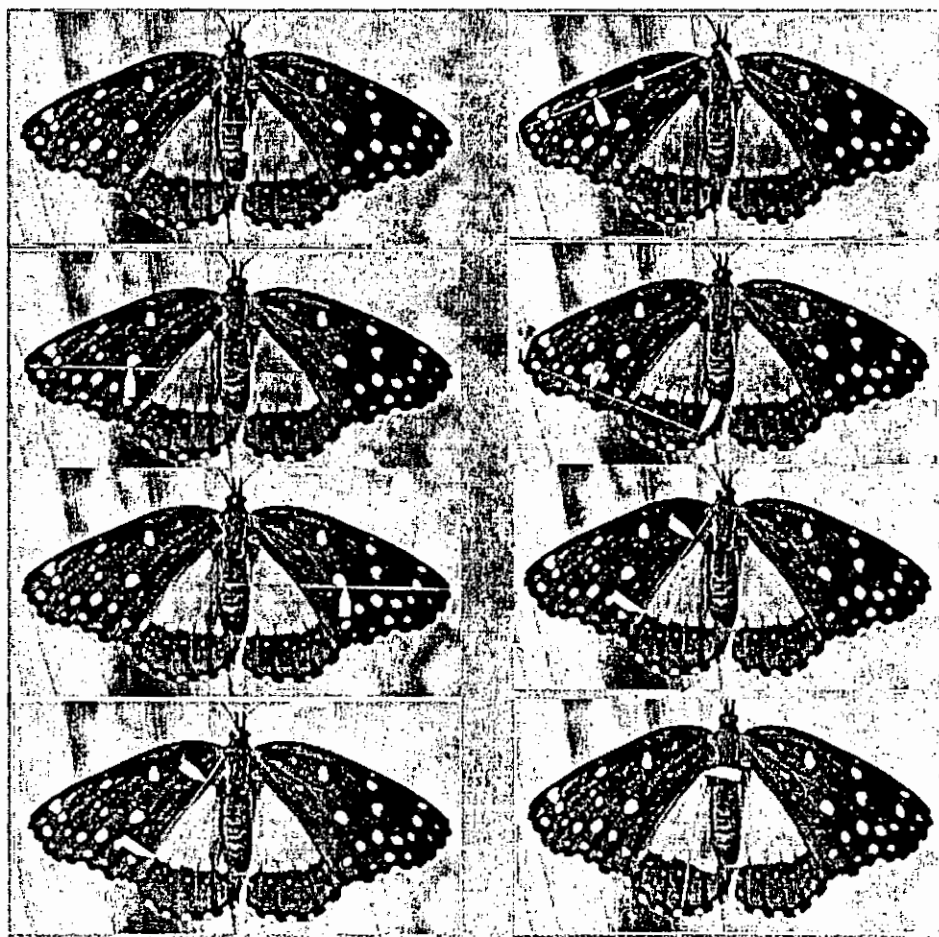




لاحظ أيضاً الأبعاد الموجودة على هذا الرسم تجد أن كل منها بنسبة  $\Phi$ : ١

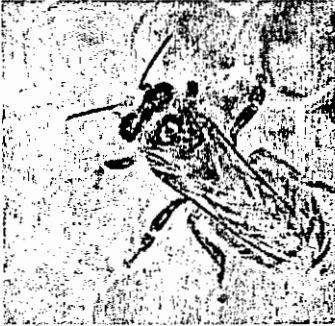
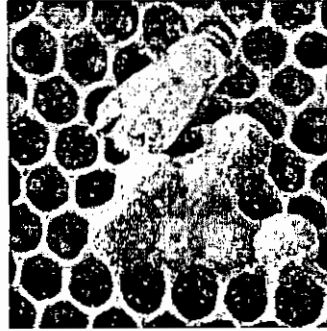


وكذلك الأبعاد بالنسبة للفراشات التالية باستخدام القياسات المختلفة ذات  
الأوضاع المختلفة على جسم الفراشة ... سبحان الله.



## ثانياً: النسبة الإلهية في النحل

قال تعالى: ﴿وَأَوْحَىٰ رَبُّكَ إِلَى النَّحْلِ أَنِ اتَّخِذِي مِنَ الْجِبَالِ بُيُوتًا وَمِنَ الشَّجَرِ وَمِمَّا يَعْرِشُونَ﴾ [النحل].



لاحظ الأبعاد النسبية على جسم النحلة وأظنك الآن أخي القاريء قد تمرنت على المستطيلات الذهبية ولكن هنا نضيف معلومة جديدة:

ما موضوع الحلزون الذهبي الذي يوجد عند مؤخرة النحلة؟

إن النحلة (الملكة) حينما يبدأ حفل زفافها، تحوم حول الخلية عدة مرات، لكي تعرفها وتحدد موقعها أثناء الرجوع، وهذه الحركة تتبع هذا المنحنى، علاوة على ذلك أثناء عودة النحل من جمع الرحيق، تبعث إشارات لاسلكية مؤذنة بأنها وجدت منجماً يساعدها على إنتاج العسل، ومن الغريب حقاً أن النحل يحدد مكان الخلية على النحو التالي:

تقوم النحلة بالطيران في مساحة كبيرة للبحث عن غذائها المتمثل في رحيق الأزهار. وقد يصل بُعد هذه المسافة إلى ٨٠٠ متر عن خليتها. وتقوم بجمع رحيق الزهور، وعندما تجد الزهور ترجع إلى الخلية لتعطي خبراً بذلك، ولكن كيف يمكن لهذه النحلة أن تصف مكان الزهور لبقية النحل؟

عندما ترجع النحلة إلى الخلية ترقص على هيئة معينة، وهذا الرقص هو أسلوبها للتعريف بمكان الزهور حتى تصل بقية النحل إلى المكان، وبهذه الطريقة فإنها تكشف عن مجموعة من المعلومات، من بينها بعد المكان.

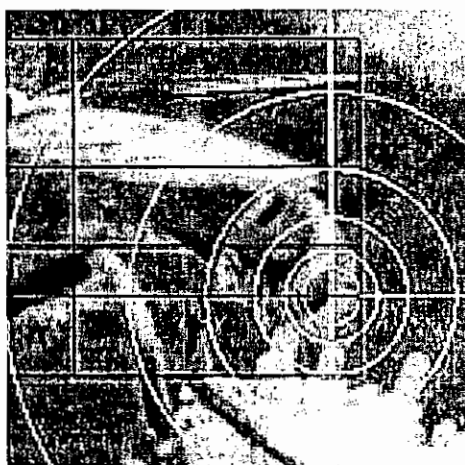
عندما ترقص النحلة ترسم شكل الرقم (٨). وعندما تقوم برسم الرقم 8 تهز ذيلها في منتصف الرقم وترسم خطوطاً متداخلة. وبهذه الطريقة تستطيع أن تبين الزاوية المحصورة بين الشمس والخلية، وبذلك تنبأ عن الطريق الصحيح للزهور. ولكن هذا وحده لا يكفي لأن النحلة العاملة تقوم بجمع رحيق الأزهار يجب أن تعرف مسافة طول الطريق. ولهذا السبب فالنحلة العائدة يجب أن تصف ذلك أيضاً، ومن أجل ذلك تقوم بهز القسم السفلى من جسمها فتكون بذلك تيارات هوائية،

وبقية النحل تلتقط هذه التيارات بواسطة الهوائيات الموجودة في رأسها وبذلك يمكنها معرفة بعد المسافة. فلمعرفة المسافة ٢٥٠ متر مثلاً تقوم بهز القسم السفلى من جسمها ٥ مرات خلال نصف دقيقة، ومن هنا يمكن معرفة الزاوية والمسافة. أما إذا كانت المسافة بعيدة ذهاباً وإياباً فهنا تكمن مشكلة بالنسبة إلى النحلة التي تقوم بوصف مكان الزهور بالنسبة إلى زاوية الشمس من الخلية، لأن هذه الزاوية تتغير بمقدار درجة في كل ٤ دقائق...!

طبعاً النحلة لا تواجه أية صعوبة في تعيين المكان، وذلك لامتلاكها عيوناً ذات عدسات سداسية الشكل صغيرة الحجم مثل التلسكوب، وهي ترى المساحات الضيقة، وعندما تخرج النحل في أي ساعة من النهار، وعندما تنظر إلى الشمس فهي تستطيع دائماً أن تجد مكانها وتصفها.

إن النحلة تستفيد من مقدار ضوء الشمس الذي يتغير طول النهار في حساباتها وتحديد مكان الأزهار. وفي الأخير فالنحلة مهما تقدمت ساعات النهار فإنها تقوم بتغيير حساباتها على ذلك الأساس لتعطي معلومات دقيقة إلى الخلية.

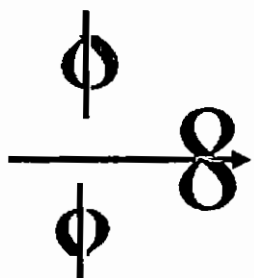
والآن عودة لرقص النحل على هيئة رقم ٨، دعنا نكبر حركة ذيل النحلة



الشكل السابق هو جزء من الجزء العلوي الذي تحدثنا عليه آنفاً، وهو عبارة عن حركة ذيل النحلة على هيئة رقم ٨ وحوله خطوط حلزونية تتبع اللولب الحلزوني اللوغارتمي والذي النسبة بين نصفي قطرين متتاليين فيه = ١, ٦١٨ .

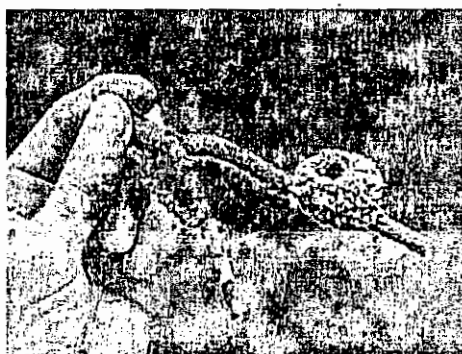
وأخيراً ما هو سر الرقم ٨ ؟ ولماذا تضع النحلة ذيلها في منتصفه ؟

انظر إلى شكل الرقم ؟ أقم عموداً على الرقم ٨ من منتصفه ، ثم اقسمه قسمين ؟ هكذا.. إنه ... فاي .... ثم ... فاي ... أخرى. ما السبب ؟



حركة ذيل النحلة في منتصف الرقم 8

يا للعجب !!! إنه رمز فاي  $\Phi = 1, 618$  .... سبحان الله ... من علم النحلة .... سر هذه النسبة الإلهية !!! .... إنه الله ... إنه الوحي الإلهي ..... للنحل.



عش طنان النحل

شيء عجيب آخر... إنه عش طنان النحل... إنه على شكل  $\Phi$  !!! ....  
سبحان الله .... إن الغصن في منتصفه تماماً ..... إننا نسجد شكراً لله العظيم.  
وما زال هناك أسرار أخرى.... نقدمها إن شاء الله.

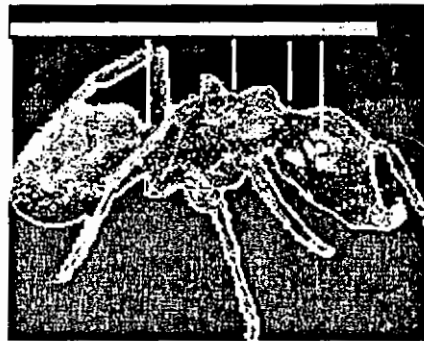


### ثالثاً: النسبة الإلهية في أبعاد جسم النملة

قال تعالى: ﴿حَتَّىٰ إِذَا أَتَوْا عَلَىٰ وَادِي النَّمْلِ قَالَتْ نَمْلَةٌ يَا أَيُّهَا النَّمْلُ ادْخُلُوا مَسَاكِنَكُمْ لَا يَحْطِمَنَّكُمْ سُلَيْمَانُ وَجُنُودُهُ وَهُمْ لَا يَشْعُرُونَ ﴾ [النمل].

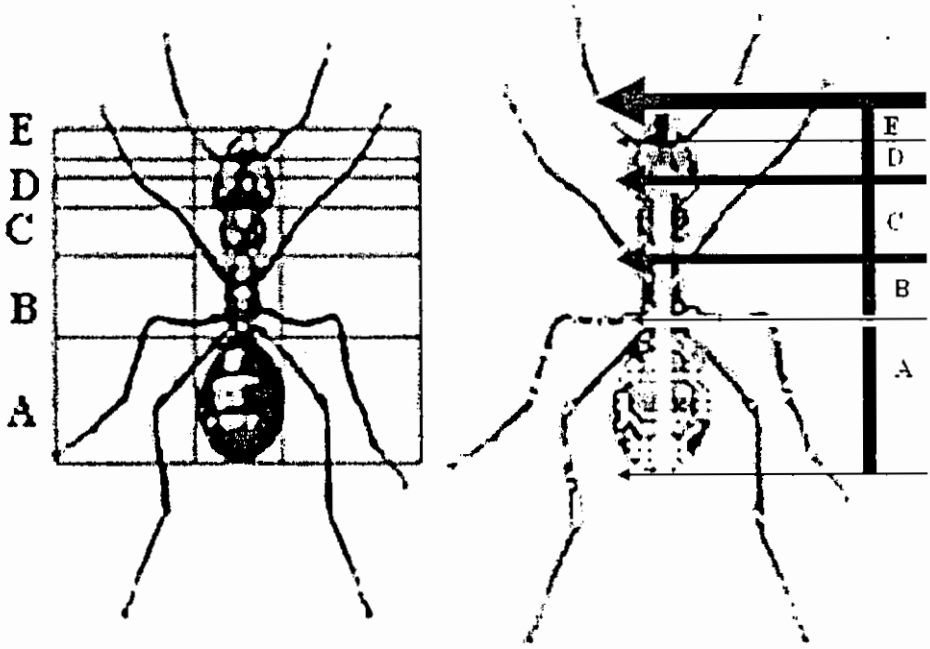


A B C D E

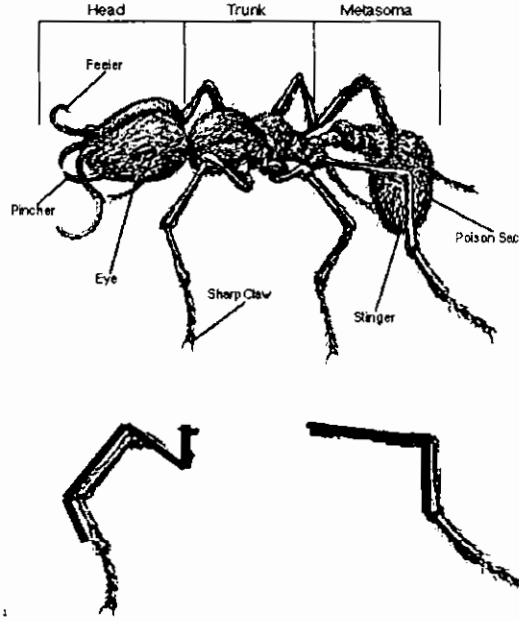




من الشكل السابق يتضح التناسبات في جسم النملة حيث أن:  
 $1,618 = A/B = B/C = C/D = D/E$  ولك أن تلاحظ مسميات أجزاء  
 جسم النملة على الرسم



لاحظ أن النسبة بين طول الجزء الأخير: عرضه  $= 1 : \Phi$ ، كما يلاحظ التناسبات  
 الذهبية على رأس النملة، كما يلاحظ النسب بين أجزاء الجسم الثلاثة، فنجد أن  
 جسم النملة مقسم إلى ثلاثة أجزاء، وأن طول الجزء الأخير على طول الجزء  
 الأوسط  $= 1,618 = \Phi$

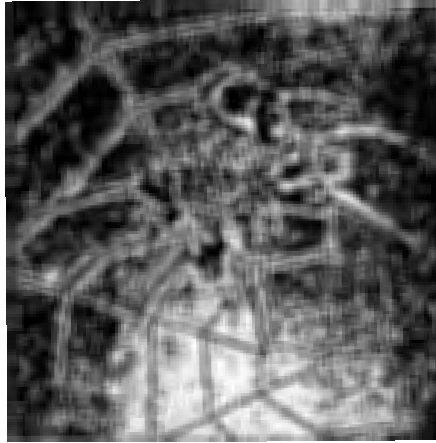


لقد قمنا بقص أرجل النملة ووجدنا تناسبات ذهبية بين الأجزاء الميئة بالشكل  
السابق .... سبحان البديع .... سبحان الله العظيم ... سبحان الباريء المصور



## رابعاً : النسبة الإلهية في شبكة العنكبوت

قال تعالى : ﴿وَإِنَّ أَوْهَنَ الْبُيُوتِ لَبَيْتُ الْعَنْكَبُوتِ لَوْ كَانُوا يَعْلَمُونَ﴾  
[العنكبوت] .

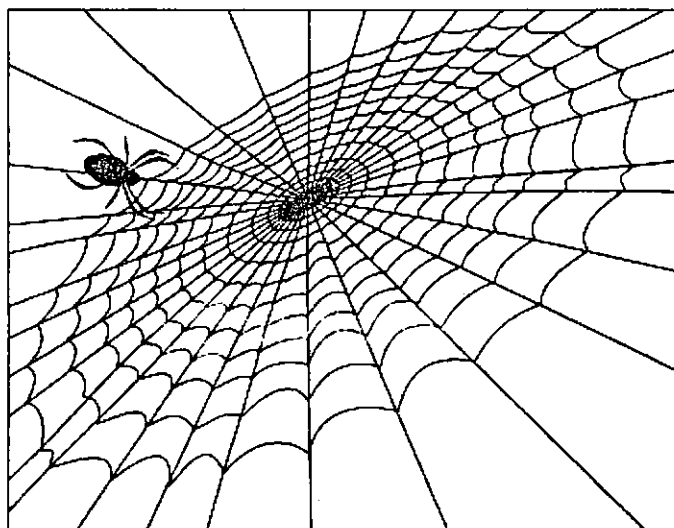
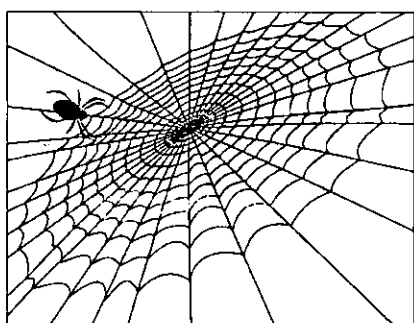
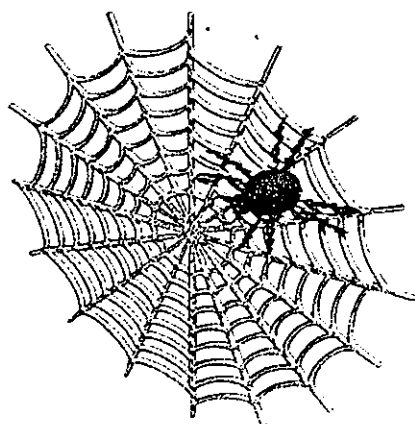


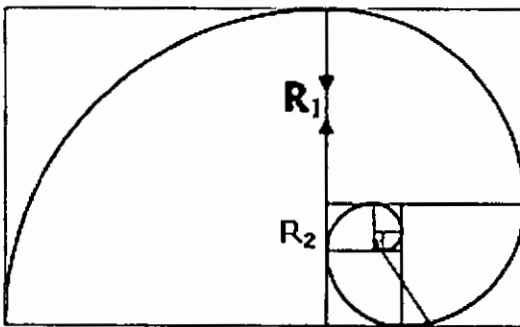
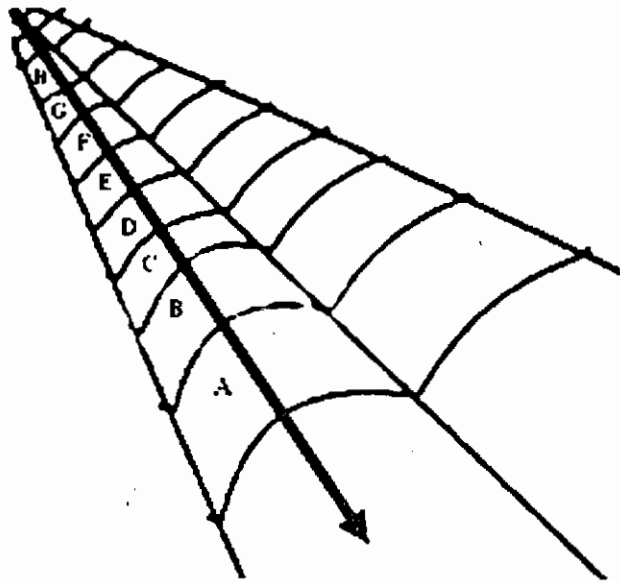
ولعل أحد أروع الأمثلة على الحلزونات الذهبية هو شبكة العنكبوت. فخيوط الشبكة اللولبية تتراص وتتقارب من بعضها كلما اقتربت من المركز. وعند مسافة معينة فإنها تتوقف فجأة، ويظهر الحلزون الإضافي الذي لم يُدْمَر في منطقة المركز فيكمل نحو المركز بدورات أكثر فأكثر تقارباً. ويكاد الشكل الناتج يطابق الوصف الرياضي.

لقد ذكرنا سابقاً أن النسبة بين طول نصف قطر حلزون ذهبي :الذي يسبقه = النسبة الذهبية (فاي) = ١, ٦١٨ .

وبيت العنكبوت مبني على أساس هذه الهندسة الإلهية، فلم يتعلم العنكبوت في أي جامعة ولم يدرس الرياضيات ، شأنه شأن كل الحيوانات والحشرات

والزواحف والطيور، وتتناول الآن قطاعاً في بيت العنكبوت وندرسه هندسياً:





مركز الحلزون

من الشكل السابق نجد أن نصف كل دائرة حول مركز العنكبوت (نقطة الأصل) يزداد بنسبة ٦١٨ ، ٠ عن سابقه حيث وجد بالقياس أن:

$$\Phi = 1,618 = a/b = b/c = c/d = d/e = e/f = f/r$$

وعلى اليسار نجد أن الخيط يشبه الحلزون الذهبي

$$\Phi = 1,618 = r1/r2 \text{ حيث:}$$

لاحظ أن:  $a, b, c, d, \dots$

هي أنصاف أقطار الدوائر الحلزونية من المركز،  $r1, r2$  هما أنصاف أقطار الحلزون اللوغارتمي من مركز الحلزون،  $r1 > r2$

### الإعجاز العلمي في بيت العنكبوت:

من خلال الدراسات المستفيضة في علم الحشرات وعن طبيعة حشرة العنكبوت اتضحت الحقائق التالية.

الحقيقة الأولى: أن ذكر العنكبوت لا يستطيع أن يبني بيتاً إن التي تقوم ببناء البيت هي أنثى العنكبوت فقط من خلال مغزل خاص موجود في نهاية بطنها ولا يوجد لدى الذكر.

الحقيقة الثانية: لا تبدأ أنثى العنكبوت في بناء البيت إلا حينما تصل إلى مرحلة البلوغ والاستعداد إلى الزواج. فتقوم عند ذلك ببناء بيتها والذي يكون عامل قويا لجذب الذكر الغير قادر على البناء بطبيعة خلقه.

الحقيقة الثالثة: تقوم الأنثى ببناء بيتها بخيوط منسوجة بتداخلات فنية وهندسية خاصة بحيث تكون شديدة الحساسية لأي اهتزازات خارجية وهي مشبعة بمواد لزجة صمغية تلتصق بها أي حشرة بمجرد مرورها عليها وتقوم هذه الخيوط بتكبير

الحشرة حتى تأتي أنثى العنكبوت فتفترسها.

الحقيقة الرابعة: بعد أن تتم مرحلة التزاوج وينتهي الذكر من تلقيح الأنثى تذهب الأنثى إلى مكان بعيد من حيث تضع بيضها وبينما الذكر في بيته آمن فإذا بالأنثى تنقض عليه فتأكله وهذا الأكل لا بد منه حيث أن أنسجة الذكر مهمة في عملية الإنتاج للبيض.

وبهذه الحقائق التي استخلصها الباحث تتضح الأمور التالية.

أولاً: بيت العنكبوت هو أو هن البيوت على الإطلاق من حيث بنائه ودقة خيوطه التي لا تقى حراً ولا قرأ ولا تدفع عدواً كما قال أهل التأويل رحمهم الله.  
ثانياً: على الرغم من أن بيت العنكبوت هو أو هن البيوت إلا أنه لا يعدو فخاً وشركاً منصوباً لأي دويبة أو حشرة تقترب منه أو تمر عليه.

ثالثاً: لا يقتصر وهن بيت العنكبوت على الوهن الحسي الظاهر في بنائه فقط بل إن هناك وهنا معنوي آخر حيث بدا هذا البيت للذكر أماناً كاذباً وقد كان مصرعه حيث ضمن الأمان وكذلك مصير الذين يتخذون من دون الله أولياء.

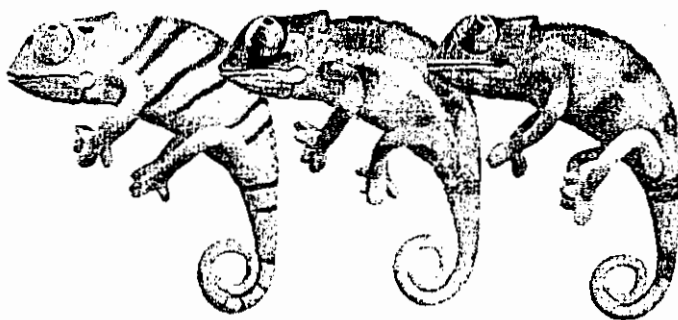


## الفصل الرابع

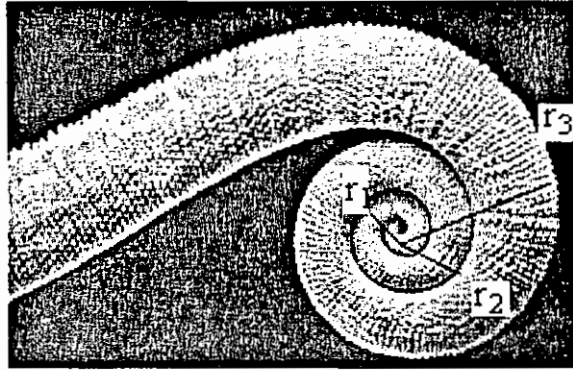
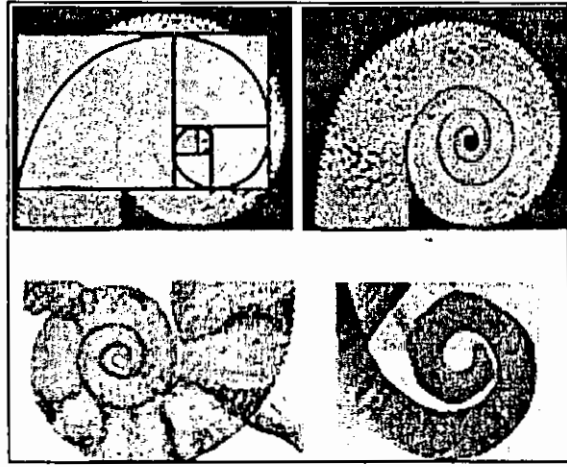
### النسبة الإلهية في الزواحف

﴿وَاللَّهُ خَلَقَ كُلَّ دَابَّةٍ مِنْ مَّاءٍ فَمِنْهُمْ مَنْ يَمْشِي عَلَى بَطْنِهِ وَمِنْهُمْ مَنْ يَمْشِي عَلَى رِجْلَيْنِ وَمِنْهُمْ مَنْ يَمْشِي عَلَى أَرْبَعٍ يَخْلُقُ اللَّهُ مَا يَشَاءُ إِنَّ اللَّهَ عَلَى كُلِّ شَيْءٍ قَدِيرٌ﴾ [النور]

أولاً: النسبة الإلهية في ذيل الحرباء



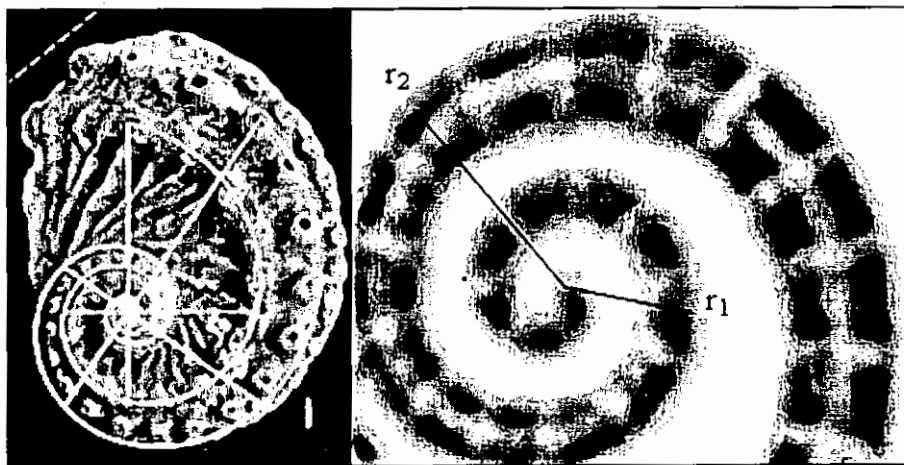
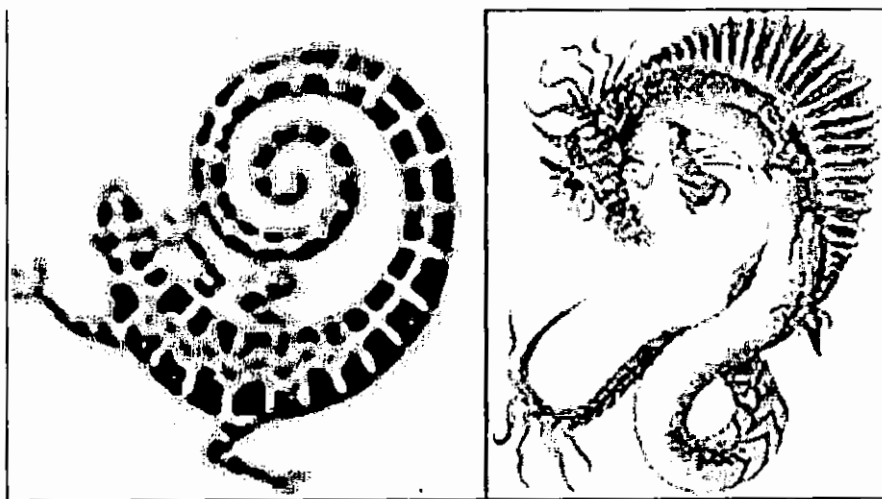




نكبر ذيل الحرباء ولنرى مدى التكافؤ بينه وبين الحلزون اللوغارتمي ، فنجد أنّ النسبة بين أنصاف كل قطرين متتاليين من اللفات الحلزونية لذيل الحرباء هي  $\Phi$  ، أي أنّ  $r_2 / r_1 = r_3 / r_2 = 1.618 = \Phi$



## ثانياً: النسبة الإلهية في ذيل التنين



نكبر ذيل التنين ولنرى مدى التكافؤ بينه وبين حلزون القوقعة اللوغارتمي ،  
ف نجد أنّ النسبة بين أنصاف كل قطرين متتاليين من اللفات الحلزونية لذيل التنين  
هي  $\Phi$ ، أي أنّ :  $\Phi = r_2 / r_1$  كما هو واضح من الشكل السابق

وجد أنّ بعض الشعاب تلتف نفسها حسب اللولب الحلزوني اللوغارتمي عند  
نومها ، مع العلم أنّها لا تشكل أمراً عاماً وليس لها قاعدة عامة بالنسبة للنسبة  
الذهبية .... والله أعلم.



## الفصل الخامس

### النسبة الإلهية في المخلوقات البحرية

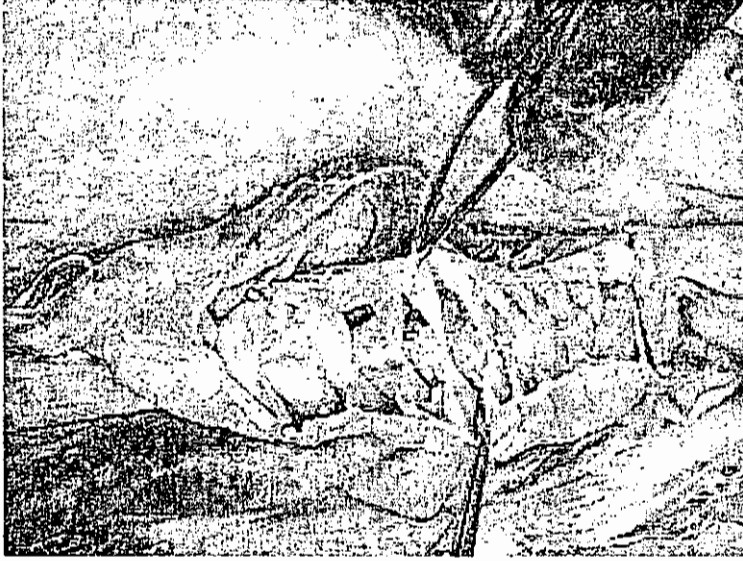
﴿وَهُوَ الَّذِي سَخَّرَ الْبَحْرَ لِتَأْكُلُوا مِنْهُ لَحْمًا طَرِيًّا وَتَسْتَخْرِجُوا مِنْهُ حِلْيَةً تَلْبَسُونَهَا وَتَرَى الْفُلْكَ مَوَاجِرَ فِيهِ وَلِتَبْتَغُوا مِنْ فَضْلِهِ وَلِعَلَّكُمْ تَشْكُرُونَ﴾  
[النحل]

#### أولاً: النسبة الإلهية في أمعاء سمك القرش



ترجع أقدم الدراسات التي أشارت إلى وجود بنية حلزونية في الحيوانات إلى عام ١٦٦٨ . ففي دراسة لأمعاء سمك القرش، دهش العلماء لشكله المميز. فثمة في جهازه الهضمي صمام حلزوني، يحقق شكلاً هندسياً يقتصد كثيراً في المساحة التي يشغلها. وهو عبارة عن حلزون لولبي يسمح له بهضم فرائس كبيرة الحجم. ويستند هذا اللولب من أحد طرفيه على جدار الأمعاء. وسبب ذلك هو إبطاء دخول وجبات الطعام من أجل المساعدة على الهضم. فالطريق الحلزوني يجعل

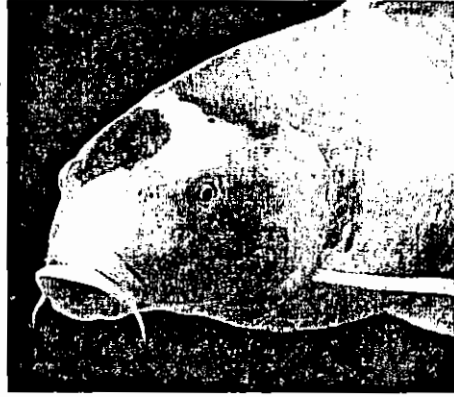
الغذاء يستغرق وقتاً طويلاً للمرور على الرغم من قصر المسافة المباشرة. وقد استلهم أحد المعمارين فيما بعد من هذا الشكل الحلزوني لأمعاء القرش شكل درج برج متحف اللوفر ثم مرصد باريس، وهو درج حلزوني إنما لا يرتكز على محور حامل!



أمعاء سمك القرش الحلزونية



## ثانياً: النسبة الإلهية في أمعاء سمكة اللياء (الري)



لقد بينت الدراسات اللاحقة أن الشكل الحلزوني موجود عند أنواع أخرى مثل سمكة اللياء أو الري. ويميز العلماء اليوم أربعة أنواع من الصمامات، وأهمها وأكثرها إدهاشاً عند سمكة الري إذ يتميز بمحور مركزي سائد مما يزيد من تأخير مرور الغذاء. إن هذه الصمامات تسمح بامتصاص أفضل للمادة الغذائية بعد تعرضها للعصارة المعدية، وتضاعف هذه الصمامات السطح الماص بين ثلاث إلى ست مرات أكثر بالنسبة إلى أمعاء لا تحتوي على مثل هذه الصمامات الحلزونية.

سمكة اللياء الكهربائية التي تسمى أيضاً الرعادة تقتل فرائسها بطريقة مثيرة للاهتمام: فهي تكهرب الضحايا (الجمبري أو الأسماك الصغيرة) ثم تغطيها بالزعانف الصدرية قبل أن تقضي عليها نهائياً بواسطة الكهرباء وذلك بتفريغ شحنتها الكهربائية التي تصل إلى ٢٠٠ فولت. سمكة اللياء الكهربائية تحتوي على ١٠٠٠٠ شريحة كهربية في كل عضو كهربائي. يدفن سمك الري الكهربائي نفسه في الرمال وينتهي لصعق ضحاياه على حين غرة بقوة تفوق مئتي فولت من الكهرباء

محدث صدمة كافية للتسبب بشلل حتى للإنسان، إن سمكة الري هذه لها رتتان في أجنحتها وهذا من إبداع الخالق عز وجل.!!!

ومن أنواع سمكة الري السمك اللساع والذي يعتبر أضخم هذه الأنواع حجماً يبلغ قطر بعضها نحو سبعة أقدام، هذه الأسماك الدائرية الشكل تتواجد عادة قرب الصخور وفي القاع.

وهو من أبناء أعماق سمك الري الكهربائي، يدفن نفسه أيضاً في الرمال ولكن ليس بهدف الصيد، بل للاختباء خوفاً من أن تعمل أنواع معادية من سمك القرش على اصطياده.

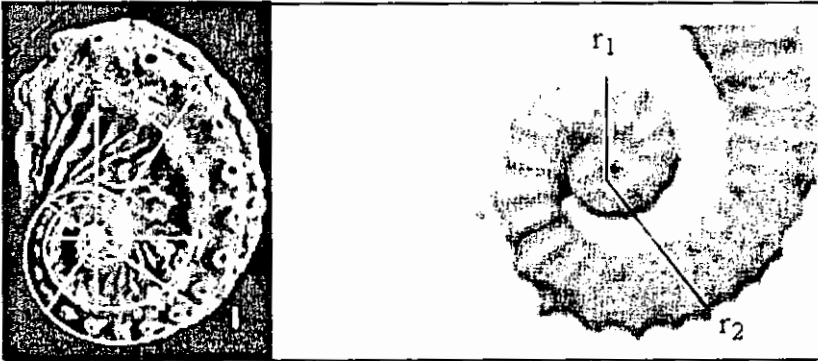


### ثالثاً: النسبة الإلهية في ذيل حصان البحر



انظر: اللولب الحلزوني ذو اللفتين عند الذيل إنه يقترب من النسبة الذهبية  $\Phi$

تماماً بل إنه على شكل الرمز  $\Phi$





لنأخذ ذيل من الذبول السابقة ولنرى مدى التشابه بينه وبين حلزون القوقعة اللوغارتمي ، فنجد أن ذيل حصان البحر النسبة بين أنصاف كل قطرين متتاليين من الملفات الحلزونية هي  $\Phi$  ، أي أن  $\Phi = r_2 / r_1$  كما هو واضح من الشكل السابق نبذة مختصرة عن حياة حصان البحر :

إن حصان البحر لا يستطيع السباحة بعكس التيارات المائية ولكي يتمكن من مواجهة الانجراف في هذه التيارات يتمسك هذا الحيوان بالنباتات البحرية والمرجانية بواسطة ذنبه القابض الملتف. وتعيق بنيته الجسدية الصلبة إلى حد كبير قدرته على السباحة بحيث أن المصدر الوحيد للدفع هو عبارة عن زعنفه مثبتة في الظهر تقوم بإحداث موج طفيف يدفعه إلى الأمام بوضعية عمودية.

#### بيئة حصان البحر

في : المناطق الاستوائية – البحار الدافئة – الشواطئ المعتدلة .  
ويتنشر في كافة بحار العالم وبأشكال مختلفة حيث يتواجد على عمق قليل نسبياً بين أعشاب البحر والطحالب ، وفي الأعماق الأكبر بين إسفنج البحر والمرجان .  
مكونات جسمه :

حصان البحر لديه هيكل عظمي قوي ، ويغطي جسمه طبقة من القشر العظمي . يستعين بالإمساك بالأشياء من خلال ذيل طويل ، وعيناه .. تتميزان برؤية ثاقبة حيث يستطيع تحريك كل عين على حدة . فمه صغير في طرف خطمه الأنبوبي الشكل الذي يمكنه من امتصاص العوالق والقريدهس والأسماك الصغيرة . يتمتع بقدرة كبيرة في التمويه . وهذا يعتمد على المكان المتواجد فيه حيث يتلون بألوانه ، بالإضافة إلى نوع الغذاء الذي يتغذى به .

ليس لديه زعانف ذيلية بل يعتمد على زعانف موجودة على ظهره مما يجعل سباحته بطيئة.

### أنواع حصان البحر:

إن اختلاف التاج في أعلى رأس حصان البحر يساعد على تحديد نوعه . لحصان البحر عدة أنواع ، يتراوح طولها ما بين ٥،٢ و ٣٥ سم.

### حصان البحر والزواج:

بين تشرين الأول ونيسان يلتقي ذكر حصان البحر والأنثى في رقصة مثيرة تضع الأنثى خلالها من ١٠٠ الى ٢٥٠ بيضة مخصبة في جيب يحمله الذكر في أسفل بطنه . وبعد وضع البويضات يقفل الجيب ويغلف بطبقة شبه أسفنجية . تستغرق عملية اكتمال نمو الأجنة مدة تتراوح ما بين ٣ إلى ٤ أسابيع تتغذى خلالها من إفرازات يفرزها الذكر داخل الجيب بعد انتهاء مدة تشكل الأجنة.

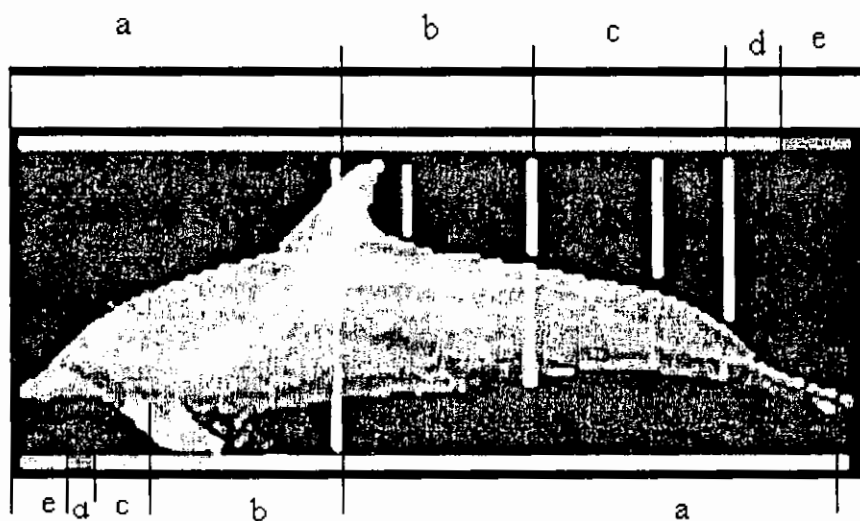
### حصان البحر والإنجاب:

تبدأ صغار حصان البحر بالخروج من الجيب في عملية تستغرق يومين يبلغ طول الواحد منها ١ سم ، بدأت رحلة النمو الطبيعي ، متغذية على العوالق والقشريات مع الإشارة إلى أن حصان البحر يستطيع التزاوج لمرات عدة حيث يمكنه المباشرة بعملية تزاوج جديدة فور الانتهاء من عملية الإنجاب.



#### رابعاً: النسبة الإلهية في أبعاد جسم الحوت والدلفين:

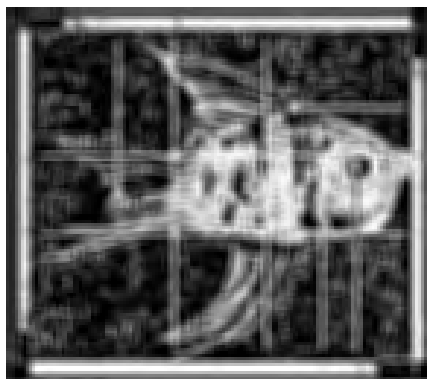
﴿قَالَ أَرَأَيْتَ إِذْ أَوَيْنَا إِلَى الصَّخْرَةِ فَإِنِّي نَسِيتُ الْحُوتَ وَمَا أَنْسَانِيهِ إِلَّا الشَّيْطَانُ أَنْ أَذْكُرَهُ وَاتَّخَذَ سَبِيلَهُ فِي الْبَحْرِ عَجَباً﴾ [الكهف]



لاحظ التناسق الرباعي و الأبعاد في الدولفين **Dolphin** – العينين و الزعانف و الذيل كلها تخضع للنسبة الذهبية من طول جسم الدولفين، لاحظ أبعاد الزعنفة الظهرية باللونين الأصفر والأخضر، وسمك منطقة ذيل الدولفين من الخط من منطقة الرأس إلى منطقة الذيل.

تجد أن النسب:

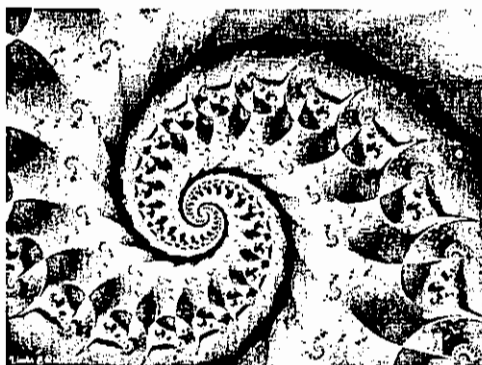
$$\Phi = 1,618 = a/b = b/c = c/d = e/d$$



كذلك الأبعاد النسبية للسمة المبينة بالشكل لكل من الرأس والذيل والزعانف  
والعين والجسم  $\Phi =$



## خامساً : النسبة الإلهية في خلق القواقع



### ١ . مقدمة تاريخية عن الحلزونات في القواقع :

يزداد اهتمام العلماء بدراسة أشكال الحلزونات في الرياضيات وفي الطبيعة. هل يمكن أن تخضع قوقعة ومجرة للقانون الهندسي نفسه؟ إن منحنيات خاصة محددة هندسياً تحديداً كاملاً تنطبق على عدد هائل من التنوعات الطبيعية. ويوجد نحو 80000 نوع من الرخويات التي تنمو معظم أصدافها ومحاراتها حلزونياً

ما هو التعريف الرياضي لهذه الحلزونات، وما هي أنواعها؟

للإجابة عن هذا السؤال نتعرض الآن لأربعة من العلماء ، وهم : «دالامبيرت» (الفرنسي)... أرشميدس (الإغريقي) ... «ديكارت» (الفرنسي) ... «تومسون».

## أولاً: الحلزون عند دالامبيرت.

يعرف عالم الرياضيات «دالامبيرت» الحلزون بأنه خط منحن، يتعد باستمرار عن مركزه، منجزاً دورات كثيرة حوله. ووفق «دارسي تومسون» فإن الحلزون عموماً هو منحن يتميز بنقطة أصل، وينقص انحناءه كلما ابتعدنا عن هذه النقطة. ولهذا يتم التمييز وفقه بين الحلزونات واللوائب التي لا يحقق دورانها ابتعاداً عن المركز.



دالامبيرت يتوسط تسالته في باريس

المفردات	البيانات الشخصية
الاسم	جين لي رون دالامبرت (غير شرعي).
تاريخ الميلاد	١٦ نوفمبر ١٧١٧م
مكان الميلاد	باريس - فرنسا
تاريخ الوفاة	٢٩ أكتوبر ١٧٨٣م
مكان الوفاة	باريس - فرنسا
سبب الوفاة	أمراض المثانة

المفردات	البيانات الشخصية
الجنسية	فرنسى
المهنة	عالم رياضيات فيلسوف
اسم الأب	دستوش
اسم الأم	السيدة تانسن



«تانسن» والدته دالامبرت وقد ظهرت الصورة الوسطى في مرحلة الشباب عندما تركت ابنها دالامبرت على سلام الكنيسة أما الصورتان الجانبيتان أثناء مقابلتها له وهو كبير ورفض الرجوع والعيش معها.



## ثانياً: الحززون عند أرشميدس.

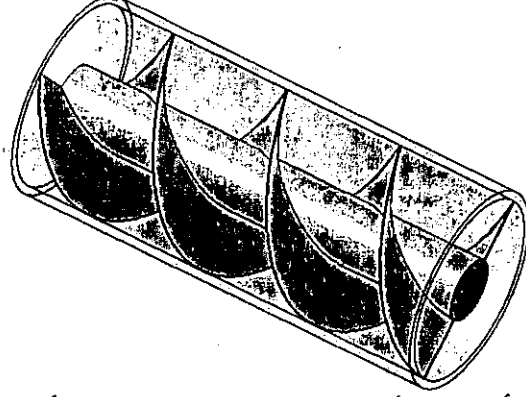


أرشميدس .

المفرادات	البيانات الشخصية
الاسم	أرشميدس فيدياس
تاريخ الميلاد	٢٨٧ ق.م.
مكان الميلاد	سيراكوز - صقلية.
مكان الوفاة	٢١٢ ق.م.
تاريخ الوفاة	صقلية
الجنسية	إغريقي (إيطالي حالياً).
المهنة	عالم فيزياء ورياضيات.
أهم الأبحاث	ميكانيكا الحركة
مهنة الأب	عالم فلك



كان أول من حدد حلزوناً معيناً هو «أرخميدس» ويُعرف الحلزون باسمه. والمنحني الذي يرسمه منتظم. وقد عرّفه «أرخميدس» من منظور حركي، معتبراً نقطة تتحرك على مستقيم بسرعة ثابتة في حين يدور هذا المستقيم بسرعة زاوية ثابتة حول إحدى نقاطه. وفي هذه الحالة تزداد اللفات بشكل عددي.



اكتشف أرشميدس «الطنبور» المسمى (بحلزون أرشميدس)



## ثالثاً: الحززون عند ديكارت.



المفردات	البيانات الشخصية
الاسم	رينيه ديكارت
تاريخ الميلاد	١٥٩٦ م.
مكان الميلاد	لاهاي - فرنسا
تاريخ الوفاة	١٦٥٠ م.
مكان الوفاة	استوكهولم - السويد
سبب الوفاة	التهاب رئوي
الجنسية	فرنسي
الديانة	المسيحية (الكاثوليكية)
الحالة الاجتماعية	لم يتزوج (له ابنه غير شرعية)
المهنة	فيلسوف وكاتب وعالم رياضيات
اسم الأم	جين بروشال

أما النمط الثاني من الحلزونات فاكتشفه «ديكارت» عام ١٦٣٨. وهو يشتمل على الحلزونات المسماة باللوغاريتمية، أي التي يزداد عدد لفاتها وفق متتالية هندسية. وتمثل القوقعة بامتياز هذا النوع من الحلزونات. فهي تتميز بازدياد مستمر في سعتها وفق معامل ثابت. ومع نمو القوقعة، الذي يوافق إضافة حجيرة جديدة إليها، تكون كل إضافة مماثلة هندسياً تماماً للشكل السابق. ويساعد على ذلك المادة التي تتكون منها هذه القواقع، وهي من كربونات الكالسيوم المنحل في مياه البحار. ويمكن إعطاء أمثلة لا تنتهي على هذه القواقع الحلزونية.

#### رابعاً: الحلزون عند «دارسي تومبسون»:



المفردات	البيانات الشخصية
الاسم	دارسي تومبسون ويتورث
تاريخ الميلاد	٢ مايو ١٨٦٠ م
مكان الميلاد	أدنبرة - اسكتلندا.
تاريخ الوفاة	٢١ يونيو ١٩٤٨
مكان الوفاة	سانت اندروز ، فايف ، اسكتلندا
الجنسية	بريطاني - اسكتلندي
المهنة	عالم بيولوجي رياضيات - مؤرخ

كان «دارسي تومبسون» D'Arcy Thompson قد حلل بعمق التزاوجات بين اللوالب والحلزونات اللوغاريتمية.. إن الحلزون اللوغاريتمي، الذي يميز نمو القوقعة بزاوية ثابتة، له شكل مسطح. ، بالنسبة للقواقع أو لقرون الحيوانات، والحلزونات اللوغاريتمية تميز النسيج الميتة وليس النسيج الحية. وهذا هو السبب في أن هذه البنية تكون دائماً مزينة أو مترافقة بخطوط النمو، وهي شواهد على الأشكال والحجوم المتلاحقة التي مرت بها المتعضية.

إن تعدد الحلزونات الرياضية لا يقل عن تعدد الأشكال الحلزونية الطبيعية. ويمكن لحلقات الحلزون أن تتباعد عن المركز بشكل حسابي (مثل حلزون أرخميدس) أو لوغاريتمي. وينتج الحلزون الأول عن متتالية عددية، بينما ينتج الحلزون الثاني عن متتالية هندسية. ويمكن للخط الحلزوني أن يمثل تضاعفاً أو نمواً أو تغيراً في حركة أو بنية طبيعية ما. وعندما نختار شكلاً، ونكرّره مرات متتالية، فإن نقاط الشكل الناتج ستمثل حلزونات لوغاريتمية. وتكون الظاهرة أوضح عندما يكون الشكل المكرّر ناجماً ببساطة عن تقسيم الشكل الأصلي وفق صورته الأصلية. وهذا هو مثال المستطيل الذهبي أو المثلث الذهبي، وينطبق ذلك على أنواع القواقع التي تُبنى وفق مسافات منتظمة

تري ما سبب هذا النمو الحلزوني؟ تنمو الخلية أو البنية الحية بإحدى طريقتين: إما بمضاعفة حجمها أو بتكاثرها. والنمو الحجمي محدود بسبب تناسب الحجم مع السطح المسؤول عن التبادلات بين المتعضية والبيئة. وعندما يصل النمو إلى هذا الحد تبدأ طريقة الانقسام الخلوي. لكن هذا الانقسام الذي يتم وفق متتالية هندسية لا يمكن له أن يستمر إلا لعدد معين من الأجيال في المستعمرة العضوية الواحدة. ويتوقف الأمر على مسألة النمو الحجمي العشوائي الذي يتعدى حدوداً معينة

لإمكانات سطح المستعمرة الخلوية على إحداث التبادلات مع البيئة. إن هذه المحدودية هي التي تفرض نوعاً خاصاً من النمو، نوعاً يتطلب أقل تكلفة وجهد بالنسبة لإمكانات النمو المثلّي. ويمكن لهذا النمو أن يتم ضمن بُعدين أو بُعد واحد. ويتطلب النمو ثنائي البعد حاملاً يصبح هو نفسه مُشرطاً لنمو المتعضية. أما النمو الوحيد الاتجاه فيُفترض فيه نظرياً أن يكون خطأ مستقيماً؛ وهذا يفترض ناظماً كاملاً للانحرافات البسيطة عن النقطة الابتدائية، أي لبداية النمو. غير أن الميل الطبيعي نحو العشوائية في الطبيعة يعكس الميل إلى الالتفاف في اتجاه ما، الأمر الذي يؤدي إلى وجود دائري. ويصير احتمال النمو وحيد الاتجاه في شكل مستقيم ضئيلاً جداً في الفراغ، ويتحول النمو الدائري الناجم عن انحراف الشروط البدئية إلى النمو الحلزوني، بل وإلى النمو الحلزوني المتراكب. إنه قانون طبيعي، إذن، ينشأ أصلاً عن قانون الميل إلى الفوضى في الطبيعة، وعدم القدرة على الحفاظ على الشروط الابتدائية في نظام صارم. لكن قانون الفوضى نفسه، كما وجدنا، يؤدي إلى أشكال ناظمة غاية في الإشراق. ترى هل يمثل الصراع بين الميل إلى الفوضى والبحث عن حلٍّ أمثل للحركة باتجاه الانتظام والوعي جوهرَ الجمال الذي نشعر به؟

ويمكن لنا القول في شكل عام إن انكسار التوازن في البنى الطبيعية يُعدُّ قانوناً ناظماً في حدّ ذاته للضرورة الطبيعية. فنمو الكائنات، وتطورها عبر الأجيال، يخضع باستمرار إلى إنشاء تشكيلات جديدة هي، في معظم الأحيان، بعيدة عن التناظر، إنما خاضعة في النهاية لقانون أساسي هو قانون الطبيعة البسيط: قانون الجهد الأقل.

أهم صفات الشكل الحلزوني:

١- غير مباشر وملتوي حول نفسه بطريقة متكررة ويمكن أن يملأ كل الفراغ ذو البعدين إلى ما لا نهاية.

٢- هو انحناء يبدأ من نقطة الأصل ويتقلص تدريجياً لانحناءات أكبر وكأنها

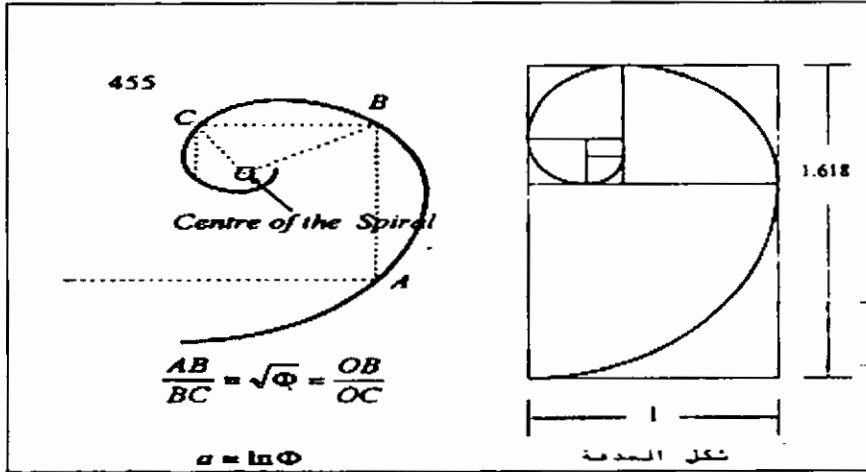
تريد أن تتباعد عن هذه النقطة.

٣- النمو الحلزوني يتم بتكبير الأسطح الخارجية الأطول التي تلف حول الأسطح الداخلية الأقصر وتغلق عليها واختلاف السرعة في النمو يخلق مباشرة العمليات اللولبية.

٤- الحلزونات مزدوجة بمعنى أن كل صورة منعكسة للثانية.

ومن الحقائق الغريبة أن الحلزون الذي يدور ناحية اليسار هو القاعدة العامة في الطبيعة وهي أيضا قواعد حركة النباتات المتسلقة والأجسام الفلكية في الفضاء وإذا ما رجعنا إلى منحنى الصدفة نجد أنها غاية في التعقيد والكمال الرياضي .

ولقد خلقها الله لتعطي أقل مقاومة للحركات الموجية للسائل الضاغط الذي يهاجم الصدفة على سطح قاع المحيط وقد استفاد الإنسان من تلك الخاصية في كثير من ابتكاراته والتي منها السلم الحلزوني



إن النسبة بين بعدي شكل الصدفة تحققه المعادلة القطبية  $r = a e^{\theta \cot \alpha}$



التي هي:

التي هي:

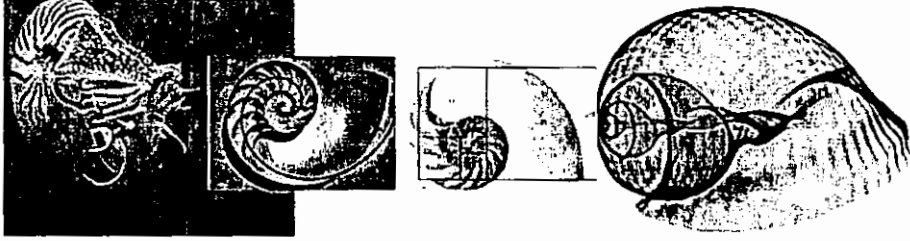
التي هي:

التي هي:

$$\begin{aligned}
 & \lim_{n \rightarrow \infty} (1 + \frac{1}{n})^n = e \\
 & \lim_{n \rightarrow \infty} (1 + \frac{1}{n})^n = e \\
 & \lim_{n \rightarrow \infty} (1 + \frac{1}{n})^n = e \\
 & \lim_{n \rightarrow \infty} (1 + \frac{1}{n})^n = e
 \end{aligned}$$

التي هي:

## ٢. النسبة الإلهية في قوقعة حيوان النوتي

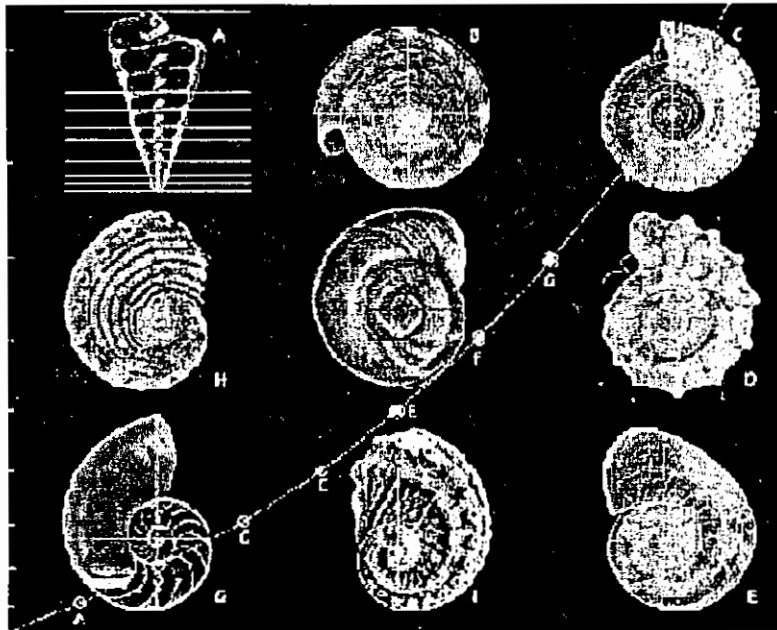


حيوان النوتي حيوان بحري ، حيوان رخوي من رأسيات الأرجل يقوم بضخ الغاز إلى قوقعته كي يحافظ علي قدرته علي الطفو علي الماء يغطي جسمه الناعم جزئياً بمحارة، ملتفة، وينتمي إلى نفس فصيلة السبيدج والأخطبوط، وتحتوي صدفة النوتي على ٣٠ غرفة تقريباً ، مبطنة بمادة قزحية الألوان تسمى «أم عرق اللؤلؤ». وبسبب وجود هذه المادة، يسمى الحيوان «النوتي اللؤلؤي»، وتتكون من العديد من الغرف كل غرفة أكبر من سابقتها. وكل غرفة من تلك الغرف مغلقة بإحكام من جميع الجوانب بواسطة جدران رقيقة ما عدا الغرفة الخارجية، حيث جسم حيوان النوتي الرخو. ولدى هذه الصدفة الحلزونية لون أصفر شاحب مخطط باللون البني بينما غرفها مبطنة بأم اللآلئ البراقة. تنمو أصداف النوتي حتى ٢٥سم في القطر. ويعيش النوتي عند أعماق تتراوح بين ٦، ٣٠٠ متر في جنوب المحيط الهادي، والمحيط الهندي. وهو يتغذى بالسرطانات والقشريات، وتوجد ستة أنواع منه الآن، وجسم النوتي الكامل النمو في حجم قبضة اليد، ويحيط برأسه المخروطي الشكل ٩٠ قرن استشعار قصيرة.

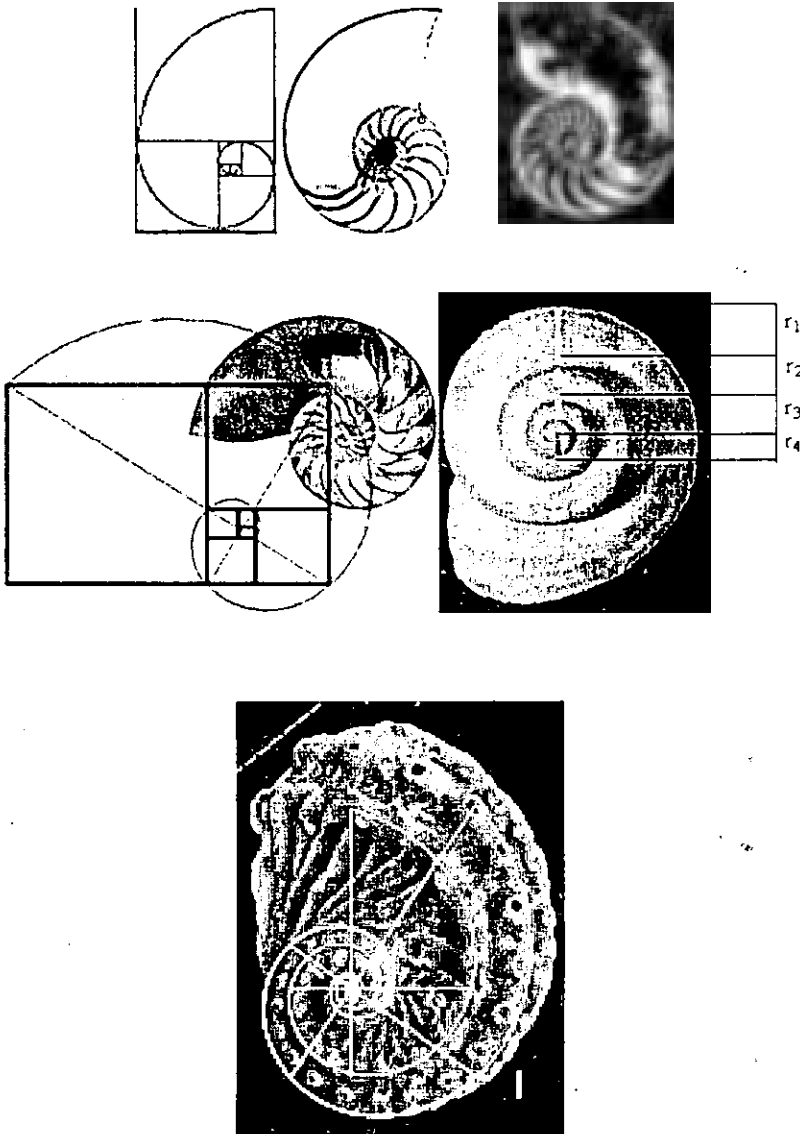


وأثناء نمو الحيوان، تتطور محارته إلى شكل حلزوني. ويضيف النوي صدفة جديدة لمحارته في كل وقت يتخلص فيه من صدفته القديمة، لعدم اتساعها لجسمة النامي. وكل صدفة جديدة تكون مغلقة من الخلف، بحيث يعيش الحيوان في الصدفة الخارجية من محارته، وتمتلئ الصدقات خلف الحيوان بالنيروجين والغازات الأخرى. والسيفون أنبوب مملوء بالدم مغلق بوساطة غطاء جيري يمتد خلال صدقات المحارة كلها.

لدى غالبية القواقع أصداف أنبوبية الشكل تلتف حول جسم الحيوان على شكل حلزوني، يزداد ارتفاعاً مع نمو جسم الحيوان. يوجد الجزء الرخو من جسم الحيوان قرب فتحة الصدفة. ويلتف حلزون غالبية أصداف القواقع في اتجاه علوي مع مسار يميني باتجاه حركة عقارب الساعة، ولذلك تسمى تلك الأصداف أصدافاً يمينية. ويوجد قليل من أنواع القواقع ذات أصداف يسارية إذا حسبنا نسبة قطر كل التفاف لولبي: اللولب الذي يليه .. نجد أنه يساوي  $1.618 : 1$  أي  $\Phi:1$



### ٣. النسبة الإلهية في قوقعة الحلزون ذي الحجيرات



في قوقعة الحلزون ذي الحجيرات **nautilus** - وهو حلزون ذو زوايا متساوية، أي أنه حلزون لوغاريتمي - نجد أن منحنى الحلزون يقطع الأشعة المتجهة نحو الخارج بزاوية معينة ثابتة. وتظهر هذه الحلزونات اللوغاريتمية أيضًا في انحناء أنياب الفيل وفي قرون الكبش البري وفي مخالب عصفور الكناري.

إن النسبة بين بعدي شكل الصدفة تحققة المعادلتة القطبية  $r = a e^{\theta \cot \alpha}$

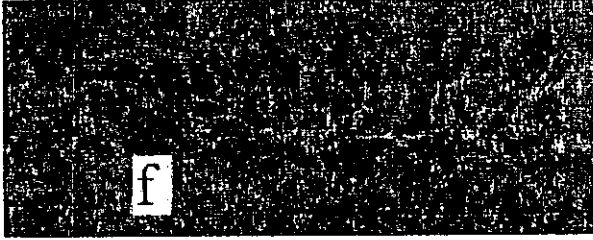
أي  $\Phi:1$

وفي الشكل يتبين أن النسبة بين أطوال أنصاف أقطار الدوائر الحلزونية

للقوقعة  $\Phi = r_1/r_2 = r_2/r_3 = r_3/r_4 = 1.618 = \Phi$  أي أن  $\Phi$

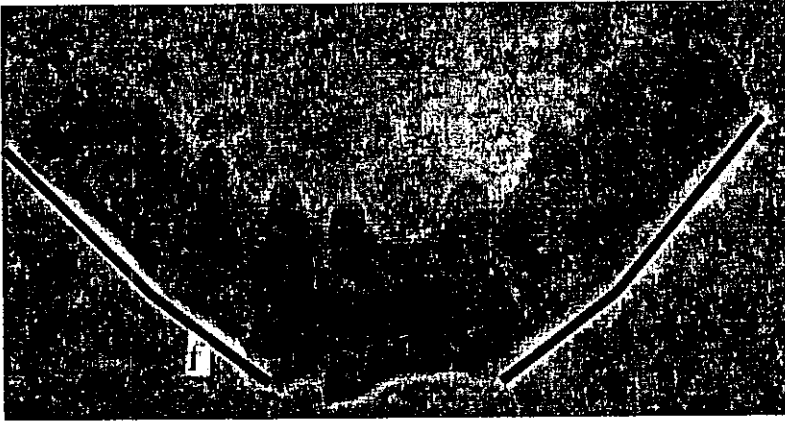


#### ٤. النسبة الإلهية في فك القواقع



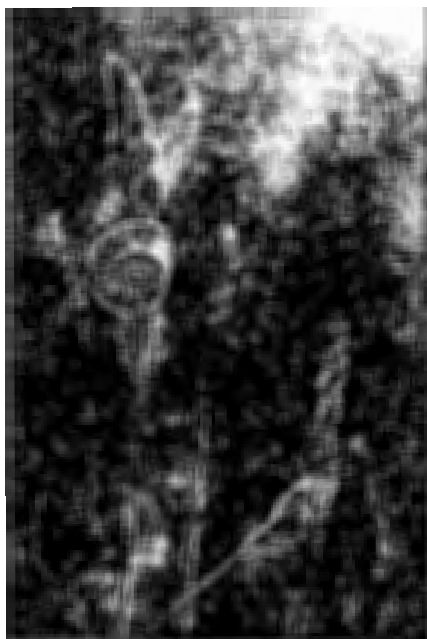
شكل (١)

انظر إلى الفك رقم (١) لقد تم تكبيرة إلى الشكل رقم ٢ حوالى ١٠٠ مرة ، وهذا الفك يختلف باختلاف أنواع القواقع



شكل (٢)

النسبة بين أقسام الفك =  $\Phi : 1$



وأخيراً انظر لهذا الشكل .... إنه قوقع متطفل على الأشجار ، إنه يمثل الرمز  $\Phi$  مع هذا الغصن .... ألم يذكر بك شيء سابق إنه شكل طنان النحل ، الذي يمثل عشه مع الغصن الرمز  $\Phi$  أيضاً ... نعم إنها سيمفونية إلهية متناسقة مع الطبيعة.





﴿وَفِي الْأَرْضِ قِطْعٌ مُتَبَاوِرَاتٌ  
وَجَنَّاتٌ مِّنْ أَعْنَابٍ وَزُرْعٌ  
وَنَخِيلٌ صِنَوَانٌ وَعَيْرٌ صِنَوَانٍ  
يُسْقَىٰ بِهَاءٍ وَاحِدٍ وَنُفْضِلٌ بَعْضُهَا  
عَلَىٰ بَعْضٍ فِي الْأُكُلِ إِنَّ فِي ذَٰلِكَ  
لَآيَاتٍ لِّقَوْمٍ يَعْقِلُونَ﴾ [الرعد].

## الباب الرابع

النسبة  
الإلهية في  
النبات







## الفصل الأول

### النسبة الإلهية في النباتات الحلزونية

#### أولاً: النسبة الإلهية في نبات دوار الشمس



نبذه عن النبات:

«دوار الشمس» أو «زهرة الشمس» أو «تباع الشمس» أو «ميال الشمس» أو «عباد الشمس».

هي نبتة بذور زيتية اسمها العلمي (باللاتينية: **annuus Helianthus**). استعملها الهنود الحمر كدقيق للخبز والحصول على زيتها الذي يحتوي على الأحماض الدهنية الأساسية ومعظمها دهون غير مشبعة. لهذا يفيد في تخفيض الكولسترول بالدم. ويحوي فيتامين E ومغنيسيوم وزنك وحديد وفوسفور ونحاس وسيلينيوم. والزيت، وهي لازمة لنمو الجسم ووظائفه. وبصفة عامة

استهلاك زيوت أوميغا يمنع الأمراض ونقصها في الطعام يؤدي لأزمات قلبية وارتفاع في ضغط الدم ومرض السكر والتهاب المفاصل والسرطان وحالة ما قبل العادة الشهرية وفقدان الشعر وتصلب الشرايين والإكزيما. وزيت دوار الشمس به فيتامينات (A, E and D)، تقوي جهاز المناعة. ففيتامين A يفيد النظر والجلد والنمو ومضاد للأكسدة قوي ويمنع تلف الخلايا بالجسم والأعضاء وظهور الشيخوخة المبكرة. وفيتامين D لازم لنمو العظام والأسنان. وفيتامين E لازم لينشط الدورة الدموية ويحافظ على الجلد وعلى القدرة على الإخصاب. والبذور تدر البول. ومغلي جذور دوار الشمس طارد للديدان.

يعد محصول زهرة الشمس ثالث أهم محصول زيتي في العالم.

أحد نباتات العائلة المركبة، يتميز «دوار الشمس» بأزهاره الكبيرة الشعاعية التي تدور مع الشمس أينما دارت؛ ولذلك سمي «دوار الشمس»، ويستنتج كنبات زينة، وتؤكل بذوره كمسليات.

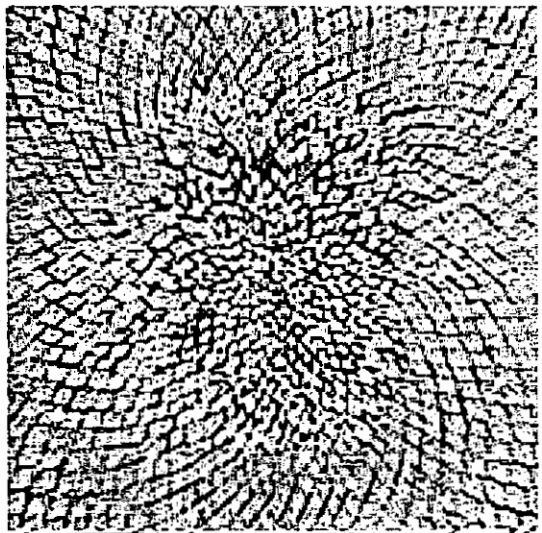
استعمل الأطباء قديما بذور دوار الشمس كعلاج للملاريا، ولتخفيف كولسترول الدم ومنع تصلب الشرايين. تحتوى بذور دوار الشمس (اللب) على مادة الفلورين التي تفيد في منع تسوس الأسنان. كما تحتوى على فيتامين (أ) ولذلك تفيد في علاج مرض العشى الليلي. يستعمل زيت بذور دوار الشمس في إعداد الأطعمة والمأكولات ويقول «رادكليف» وهو اختصاصي تغذية: «إن من أفضل مصادر فيتامين (E) بذور دوار الشمس». كما أن اللوز والسبانخ وأوراق الخردل والفلفل الأخضر والأحمر تعد مصادر جيدة للحصول على (ألفا توكوفيرول). كما أن بذور دوار الشمس تقلل الإصابة بأمراض سرطان الرئة وهو مفيد للمدخنين وأردف قائلا: «إن بذور دوار الشمس غنية أيضا بالسليوم وهو عنصر غذائي مهم

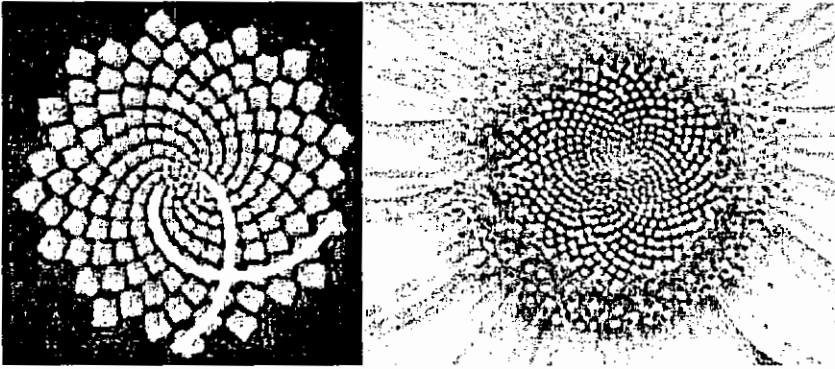
كما أن أوراق الخضراوات غنية بعناصر غذائية مفيدة.

على الأوراق النباتية الملتفة. تظهر الأشكال الحلزونية المستعرضة عندما تُبنى متعضيات من تراكب دائري للأوجه الشكلية. وهذا ما يحصل في قلب «دوار الشمس»، فكما في الأشكال اللوغاريتمية الناجمة عن التماثلات المتتالية نجدها في كل شبكة مزدوجة متداخلة من الحلزونات. وفي «عباد الشمس» ٥٥،٣٤.

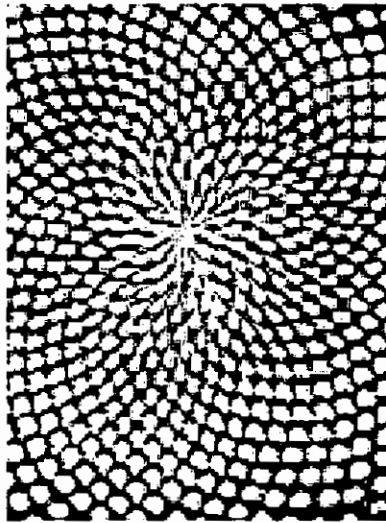
هنا نرى أرقام فابوناسي في النباتات الحلزونية الشكل وفي الصورة مثال للقاعدة في عباد الشمس، عدد الحلزونات التي في اتجاه عقارب الساعة أو **closckwise** 55 حلزون.

(في الصورة باللون الأحمر) .... وعدد الحلزونات التي عكس اتجاه عقارب الساعة ٨٩ حلزون (في الصورة باللون الأخضر) و  $\phi = 55/89$  النسبة الذهبية



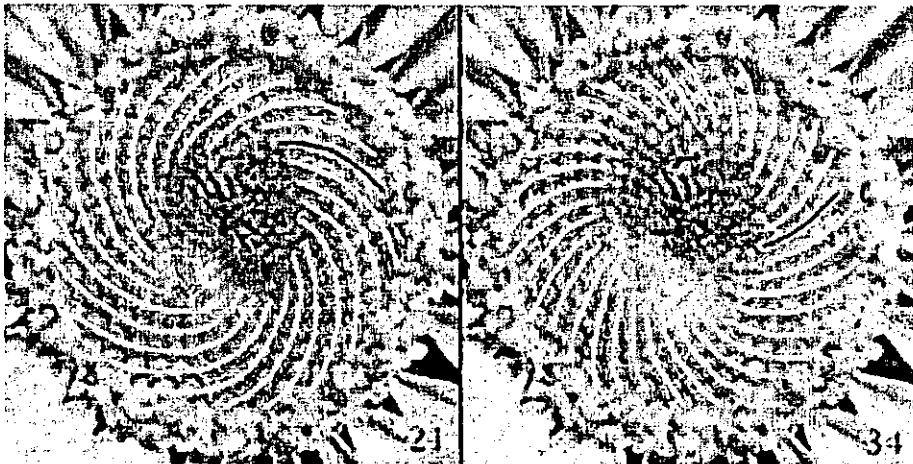


كما أن بذور «عباد الشمس» تنمو بشكل لولبي متقابل.. نسبة كل قطر إلى التي  
تليها.. هي فاي



مخطط لقلب زهرة عباد الشمس

كما توجد نسبة أخرى من الحلزونات كالتالي:

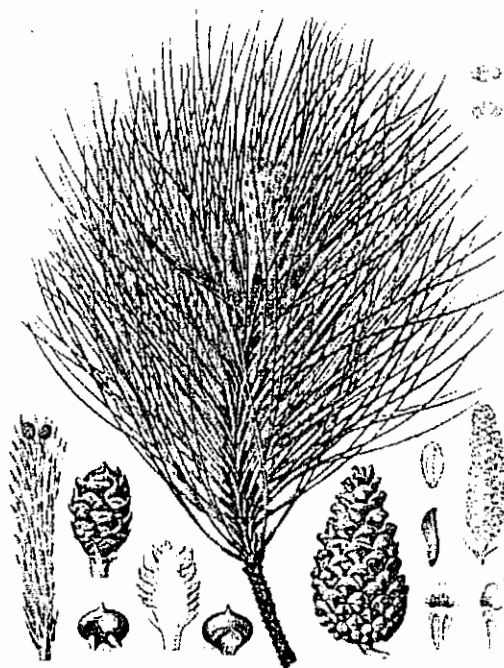


عدد الدورانات في اتجاه عقارب الساعة ٢١ ، وعدد الدورانات في الاتجاه المضاد ٣٤ والنسبة بين عدد الدورانات = النسبة الإلهية  $\Phi$

قدّم بحث في كامبردج عام ٩٦ ميلادي خصص فقط لدراسة أسلوب ترتيب البذور في زهرة دوار الشمس وجد أن ترتيب البذور فيها مثلاً بهذا الشكل هو الصيغة الوحيدة التي تمكن الورقة أو البذرة من الحصول على أكبر قدر ممكن من الشمس وأقل قدر ممكن من الفراغ وعند وضع احتمال آخر لترتيب البذور فإن شكل الزهرة لا يمكن أن يظهر بنفس الشكل الأصلي.



## ثانياً: النسبة الإلهية في نبات الصنوبر

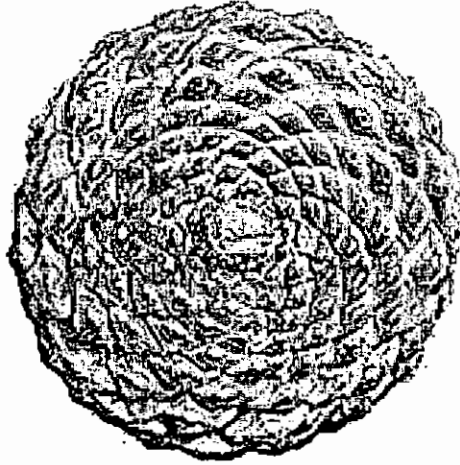


تظهر الأشكال الحلزونية المستعرضة عندما تُبنى متعضيات من تراكب دائري للأوجه الشكلية وهذا ما يحصل في الصنوبريات كذلك نجدتها في كل شبكة مزدوجة متداخلة من الحلزونات. وفي الصنوبريات ١٨،٣٣

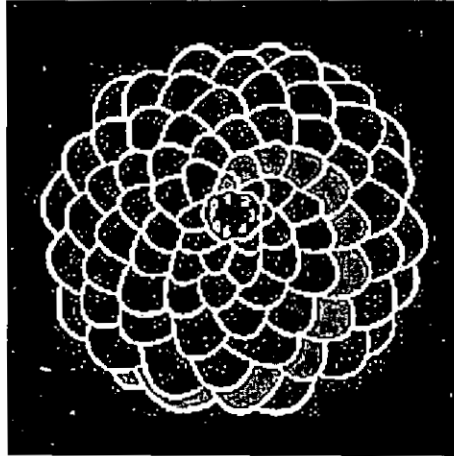
$$\Phi = 1,618 = 33:18 \text{ والنسبة بين}$$

ويمكن لنا مثلاً ملاحظة أن الإبر الصغيرة في فرع جديد من شجرة صنوبر تشكّل حلزونين يلتفان يساراً ويميناً وفق متتالية أعداد فيوناتشي التي تتجلى في هذا النطاق بأجلى مظاهرها. فكما في الأشكال اللوغاريتمية الناجمة عن التماثلات المتتالية

النباتات التي لها شكل حلزوني مثل عباد الشمس و الصنوبر يمثلوا أرقام  
سلسلة «فابوناكي»



كوز الصنوبر



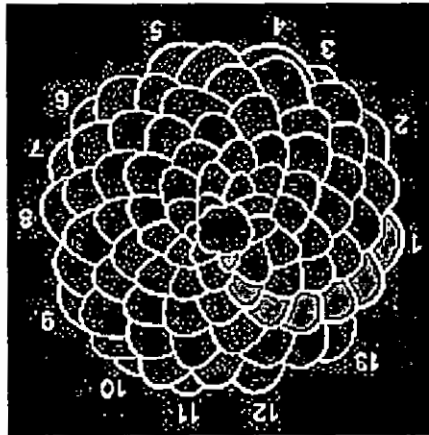
ففي مخروط الصنوبر، نجد ثمانية لولب صاعدة في اتجاه عقارب الساعة.



$$\Phi = 1.618$$

الساعة.

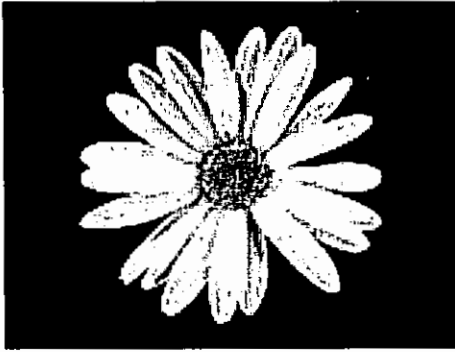
نبتا نجد ثلاثة عشر لونا أثناء التحجاء، تصمد الخضروط في عكس اتجاه عقارب





### ثالثاً: النسبة الإلهية في زهرة اللؤلؤ (زهرة الربيع)

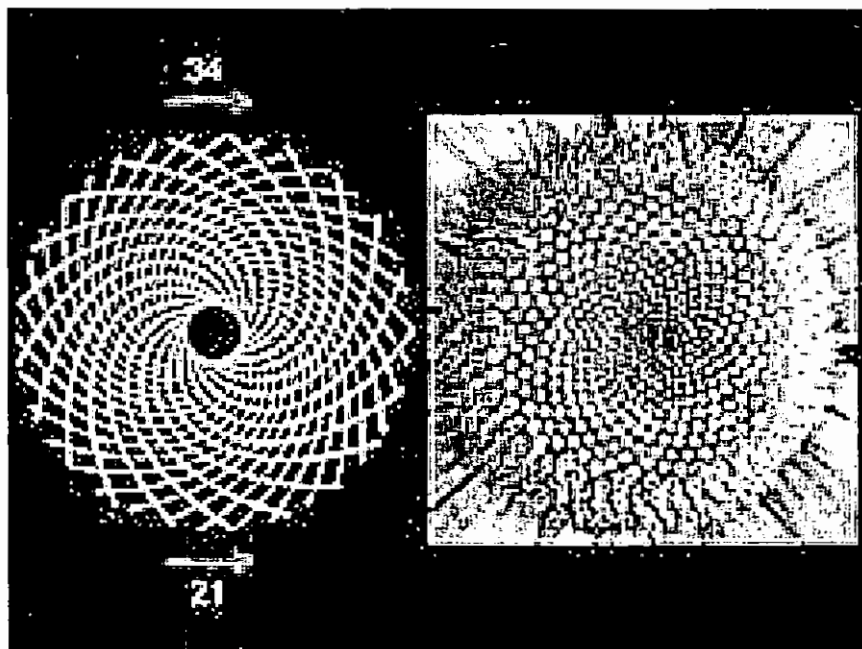
على الأوراق النباتية الملتفة. تظهر الأشكال الحلزونية المستعرضة عندما تُبنى متعضّيات من تراكب دائري للأوجّه الشكلية. وهذا ما يحصل في قلب زهرة اللؤلؤ. كذلك نجدّها في كلّ شبكة مزدوجة متداخلة من الحلزونات. وفي زهرة اللؤلؤ والبابونج وأنواع الفصيلة الأخرى ٢١،٣٤



زهرة الربيع (اللؤلؤ)



زهرة البابونج

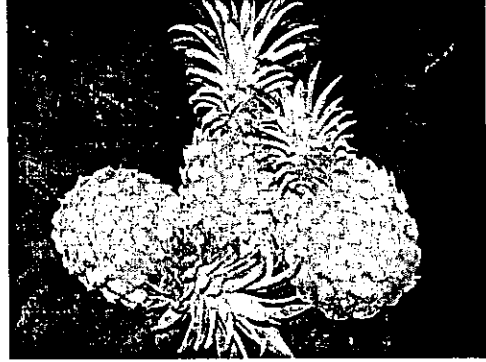


تتخذ هذه الظاهرة شكلاً ذا بُعدين في بؤرة زهرة الربيع: فالعين ترى ٢١ لولباً في عكس اتجاه عقارب الساعة و٣٤ لولباً في اتجاه عقارب الساعة.

$$\Phi = 34:21$$



## رابعاً: النسبة الإلهية في الأناناس (تفاحة الصنوبر)



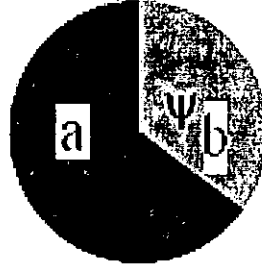
على الأوراق النباتية الملتفة. تظهر الأشكال الحلزونية المستعرضة عندما تُبنى متعضّيات من تراكب دائري للأوجّه الشكلية. وهذا ما يحصل في الأناناس. كذلك نجدها في كلّ شبكة مزدوجة متداخلة من الحلزونات. ولدينا في الأناناس ٥ حلزونات مباشرة و٨ معاكسة.

$$\Phi = ٨:٥$$

والآن نعيد تقديم مفهوم «الزاوية الذهبية» لنضيف معلومة جديدة عن النسبة الإلهية في ثمرة الأناناس.

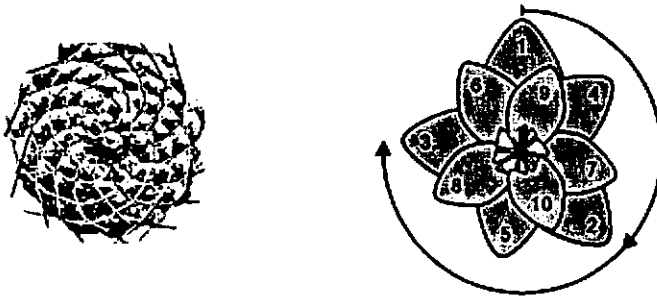
الزاوية الذهبية:

تعرف الزاوية الذهبية بأنها الزاوية المركزية التي قياسها ٥, ١٣٧ تقريباً ونحصل عليها عندما نقسم محيط الدائرة إلى قطاع كبير **a** و قطاع صغير **b** بحيث يتحقق:



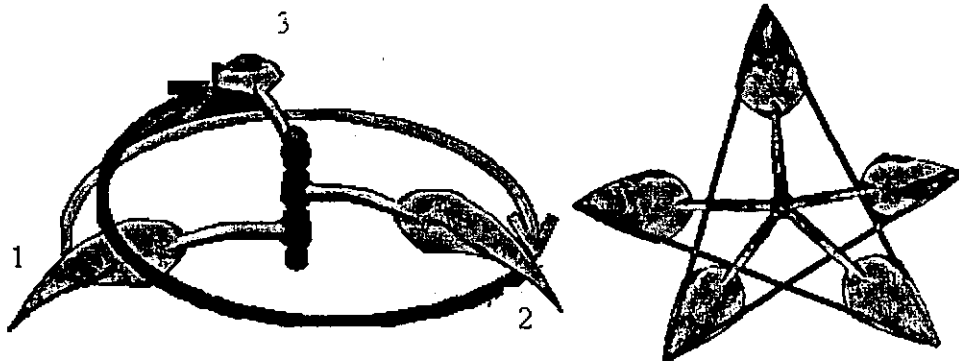
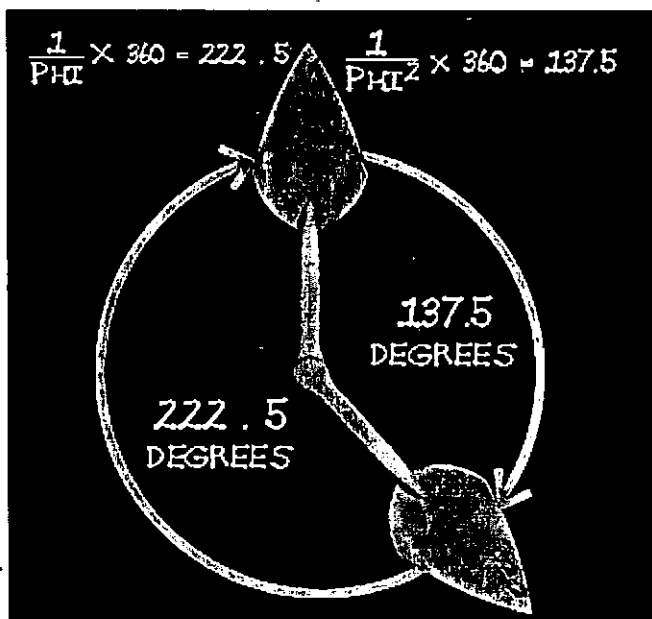
$$\frac{c}{a} = \frac{a}{b} \quad , \quad c = a + b$$

والزاوية المنشأة على طول القوس الصغير للدائرة تسمى الزاوية الذهبية وتعادل ٢,٤٠٠٠ راديان، وهي مشتقة من الرقم الذهبي  $\Phi$



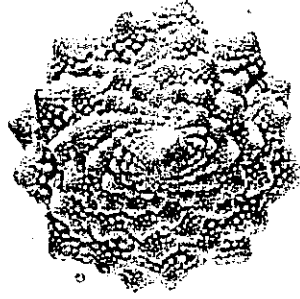
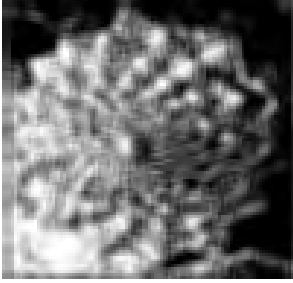
الزاوية بين الوريقات المتتالية لتتويج بعض الزهور هي الزاوية الذهبية نجد هذه الزاوية بكثرة في الطبيعة. ولعل أشد مثال مدعاة للذهول هو «تفاحة الصنوبر»، التي نجد عليها لوالب أرخميدس التي تكون نقاط تقاطعها مصفوفة

حسب الزاوية الذهبية.



رسم يوضح الزوايا الذهبية حول الاوراق

## خامساً: النسبة الإلهية في زهرة القرنبيط والكرنب



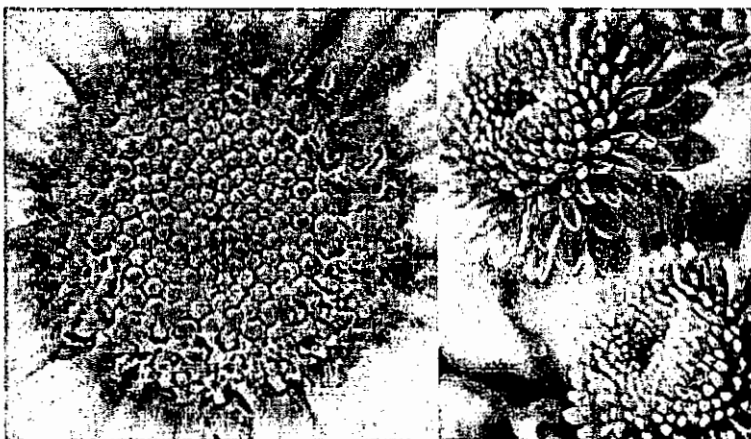
لوحظ أن زهرة القرنبيط (القليط) بها اتجاهان متعاكسان للدوران أحدهما مع اتجاه عقارب الساعة ، والآخر ضد حركة عقارب الساعة ، وعدد الحلزونات التي في اتجاه الدوران ٥ حلزونات، وعدد التي في الاتجاه المضاد ٨ حلزونات، النسبة بينهما = النسبة الإلهية  $\Phi$ ، وتختلف هذه بالنسبة لزهرة وأخرى حسب الحجم ومعدل النمو.

كما يوجد الشكل الحلزوني أيضاً في الملفوف (الكرنب)



الكرنب

## سادساً: النسبة الإلهية في زهرة الأقحوان ونبات الصبار



زهرة الأقحوان (تكافئ دوامة)

كما تشكّل الزهيرات الدقيقة التي تؤلف لبّ زهرة الأقحوان حلزونات على هيئة مجموعتين متعاكستين من ٢١ و ٣٤ حلزوناً. والنسبة بين المجموعتين  $\Phi$ ، وكذلك نرى هذه التناسبات في نبات الصبار



الحلزون الذهبي في نبات الصبار

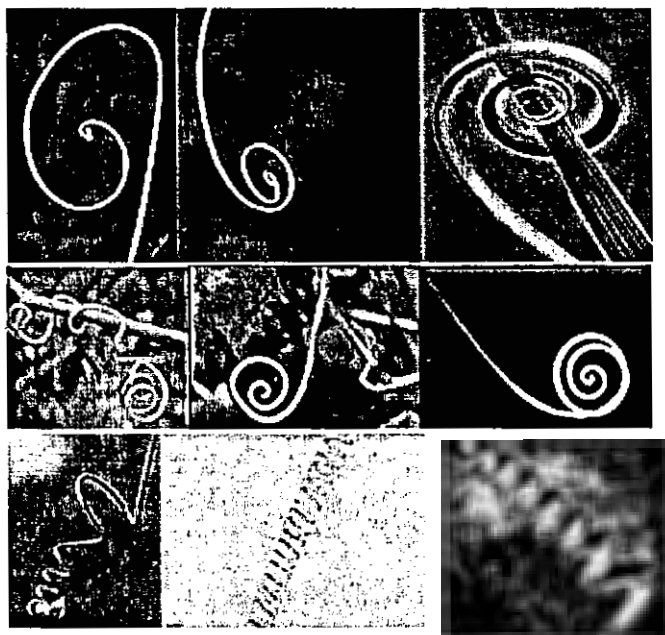
كما توجد في الزهور الأخرى..... انظر الأشكال التالية:



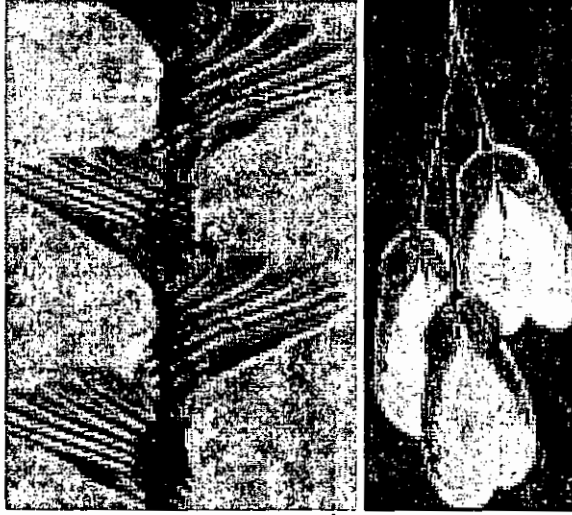


## سابعاً: النسبة الإلهية في الحوليات والطحالب:

وتوجد كثير من الحوليات والطحالب والنباتات المتسلقة ، يكثر فيها النسبة الذهبية والزوايا الذهبية والأشكال التالية تبين ذلك:



## ثامناً: النسبة الإلهية في بذور نبات القيقب والدردار



قال تعالى: ﴿صُنَعَ اللَّهُ الَّذِي أَتَقَنَ كُلَّ شَيْءٍ إِنَّهُ خَيْرٌ بِمَا تَفْعَلُونَ﴾ [النمل].  
لنتأمل دقة الصانع عز وجل للبذور التي خلقها وسخر لها وسائل الاستمرار، عندما تهب الرياح وتسقط هذه البذور من الأشجار يظهر لها ما يشبه أجنحة العثة لتطير كالهليكوبتر إلى مسافة تبلغ كيلومتر حتى تصل إلى قطعة أرض جديدة تهبط عليها لتبدأ فيها دورة حياة جديدة حتى تصبح شجرة.

وقد تم تصميم بذور صناعية للقيام بالتجربة في المختبر، ويقول الباحثون إنهم سيستفيدون من التقنية المعقدة التي تستخدمها هذه البذور من أجل تطوير الطائرات، وبخاصة الرحلات الفضائية بين الكواكب، سبحان الله ! حتى هذه البذرة سخرها الله لتعلم منها فن الطيران. قال تعالى: ﴿وَسَخَّرَ لَكُم مَّا فِي السَّمَاوَاتِ وَمَا فِي الْأَرْضِ جَمِيعًا مِنْهُ إِنَّ فِي ذَلِكَ لَآيَاتٍ لِّقَوْمٍ يَتَفَكَّرُونَ﴾. [الجاثية].

البذور الحوامة لبذور القيقب والدلب الأوروبي لها تصميم مشوق جداً، فهي مجهزة بجناح ينبت من جانب واحد فقط ويتناسب وزن البذرة مع طول الجناح لدرجة أن هذه البذور يمكن أن تدور وينمو الدلب غالباً في مواقع منعزلة نسبياً، وبهذا تستطيع الرياح أن تقدم للبذور مساعدة كبيرة، ويمكن للبذور بواسطة الدوران حول نفسها أن تقطع مسافات كبيرة بنسمة خفيفة، وهذا الدوران يتبع الحلزون الذهبي والزاوية الذهبية معاً. كذلك فإن نبات الدردار عندما يسقط يرسم حلزون ذهبي.



## الفصل الثاني

### الزوايا الذهبية

#### أولاً: الزوايا الذهبية في ترتيب وتوزيع الأوراق حول الساق

تظهر « النسبة الذهبية » في علم النبات حيث تحكم توزيع الأوراق على الساق حتى تتعرض جميعها إلى أكبر كمية من الضوء الرأسي ، وقد وجد إن توزيع الزوايا أو تباعدها عن بعضها هي حدود في المتابعة

$$\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{2}{5}, \frac{3}{8}, \frac{5}{13}, \frac{8}{21}, \frac{13}{34}, \frac{21}{55}$$

التي يمثل البسط فيها عدد اللفات حول الساق حتى نصل إلى نفس وضع الورقة الأولى والمقام هو عدد الأوراق في اللفة الواحدة وهي نسبة تختلف من نبات إلى آخر وتتراوح بين العددين  $\frac{1}{2}$  ،  $\frac{1}{3}$  والمتابعة كما يلاحظ القارئ .

وللنباتات أبساط ومقامات حدودها تكون متتابعة فيبوناتشي ويحقق فيها أي حد  $a_n / b_n$  :

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{b_{n+1}}{b_n} = \Phi, \quad b_{n+1} = b_n + a_{n+1}$$

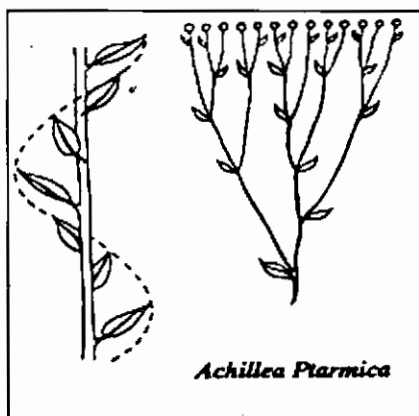
فيتتبع أن :

$$\frac{a_{n+1}}{b_n} \rightarrow \Phi - 1 = \phi$$

أما توزيع الأوراق على الساق فهي تؤول إلى النسبة :

$$\frac{b_n}{a_n} = \frac{b_n}{a_{n+1}} \times \frac{a_{n+1}}{a_n} \rightarrow \Phi^2$$

لكل لفة تنظم فيها الأوراق نفسها بنفس الطريقة على الساق . وتظهر متتابعة فيبوناتشي بكثرة في علم الأحياء كما في التكاثر في الحيوان أو النبات .  
والرسم التالي يبين تزايد عدد الأوراق في بعض النباتات من صف إلى صف

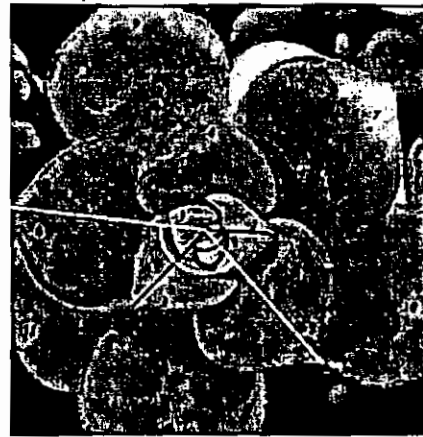
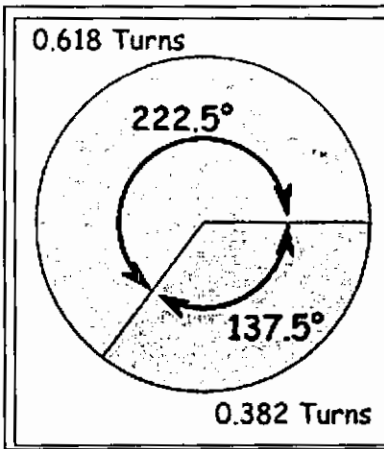


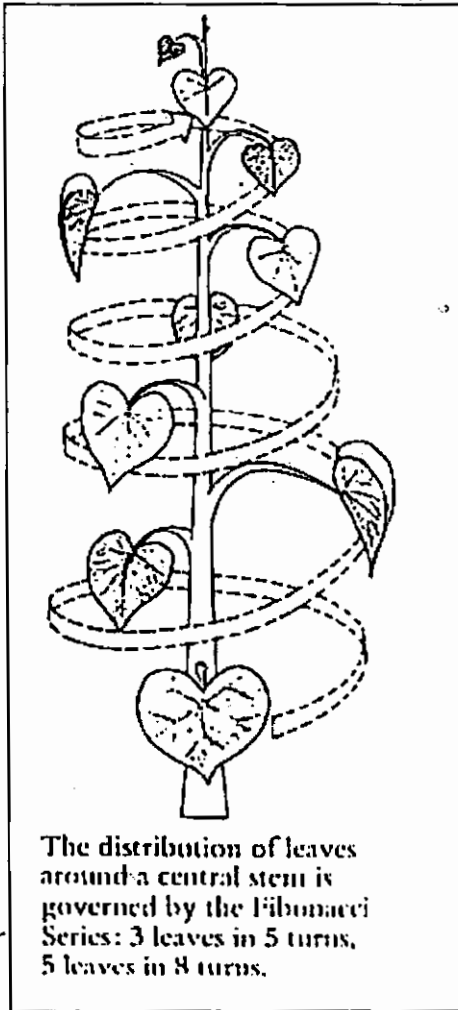
في عام ١٨٧٥ وجد « فينر » Wiener ، أن الزاوية ١٣٧ درجة و ٣٠ دقيقة و ٢٨ ثانية التي تظهر غالباً في نمو الأوراق في أثناء التباعد الحلزوني الثابت لفروع التيجان - وهي زاوية تنتج عن حل معادلة النسبة الذهبية، وتساوي  $\frac{360}{\Phi^2}$  وتوافق الحل الرياضي لمسألة التوزيع الأمثل (يكون الأقصى في المناخ المعتدل) للأوراق، بحيث يكون الضوء الواصل محورياً أو عمودياً. وقد دُعِيَتْ هذه الزاوية بالزاوية المثلى، وتساوي  $\alpha = \frac{2\pi}{\Phi^2}$



الزاوية المثلى في نمو النبات : منظر جانبي

الزاوية المثلى في نمو النبات : منظر علوي





دعنا نلقي تفسيراً أعم على الشكلين التاليين: ونقدم الشكل التالي نموذجاً لحديثنا عن عدد اللفات والأوراق حول الساق، ففي الشكل المقابل عندما يكون هناك خمسة لفات أي دورانات حلزونية، يكون خلالها ثلاثة أوراق، ويعبر عنها كذلك:  $5/3$  حيث البسط يمثل عدد الدورانات (5) والمقام يمثل بعدد الأوراق (3) وهذه النسبة  $= 1,618$ ، النسبة الذهبية  $\Phi$ ،  $5/3$  هي حد من متتابعة فيبوناتشي؛ وعندما يكون هناك ثمانية لفات أي دورانات حلزونية، يكون خلالها خمسة أوراق، ويعبر عنها كذلك:  $8/5$  حيث البسط يمثل عدد الدورانات (اللفات) (8) والمقام يمثل

عدد الأوراق (5) وهذه النسبة  $= 1,618$  = النسبة الذهبية  $\Phi$ . كما يلاحظ أن توزيع الأوراق حول الساق تتباعد عن نفسها بزوايا ثابتة تساوي  $137,5$  درجة وهي الزاوية الذهبية.

ويمكن تنسيق ذلك في الجدول التالي:

عدد الأوراق	عدد اللقات
٣	٥
٥	٨

كما يلاحظ أن البسط أرقام متتالية من متتابعة فيوناتشي، والمقام أرقام متتالية أيضاً من متتابعة فيوناتشي.

ونطبق ذلك على الشكلين السابقين في حديثنا عن الزاوية المثلى في نمو النبات في المنظر العلوي والمنظر الجانبي للنبات لكل منهما على حدة لتعم الفائدة.



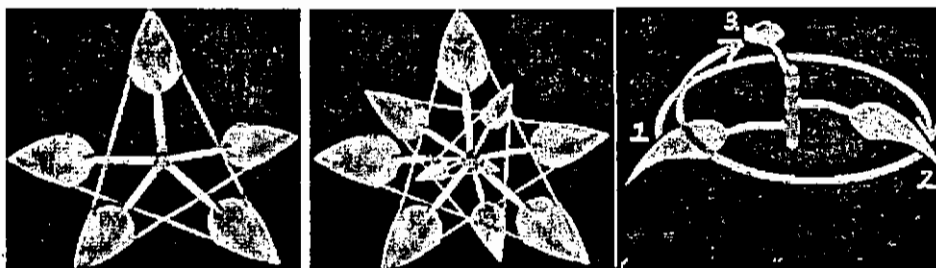
في الشكل المقابل نجد أن الأوراق تتوزع حول الساق بزوايا ذهبية قيمة كل منها بالدرجات ٥، ١٣٧ درجة وأن الدوران الأول يحتوي على ثلاث ورقات مرتبة من أعلى إلى أسفل تحمل الأرقام 1.2.3 بينما في الدوران الثاني فإنه يحتوي على خمسة ورقات تحمل الأرقام 4.5.6.7.8 والدوران الثالث يحتوي على ثمانية ورقات، تحمل الأرقام 9,10,11,12,13,14,15,16 وهذه الدورانات في اتجاه



عقارب الساعة، كما أن عدد اللفات (الدورانات) والتي تمثل بالأرقام 1.2.3 هي أعداد متتالية من متتابعة فيبوناتشي، وأن عدد الأوراق التي تمثل بالأرقام 3.5.8 هي أعداد متتالية من متتابعة فيبوناتشي؛ وأن النسبة بين عدد الأوراق :عدد اللفات = النسبة الإلهية  $\Phi$ .

ويمكن تمثيل ذلك بالجدول التالي:

عدد الأوراق	عدد اللفات
٣	١
٥	٢
٨	٣



رسم يوضح عدد اللفات وعدد الأوراق والزوايا الذهبية



وبالنسبة للشكل المقابل فنجد أن الأوراق ترتبت حول الساق من أعلى إلى أسفل طبقاً لنفس الجدول السابق، حيث أنها نفس الورقة ولكن في منظر جانبي.

عدد الأوراق	عدد اللفات
٣	١
٥	٢
٨	٣

ومثال آخر هو نبات الخيزران نجد أن اللفات تتباعد عن بعضها بزوايا ثابتة ألا وهي الزوايا الذهبية كما هو مبين بالشكل.



نبات الخيزران

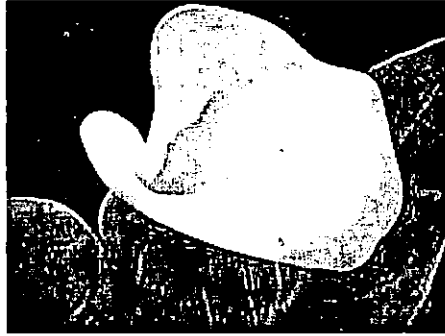


### الفصل الثالث

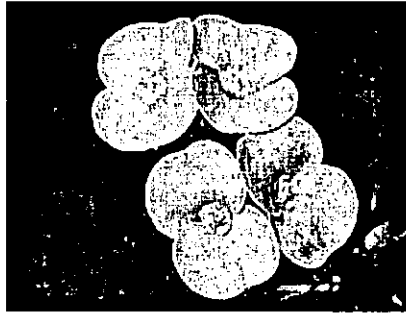
## النسبة الإلهية في بتلات النباتات

### أولاً : البتلات ومتتابة فيبوناتشي :

سلسلة فابوناتشي تظهر في النباتات على شكل عدد وترتيب البتلات ، البذور ، وورق النبات ، كما يتضح من الأشكال التالية ، طبقات الفروع المتتالية تنمو بترتيب متتالية فابوناتشي .



الزنبقة البيضاء **white lily**: تتألف من بتلة واحدة



زهرة الفَرْبَيُون أو اليَتُوع **euphorbia**: تتألف من بتلتين



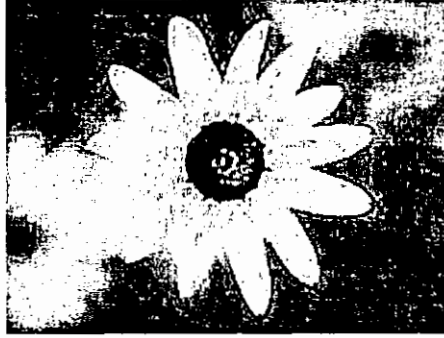
زهرة الإطريون **trillium**: ثلاثية البتلات



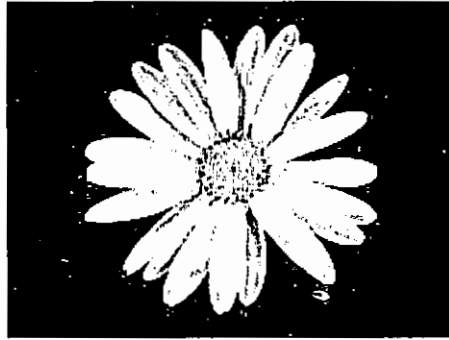
زهرة الأنقولية **aquilegia/columbine** (زهرة الحوض) خمسة بتلات



زهرة الدموية **bloodroot** ثنائي بتلات



سوسنة سوداء العين: ١٣ بتلة

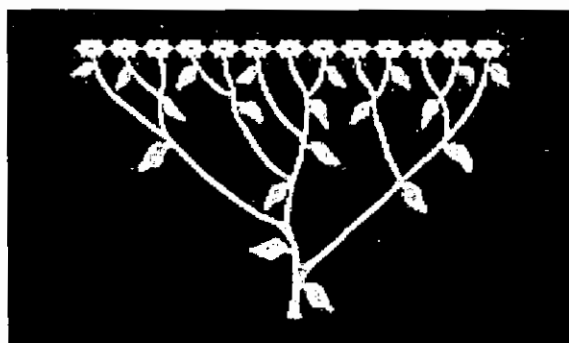


زهرة اللؤلؤية الصغرى daisy (زهرة الربيع): ٢١ بتلة.

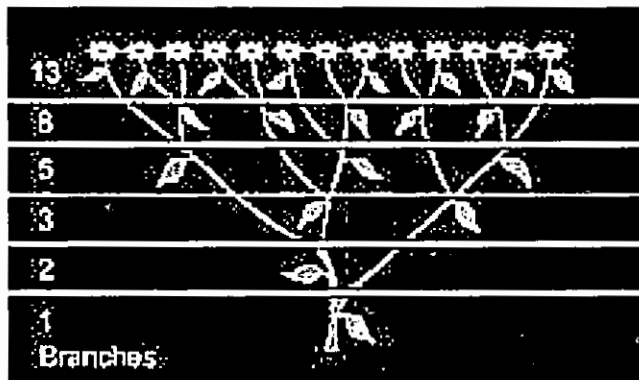
وتمثل هذه الفصيلة أعداد فيوناتشي تمثيلاً ممتازاً، حيث نجد بتلاتها وفقاً  
للتسلسل التالي: ١٣، ٢١، ٣٤، ٥٥، أو ٨٩ وهي شائعة جداً.



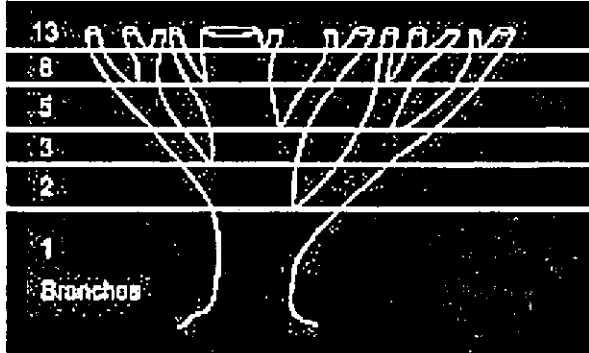
## ثانياً: البراعم الإبطية ومتتابة فيبوناتشي:



في هذه الزهرة غالباً ما نلاحظ أن البراعم الجديدة تنمو عند إبط النبات، أي عند الزاوية بين غصن (أو ورقة) وبين الساق التي انبثقت منها.



تُنبِتُ الساقُ الرئيسة أغصاناً برعمية عند بداية كلِّ مرحلة. وعدد الأغصان عند أية مرحلة من مراحل النمو يمثل أعداد فيبوناتشي. وليس هذا فحسب، بل إن عدد الأوراق في أية مرحلة هو من أعداد فيبوناتشي.



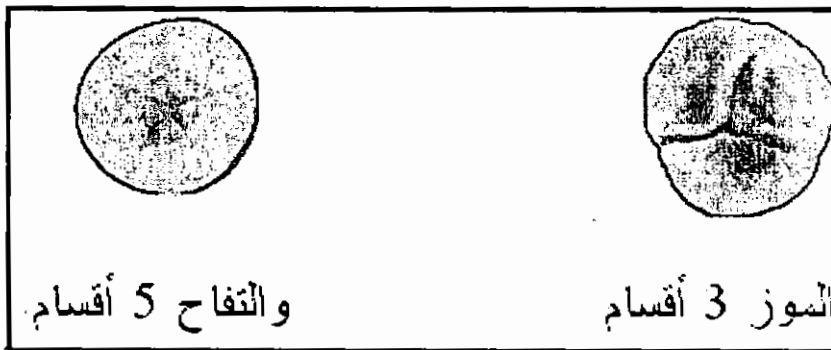
هذا النوع من النمو يتجلى أيضًا في نمو الأشجار البسيطة، حيث تستغرق كلُّ مرحلة من مراحل التطور سنة.





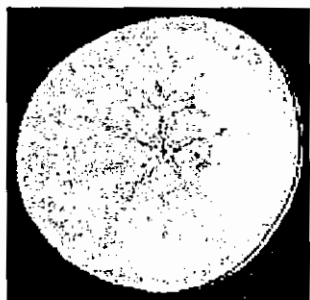
### ثالثاً: المضلعات الذهبية في الفواكه ومتابعة فيبوناتشي:

معظم الفواكه لو قطعناها نجد ان عدد الأقسام فيها هو رقم في سلسلة فابوناتشي



تحمل التفاحة - ثمرة شجرة، معرفة الخير والشر - رمزية فائقة. وقد اعتاد دارسو الأساطير الكشف عن أحد وجهي رمزيها من خلال تجزئتها إلى قسمين طولياً، بحيث تظهر رمزية المرأة، القطب السالب، الجاذبة للإنسان إلى ثنائية الخير والشر. لكن قلّة من الدارسين قطعوا التفاحة عرضياً وشاهدوا المضلّعات الذهبية - الوجه الآخر الإيجابي. وإذا تعمّنّا في المضلّع المرتسم أمامنا سنلاحظ مخمّساً يحوي البذور، ثم مخمّساً آخر غير واضح كالأول، سرعان ما يسودّ مع جفاف التفاحة، ليشكّل مع الأول مضلعاً من عشرة وجوه.

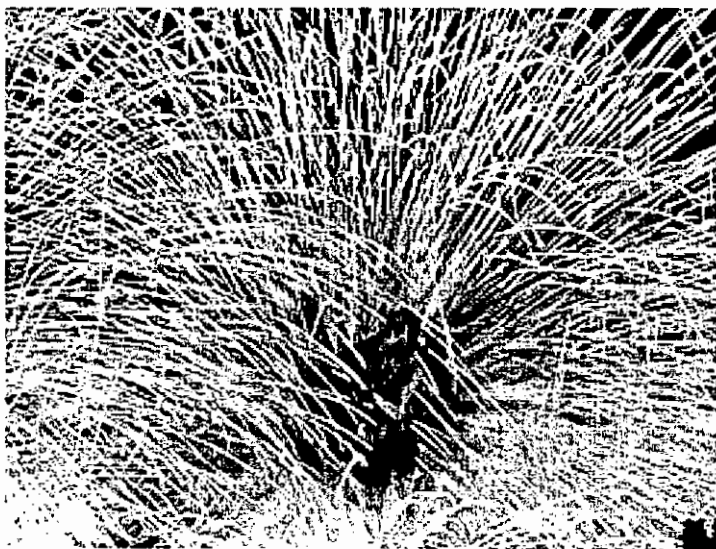
وفي كلّ من هذه المضلّعات الذهبية نستطيع أن نستشف معنى جديداً للأسطورة القديمة!

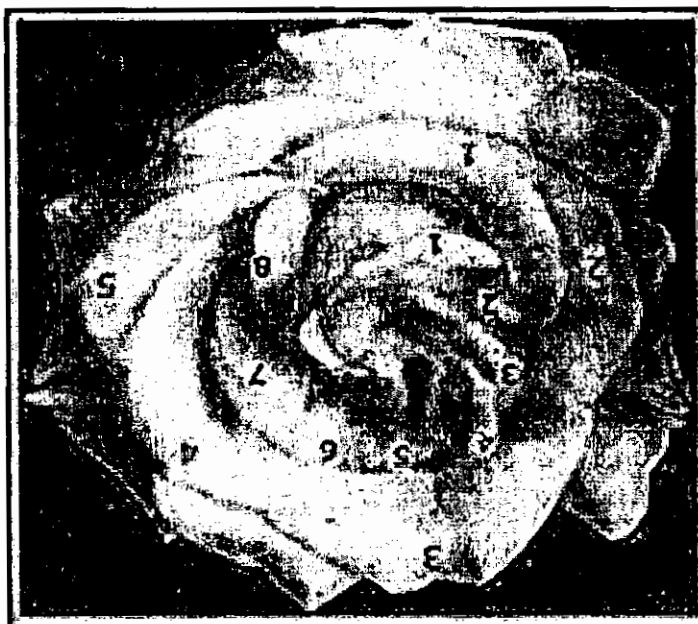
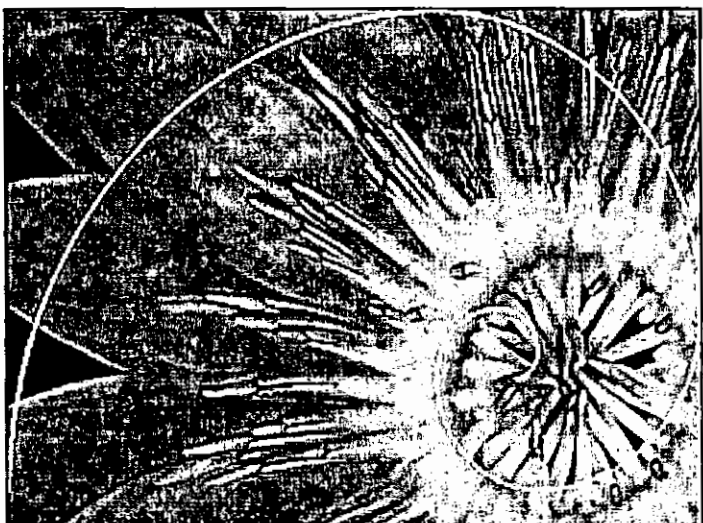


مقطع عرضي في تفاحة يبين المضلعات الذهبية

والتفاحة ليست استثناء. فكافة الأزهار الخماسية الأجزاء تحقق هذه النسبة.

وأخيراً تأمل النسب الذهبية في الأشكال التالية:







ملاحظة: عدد الأوراق التي تنبت في النباتات والأشجار تأتي بترتيب معين ثابت والورقة تعود لنفس مكان الورقة التي فوقها في جذع الشجرة تأتي بأعداداً فيبوناتشية.



## نتائج الدراسة

لقد تمخضت هذه الدراسة البحثية وكشفت عن عدة أمور لم يسبق لأحد أن اكتشفها وهذا هو الأهم في الدراسات البحثية ، حيث أن علوم القرآن تعطي ثمارها المكنونة لمن أحب الله ورسوله ، ويمكن أن أخلص ماتوصلت إليه في البنود التالية:

- ١ - أبعاد الجنين أثناء الساعات الأولى للولادة تحقق النسبة الإلهية.
  - ٢ - أبعاد «الرحم» بعد الولادة مباشرة تحقق النسبة الإلهية.
  - ٣ - وضع الجنين وأبعاده في أوضاعه المختلفة خلال شهور الحمل تتبع النسبة الإلهية والحلزون الذهبي.
  - ٤ - توجد نسبة إلهية في أبعاد المستطيل الذي يحيط بالقصبة الهوائية وشعبتيها.
  - ٥ - توجد نسبة إلهية في أبعاد فرعي شعبي القصبة الهوائية ، وقد فوجيء الباحث بعد انتهاء كتابة بحثه ، أن غيره قد توصل لها من قبله.
  - ٦ - وجدت تناسبات ذهبية في أبعاد أجزاء جناح الخفاش.
  - ٧ - حركة ذيل النحلة في وسط الرقم ٨ ترسم  $\Phi$  ، ناتجة من تنصيف الرقم ٨ عمودياً وهي الأبعاد الذهبية للنسبة  $\Phi$  عن مركز الحلزون الناتج من دوائر الاهتزازات عند ذيل النحلة.
  - ٨ - توجد نسبة ذهبية في أجزاء فك القوقع.
- هذا وإن البنود السابقة تعتبر محل دراسة مستقبلية حتى تصل إلى مرحلة التعميم وتكون بذرة جديدة للدراسات البحثية في آيات الله المبهرة في الكون.

## مصادر المعلومات والمراجع العربية

- ١ - القرآن الكريم.
- ٢ - تفسير القرآن .. «ابن كثير» .. «البضاوي» .. «الشعراوي» .. «القرطبي».
- ٣ - جورج سارتون: «تاريخ العلم»، ج ١: ج ٥، ترجمة ليف من العلماء، دار المعارف - مصر ١٩٧١ م.
- ٤ - د/ زكريا هيمي: «الإعجاز العلمي في القرآن الكريم»، مكتبة مدبولي - مصر ٢٠٠٢ م.
- ٥ - سمير محمد عثمان الحفناوي، «السبق العلمي لعلماء العرب والمسلمين»، مكتبة جزيرة الورد، القاهرة، ٢٠٠٥ م.
- ٦ - د/ عاصم ضيف: «حساب التفاضل والتكامل»، دار المعارف - مصر ١٩٩٦ م.
- ٧ - د/ محمود حمدي زقزوق: «الاستشراق والخلفية الفكرية للصراع الحضاري»، دار المعارف، ١٩٩٧ م.
- ٨ - إدوارد سعيد: «الاستشراق»، مؤسسة الأبحاث العربية - لبنان ١٩٩٥ م.
- ٩ - سمير محمد عثمان الحفناوي: «غرائب وحكايات علماء الفيزياء والرياضيات»، مكتبة جزيرة الورد، القاهرة، ٢٠٠٥ م.
- ١٠ - لانسوت هوجين: «الرياضة للمليون»، ترجمة حسن محمد حسين، مكتبة الشرق، القاهرة - ١٩٥٧ م.
- ١١ - قدرى حافظ طوقان: «تراث العرب العلمي في الرياضيات والفلك»، دار

- الشروق - القاهرة ١٩٨٠ م.
- ١٢ - يوسف الملا: «رواد الحضارة والعمران»، دار الشرق العربي، لبنان ١٩٩٨ م.
- ١٣ - صبري الدمرداش: «قطوف من سير العلماء»، ج ١، ج ٢، ج ٣، الهيئة المصرية، ٢٠٠٦ م.
- ١٤ - عمر التومي الشيباني وآخرون، «تاريخ العلوم الأساسية في الحضارة العربية والإسلامية»، الهيئة القومية للبحث العلمي، ليبيا ١٩٩٦ م.
- ١٥ - أ.ت. بل: «رجال الرياضة»، ترجمة، د/ حسن محمد حسين، د/ عبد الحميد لطفي، مكتبة الأنجلو المصرية ١٩٦٧ م.
- ١٦ - سمير محمد عثمان الحفناوي: «الطرائف والألغاز في الجبر والحساب»، مكتبة الإبيان - المنصورة، مصر.
- ١٧ - د/ نجيب بلدي: «بسكال»، دار المعارف - مصر ١٩٦٨ م.
- ١٨ - ديفيد برغاميني، «الرياضيات»، بترجمة نجاح شمعة قدورة، سلسلة تبسيط العلوم ٩، وزارة الثقافة، دمشق، ١٩٦٩.
- ١٩ - النسبة الذهبية/ الجماليات بين الرياضيات والطبيعة/ لموسى ذيب الخوري [http://maaber.50megs.com/issue\\_february05/epistemology1.htm](http://maaber.50megs.com/issue_february05/epistemology1.htm)
- ٢٠ - السيد الجميلي: «الإعجاز الطبي في القرآن»، دار ومكتبة الهلال - مصر.
- ٢١ - محمد حسن الحمصي: «النحلة تسبح الله»، دار الرشيد - دمشق.
- ٢٢ - هيئة الإعجاز العلمي في القرآن والسنة: «من أوجه الإعجاز العلمي في عالم البحار»، مكة المكرمة.
- ٢٣ - هيئة الإعجاز العلمي في القرآن والسنة: «علم الأجنة في ضوء القرآن

والسنة»، مكة المكرمة.

٢٤ - عبد العليم خضر: «هندسة النظام الكوني في القرآن الكريم»، دار تهامة، جدة.

٢٥ - عبد الحليم كامل: «وفي أنفسكم أفلا تبصرون»: هذا خلق الله - دار المريخ بالرياض - ١٩٨٤.

٢٦ - عبد المحسن صالح، «من كل شيء موزون»، دار عكاظ، ١٩٨٤.

٢٧ - عبد المنعم محمد الحفني وآخرون: «أوجه من الإعجاز العلمي في عالم النحل»، اللبن وتركيبه الكيميائي، الحبة السوداء - هيئة الإعجاز العلمي في القرآن والسنة - ١٩٨٧.

٢٨ - قطب عامر فرغلي والسيد محمد زيدان: «عالم النبات»، هيئة الإعجاز العلمي في القرآن والسنة ١٩٨٧.

٢٩ - ماهر أحمد صوفي - آيات الله في البحار - دار البيان - ١٩٩٦.

٣٠ - مجد متبولي غريب، «إشارات هندسية في القرآن الكريم»، دار المجد للدراسات الهندسية ١٩٩١.

٣١ - محمد داود الجزائري «الإعجاز الطبي في القرآن والسنة» دار ومكتبة الهلال.

٣٢ - محمد علي البار «دورة الأرحام» الدار السعودية.

٣٣ - محمد علي البار «علم التشريح عند المسلمين» الدار السعودية.

٣٤ - ابن خليفة عليوي: «سبعون برهاناً علمياً على وجود الذات الإلهية»، دار الإيمان / دمشق.



- ٣٥- د/ محمد عبد الوهاب الناعى: «أساسيات علم النبات العام» ج ٢، مكتبة الدار العربية للكتاب، ٢٠٠٨.
- ٣٦- أ.د. محمد فتحى فرج بيومى - د. هانى عبد الحميد عبد السميع: «أساسيات علم وظائف الأعضاء»، الدار العربية للكتاب ٢٠٠٨ م.
- ٣٧- أشرف صبحى محمد: «ذكر الطير والحيوان: فى اللغة والأمثال والأحاديث والقرآن»، دار العلم والثقافة ٢٠٠٣ م.
- ٣٨- علي فاضل: «موسوعة الطيور»، دار أسامة، ٢٠٠٢ م.
- ٣٩- سلاسل سوفنير: «موسوعة عالم الحيوان»، دار الراتب الجامعية
- ٤٠- سمير الحفناوي: «شهادة ساسة وعلماء الغرب والعجم لعلماء المسلمين العرب» ... تحت الطبع.

### مصادر المعلومات الأجنبية

- 1- « Les Spirales et les Hélices », Encyclopaedia Universalis, Plurisciences, 1978.
- 2- Encyclopaedia Universalis, vol. 15, 234 b., vol. 15, 265 b., vol. 18, 923 b., Paris, 1985.
- 3- GHYKA, M., Philosophie et mystique du nombre, Payot, Paris, 1952.
- 4- GOBERT, M.-H., Les nombres sacrés et l'origine des religions, Stock+Plus, 1982.
- 5- La Recherche (revue), N° 244, juin 1992, p. 686.
- 6- NEROMAN, D., Le nombre d'Or, clé du monde vivant, « Architecture et symboles sacrés », Dérivy-livres, Paris, 1981-1984.
- 7- VOROBIEV, N., Caractères de divisibilité, suite de Fibonacci, « Initiations aux mathématiques », Éd. de Moscou, 1973.

## خاتمة

الحمد لله تعالى الذي أذن لي أن أدعوه ... ووفقني أن أقف على بابه ... أسأله وأتضرع إليه وأرجوه ... وأن ألج باب العلوم الشرعية ... وعلوم القرآن ... ذلك العلم النفيس ... وخير جليس ... وحسن أنيس ... تقبله الله تعالى منا ... ونفعنا به ... ونفع الناس بثمراته ... فهذا بحث متواضع مني ... في الإعجاز الهندسي في القرآن الكريم ... كتاب رب العالمين ذلك القبس السماوي المنير ... لعل الله يرحمني ... ويتجاوز عن زللي ... ويرزقني فضل الصلاة على حبيبه ... وشفيعنا يوم لقاءه ... وأن يحشرنا في زمرة العلماء العاملين ... والشهداء والصديقين ... والأنبياء والصالحين ... ويتجاوز عن سؤالي ... وينير لي قبوري ... ويؤنسني في وحدتي ... ويرفع مقامي ... ويبشرني بالجنة قبل آخر عهدي بالدنيا خارجاً منها ... وأول عهدي بالآخرة داخلاً فيها.

وأترك القارئ الكريم ... والباحث المجدد ... والعالم العامل ... على أمل اللقاء ... في الجزء الثاني ... ويتناول النسبة الإلهية في الأماكن المقدسة والتحف المعمارية ... وعلم الفلك والجولوجيا ... والكيمياء ... والفن والرسم والنحت ... والرياضيات ... وغير ذلك كثير ... انتظرونا.

تم بحمد الله تعالى الانتهاء من كتابة «الجزء الأول» من كتاب «النسبة الإلهية في المخلوقات الكونية» يوم الخميس الموافق ٣٠ من ذي الحجة عام ١٤٣٠ هـ - ١٧ ديسمبر ٢٠٠٩ م. جعله الله في ميزان حسناتنا ونفع به أمة الإسلام

وصلى الله على سيدنا محمد وعلى أزواجه وأصحابه وسلم

المؤرخ والمفكر الإسلامي

سمير الحفناوي

## صدر للمؤلف

- (١) المناظرات بين معلمي الرياضيات .... ( القاهرة - مكتبة ابن سينا).
- (٢) المنافسات بين معلمي الرياضيات (ج ٢)... ( القاهرة - مكتبة جزيرة الورد)
- (٣) خمسون خطأ فني لمعلمي الرياضيات أثناء التدريس (القاهرة.. مكتبة ابن سينا).
- (٤) الطرائف والألغاز في الجبر والحساب ( مكتبة جزيرة الورد - القاهرة).
- (٥) أخطاء مدرسي الرياضيات في الجبر للمرحلة الإعدادية. (مكتبة جزيرة الورد).
- (٦) غرائب وحكايات علماء الفيزياء والرياضيات ( ٥ أجزاء.. جزيرة الورد)
- (٧) رحلة الأرقام العربية من العصور الغابرة إلى العصور المعاصرة ( ٣ ) أجزاء صدر منها جزءان .... القاهرة - مكتبة جزيرة الورد جزيرة الورد).
- (٨) السبق العلمي لعلماء العرب والمسلمين ( مكتبة الإيمان - المنصورة).
- (٩) أغرب القضايا في تاريخ علم وعلماء الرياضيات أمام محاكم التاريخ (الهيئة المصرية العامة للكتاب - تحت الطبع).
- (١٠) علماء الكيمياء الشعراء. ( القاهرة - مكتبة جزيرة الورد).
- (١١) علماء الرياضيات الشعراء. ( القاهرة - مكتبة جزيرة الورد).
- (١٢) علماء الفلك والفيزياء الشعراء. ( القاهرة - مكتبة جزيرة الورد).
- (١٣) علماء الصيدلة والنبات الشعراء. ( القاهرة - مكتبة جزيرة الورد).
- (١٤) علماء الطب والحيوان الشعراء. ( القاهرة - مكتبة جزيرة الورد).
- (١٥) النسبة الإلهية في المخلوقات الكونية ( ٢ مجلد ). ( القاهرة - مكتبة جزيرة الورد).
- (١٦) الإبداع الفني والبيان في قصص القرآن الكريم. ( القاهرة - مكتبة جزيرة الورد).
- (١٧) هبات الرحمن في السنة والقرآن ( مجلد ). ( القاهرة - مكتبة جزيرة الورد).
- (١٨) الضحك حتى البكاء على قبور المشاهير والعلماء.
- (١٩) طبيبات وعمرضات حول الرسول ﷺ .

## قصيدة في الصلاة على رسول الله ﷺ

اقرأوها لتتعموا بفضلها :

ياربَّ صَلِّ عَلَى الْمُخْتَارِ مِنْ مُضَرٍّ  
 وَصَلِّ رَبِّ عَلَى الْهَادِي وَشِيعَتِهِ  
 وَجَاهِدُوا مَعَهُ فِي اللَّهِ وَاجْتَهِدُوا  
 وَبَيِّنُوا الْفُرْضَ وَالْمُسْنُونَ وَاعْتَصِبُوا  
 أَذْكَى صَلَاةٍ وَأَنَاهَا وَأَشْرَفَهَا  
 مَعْبُوقَةٍ بِعَبِيقِ الْمَسْكِ ذَاكِيَةٍ  
 عَدَّ الْخَصَى وَالثَّرَى وَالرَّمْلَ يَتَّبِعُهَا  
 وَعَدَّ وَزْنَ مِثَاقِيلِ الْجِبَالِ كَمَا  
 وَعَدَّ مَا حَوَتْ الْأَشْجَارُ مِنْ وَرَقٍ  
 وَالْوَحْشُ وَالطَّيْرُ وَالْأَسْمَاكُ مَعَ نَعَمٍ  
 وَالذَّرُّ وَالنَّمْلُ مَعَ جَمْعِ الْحُبُوبِ كَذَا  
 وَمَا أَحَاطَ بِهِ الْعِلْمُ الْمَحِيطُ وَمَا  
 وَعَدَّ نِعَمَائِكَ اللَّاتِي مَنَنْتَ بِهَا  
 وَعَدَّ مِقْدَارِهِ السَّامِي الَّذِي شَرَّفَتْ  
 وَعَدَّ مَا كَانَ فِي الْأَكْوَانِ يَاسَنْدِي  
 فِي كُلِّ طَرْفَةٍ عَيْنٍ يَطْرَفُونَ بِهَا  
 وَالْأَنْبِيَا وَجَمِيعِ الرُّسُلِ مَا ذُكِرُوا  
 وَصَحْبِهِ مَنْ لَطِيٍّ الدِّينِ قَدْ نَشَرُوا  
 وَهَاجَرُوا وَلَهُ آوُوا وَقَدْ نَصَرُوا  
 اللَّهُ وَاعْتَصَمُوا بِاللَّهِ فَانْتَصَرُوا  
 يُعْطَرُ الْكَوْنُ مِنْ نَشْرِهَا الْعِطْرُ  
 مِنْ طَيِّبِهَا أَرْجُ الرِّضْوَانِ يَنْتَشِرُ  
 نَجْمُ السَّمَاءِ وَنَبَاتُ الْأَرْضِ وَالْمَدْرُ  
 يَلِيهِ قَطَرُ جَمِيعِ الْمَاءِ وَالْمَطَرُ  
 وَكُلُّ حَرْفٍ غَدَا يُتْلَى وَيُسْتَطَرُّ  
 يَلِيهِمُ الْجَنُّ وَالْأَمَلَاكُ وَالْبَشَرُ  
 وَالشَّعْرُ وَالصُّوفُ وَالْأَرْيَاشُ وَالْوَبَرُ  
 جَرَى بِهِ الْقَلَمُ الْمَأْمُورُ وَالْقَدْرُ  
 عَلَى الْخَلَائِقِ مُذْ كَانُوا وَمُذْ حُسِرُوا  
 بِهِ النَّبِيُّونَ وَالْمَلَائِكَةُ وَافْتَخَرُوا  
 وَمَا يَكُونُ إِلَى أَنْ تُبْعَثَ الصُّورُ  
 أَهْلُ السَّمَوَاتِ وَالْأَرْضِينَ أَوْ يَذَرُوا

ملء السموات والأرضين مع جبل  
ما أعدم الله موجوداً وأوجد معدوماً  
تستغرق العدّة مع جمع الدّهور كما  
لا غاية وانتهاءً يا عظيم لها  
وعدّة أضعاف ما قد مرّ من عددٍ مع  
كما تحبّ وترضى سيدي وكما  
مع السلام كما قد مرّ من عددٍ  
وكلّ ذلك مضروبٌ بحقك في  
ياربٍ واغفر لقاريها وسامعها  
ووالدينا وأهلينا وجيرتنا  
وقد أتيت ذنوباً لا إعداد لها  
أرجوك يارب في الدارين ترحمنا  
اللهم صلي على محمد وعلى آل سيدنا محمد كما صليت على إبراهيم وعلى آل  
إبراهيم إنك حميد مجيد وبارك على محمد وعلى آل سيدنا محمد كما باركت على  
إبراهيم وعلى آل إبراهيم إنك حميد مجيد .



## فهرس الموضوعات

الموضوع	الصفحة
الإهداء.....	٥
مقدمة.....	٧
الباب الأول: الجذور التاريخية للنسبة الإلهية:.....	١٥
أولاً: مفهوم وخصائص النسبة الإلهية.....	١٧
ثانياً: اكتشاف النسبة الإلهية عند القدماء المصريين.....	٢٦
ثالثاً: النسبة الإلهية عند الإغريق.....	٣٦
(أ) النسبة الإلهية عند فيثاغورث.....	٣٦
(ب) النسبة الإلهية عند «ثيانو» زوجة فيثاغورث.....	٤١
(ج) النسبة الإلهية عند إقليدس.....	٤٥
(د) النسبة الإلهية عند أودوكسوس.....	٤٨
(هـ) النسبة الإلهية عند نيقوماخوس الجاراسيني.....	٥١
(و) محاولات لتقدير النسبة الذهبية.....	٥١
رابعاً: النسبة الإلهية عند العالم الإيطالي «ليوناردو بيسانو».....	٦٠
الباب الثاني: النسبة الإلهية في خلق الإنسان:.....	٦٧
أولاً: النسبة الإلهية في أبعاد جسم الإنسان.....	٧٠
ثانياً: النسبة الإلهية في أبعاد الذراع.....	٧٦
ثالثاً: النسبة الإلهية في فقرات أصابع اليد.....	٨٠
رابعاً: النسبة الإلهية في أبعاد وجه الإنسان.....	٨٣
خامساً: النسبة الإلهية في أبعاد العينين والحواجب.....	٩٦
سادساً: النسبة الإلهية في أبعاد الأسنان.....	١٠٠
سابعاً: النسبة الإلهية في أبعاد الأذن.....	١٠٢
ثامناً: النسبة الإلهية في قدم الإنسان.....	١١٠
تاسعاً: النسبة الإلهية في بنان الإنسان.....	١١٢
عاشراً: النسبة الإلهية في شعر الرأس.....	١١٨
إحدى عشر: النسبة الإلهية في الجهاز التنفسي.....	١١٩
إثنى عشر: النسبة الإلهية في نبضات القلب.....	١٢٢

الموضوع	الصفحة
ثلاثة عشر: النسبة الإلهية في الأشرطة الوراثية DNA .....	١٢٤
أربعة عشر: النسبة الإلهية في درجة حرارة الجسم .....	١٢٦
خمس عشر: النسبة الإلهية في المراحل العمرية للإنسان .....	١٢٩
ستة عشر: النسبة الإلهية في الحبل السري .....	١٣١
سبعة عشر: النسبة الإلهية في أبعاد الجنين أثناء الولادة .....	١٣٤
ثمانية عشر: النسبة الإلهية في أوضاع الجنين خلال شهور الحمل .....	١٣٧
الباب الثالث: النسبة الإلهية في خلق المملكة الحيوانية: .....	١٣٩
الفصل الأول: النسبة الإلهية في الثدييات: .....	١٤١
أولاً: النسبة الإلهية في تكاثر الأرناب .....	١٤١
ثانياً: النسبة الإلهية في هجرة الخفافيش المكسيكية .....	١٤٥
ثالثاً: النسبة الإلهية في أبعاد وجه النمر .....	١٥٠
رابعاً: النسبة الإلهية في قرون فيل الماموث والوعول البرية .....	١٥٢
الفصل الثاني: النسبة الإلهية في الطيور: .....	١٥٥
أولاً: النسبة الإلهية في ريش ذكر الفردوس .....	١٥٥
ثانياً: النسبة الإلهية في أبعاد جسم طائر البطريق .....	١٥٧
ثالثاً: النسبة الإلهية في مغالب طائر الكناري .....	١٥٨
الفصل الثالث: النسبة الإلهية في الحشرات: .....	١٦٠
أولاً: النسبة الإلهية في أبعاد جسم الفراشة .....	١٦٠
ثانياً: النسبة الإلهية في مملكة النحل .....	١٦٣
ثالثاً: النسبة الإلهية في أبعاد جسم النملة .....	١٦٨
رابعاً: النسبة الإلهية في بيت العنكبوت .....	١٧١
الفصل الرابع: النسبة الإلهية في الزواحف: .....	١٧٦
أولاً: النسبة الإلهية في ذيل الحرباء .....	١٧٦
ثانياً: النسبة الإلهية في ذيل التنين .....	١٧٨
الفصل الخامس: النسبة الإلهية في الأسماك البحرية: .....	١٨٠
أولاً: النسبة الإلهية في أمعاء سمك القرش .....	١٨٠
ثانياً: النسبة الإلهية في أمعاء سمكة اللبء .....	١٨٢
ثالثاً: النسبة الإلهية في ذيل حصان البحر .....	١٨٤
رابعاً: النسبة الإلهية في أبعاد جسم الحوت والدلفين .....	١٨٧
خامساً: النسبة الإلهية في خلق القواقع .....	١٨٩

الموضوع	الصفحة
١ - مقدمة تاريخية عن الحلزونات في القواقع .	١٨٩
٢ - النسبة الإلهية في قوقعة حيوان النوتي .	٢٠٠
٣ - النسبة الإلهية في قوقعة الحلزون ذي الحجيرات .	٢٠٢
٤ - النسبة الإلهية في فك القواقع .	٢٠٤
الباب الرابع: النسبة الإلهية في النبات:	٢٠٧
الفصل الأول: النسبة الإلهية في النباتات الحلزونية:	٢٠٩
أولاً: النسبة الإلهية في نبات دَوَّار الشمس	٢٠٩
ثانياً: النسبة الإلهية في نبات الصنوبر .	٢١٤
ثالثاً: النسبة الإلهية في زهرة اللؤلؤ .	٢١٧
رابعاً: النسبة الإلهية في الأناناس (تفاحة الصنوبر) .	٢١٩
خامساً: النسبة الإلهية في زهرة القرنبيط والكرنب .	٢٢٢
سادساً: النسبة الإلهية في زهرة الأقحوان والصَّبَّار .	٢٢٣
سابعاً: النسبة الإلهية في الحوليات والطحالب .	٢٢٥
ثامناً: النسبة الإلهية في بذور القيقب والدردار .	٢٢٦
الفصل الثاني: الزوايا الذهبية:	٢٢٨
أولاً: الذهبية في ترتيب وتوزيع الأوراق حول الساق .	٢٢٨
الفصل الثالث: النسبة الإلهية في بتلات النباتات:	٢٣٦
أولاً: البتلات ومتابعة فيبوناشي .	٢٣٦
ثانياً: البراعم الإبطية ومتابعة فيبوناشي .	٢٣٩
ثالثاً: المضلعات الذهبية في الفواكه ومتابعة فيبوناشي .	٢٤١
نتائج الدراسة	٢٤٥
المراجع ومصادر المعلومات	٢٤٦
خاتمة:	٢٥٠
صدر للمؤلف	٢٥١
قصيدة في فضل الصلاة على رسول الله ﷺ	٢٥٢

